# 人工神经网络在航迹关联中的应用研究

## 田宝国 何友 杨日杰

(海军航空工程学院信息融合技术研究所 烟台 264001)

摘要:在分布式多传感器系统中的多节点情况下,航迹关联问题可以转化为多维分配问题。而多维分配问题是
 典型的组合优化问题,很难找到问题的最优解,而且其计算量随着问题规模的增加易出现指数爆炸现象。该文提出
 了一种三维神经网络模型,用以解决三节点情况下航迹关联的三维分配问题,并进行了实验仿真。仿真结果表明,
 三维人工神经网络模型能够有效地求解此三维分配问题,并且具有较高的航迹关联正确率。另外三维神经网络模型
 同样可以推广到多维,用以解决航迹关联的多维分配问题。
 关键词:多传感器,航迹关联,神经网络,多维分配,信息融合
 中图分类号:TN391 文献标识码:A 文章编号: 1009-5896(2005)02-0310-04

## **Application of Artificial Neural Network in Track Correlation**

#### Tian Bao-guo He You Yang Ri-jie

#### (Research Inst. of Info. Fusion, Naval Aeronautical Engineering Inst., Yantai 264001, China)

**Abstract** In a distributed multisensor system, the problem of track correlation can be transformed into the problem of multi-dimension assignment. The problem of multi-dimension assignment is a typical combined optimization problem, it is very hard to find its optimum solution and its computing burden increases heavily with the increase of dimensions and the number of targets. So a new model of three-dimension neural network is proposed in this paper to deal with the problem of three-dimension assignment. The experimental results illustrate that this model can effectively solve the problem of track correlation and have higher correct association percent. And the model of three-dimension neural network proposed in this paper can be generalized to multi-dimension model to solve the problem of multi-dimension assignment.

Key words Multisensor, Track correlation, Neural network, Multi-dimension assignment, Information fusion

## 1 引言

在多传感器环境中,一种常见的处理结构是分布式结 构。在这种处理结构中,每个传感器都处理它的局部观测, 并产生局部航迹,然后每个传感器都把它的航迹传送到中心 站,在那里进行航迹相关和合成。所以在分布式多传感器结 构中,多传感器数据融合的一个关键问题就是航迹关联或航 迹相关。当系统只有两个局部节点时,用于航迹关联的常用 方法有加权法<sup>[1]</sup>、修正法<sup>[2]</sup>、最近邻域法<sup>[3]</sup>、经典分配法<sup>[4]</sup>、 K 近邻域法<sup>[5]</sup>和多元假设检测法<sup>[6]</sup>等。其中前 3 种算法是基 本方法,也是在实际中应用最多的方法。但是在密集目标环 境下和/或交叉、分叉及机动的航迹较多的场合,它们将导致 较多的错、漏相关航迹,同时这3种算法还缺乏系统和完整 处理过程的描述。于是文献[7,8]以加权和修正法为基础,提 出了序贯航迹关联算法,大大提高了航迹关联正确率。 而在多局部节点情况下,有3类可能的方法<sup>[9]</sup>:第1类是· 直接法; 第2类是基于状态估计的多维分配方法; 第3类是基 于拟测量的多维分配方法。其中直接法简单、直观,工程上

容易实现,但当节点数较大时,会不可避免地出现两两分别 关联检验的组合爆炸问题。而多维分配方法也是典型的组合 优化问题,很难找到问题的最优解,如果方法不当,其计算 量也会随着问题维数的增加出现指数爆炸现象,所以目前还 没有大家认可的工程上解决此问题的方法。而Hopfield神经 网络由于其并行性及非线性等特点,在解决组合优化问题方 面已得到了广泛的应用,但是以前所用的Hopfield神经网络 多是用来解决二维问题。本文在二维Hopfield神经网络的基

础上,提出了一种多维人工神经网络模型用以解决航迹关联 的多维分配问题,并以三维神经网络为例对三节点情况下的 航迹关联问题进行了实验仿真。仿真实验表明,本文提出的 神经网络模型能够有效地解决航迹关联多维分配问题,而且 具有较高的关联正确率。

## 2 航迹关联的多维分配方法

在两局部节点情况下, 文献[7, 8]以加权和修正法为基础提出了航迹关联的序贯检测算法。根据两节点对同一目标

2003-09-15 收到, 2004-02-09 改回

田宝国等:人工神经网络在航迹关联中的应用研究

的状态估计误差是否统计独立,序贯检测算法又分为独立序。 贯法和相关序贯法。在多局部节点情况下,在序贯检测算法 的基础上,航迹关联问题可以转化为相应的多维分配问题。 下面以节点间估计误差相互独立为前提进行讨论。

在多局部节点情况下,假设各局部节点估计误差相互独 立,对于M个局部节点的公共监视区,根据独立序贯算法, 可以构造两航迹关联的充分统计量为

 $\lambda_{i_{t-1}i_t}(k) = \lambda_{i_{t-1}i_t}(k-1)$ +  $[\hat{X}_{i_{-1}}(k) - \hat{X}_{i_{-1}}(k)] C_{i_{-1}i_{-1}}^{-1}(k) [\hat{X}_{i_{-1}}(k) - \hat{X}_{i_{-1}}(k)]$ (1)

其中 s = 1, 2, ..., M 是局部节点编号, i<sub>s</sub> = 1, 2, ..., n<sub>s</sub> 是局部节点 s的航迹编号, $\hat{X}_{i_s}$ 是节点 s 对航迹  $i_s$ 的状态估计值, 初始统 计量 $\lambda_{i_{-1}i_{-1}}(0) = 0$ ,且

> $C_{i_{k-1},i_{k}}(k) = P_{i_{k-1}}(k \mid k) + P_{i_{k}}(k \mid k)$ (2)

弛算法<sup>[10,11]</sup>,但是求解过程仍然很复杂,并且没有给出具体 的运算结果,其效果还有待进一步研究。

目前求解组合优化问题的一个很重要的方法是利用 Hopfield 人工神经网络模型,但是以往此模型多用来求解二 维问题,为了能够采用神经网络模型求解航迹关联的多维分 配问题,需要把二维 Hopfield 神经网络模型推广到多维神经 网络模型,本文以三节点情况下的三维分配问题为例进行研 究。

3 人工神经网络求解

3.1 算法原理

Hopfield 神经网络是一种全互连、反馈型神经网络模型, 根据神经元状态变化的特点, 它又可以分为离散型和连续型 两种。在 Hopfield 神经网络中, 可以定义一个网络能量函数, 适当给予网络模型一定的初始条件,系统状态随着时间的变

是 k 时刻两个局部节点对同一目标估计的误差协方差。  $P_{i_{1}}(k|k)$ 、  $P_{i_{1}}(k|k)$ 分别是 k 时刻两节点的误差估计协方 差。

对公共区内的所有航迹,现在构造全局统计量

$$b_{i_1 i_2 \cdots i_M}(k) = \sum_{s=2}^M \lambda_{i_{s-1} i_s}(k)$$
(3)

并定义一个二进制变量:

$$\tau_{i_1 i_2 \cdots i_M}(k) = \begin{cases} 1, & H_0 \\ 0, & H_1 \end{cases}$$
(4)

其中 $i_s = 1, 2, \dots, n_s; s = 1, 2, \dots, M$ 。 $H_0$ 是零假设,表示航迹 $i_1$ ,  $i_2$ , …,  $i_M$  对应同一个目标;  $H_1$  是对立假设, 表示航迹  $i_1$ ,  $i_2, \dots, i_M$ 对应于不同的目标。

于是多局部节点误差独立时的序贯航迹关联问题,便化 成了多维分配问题,即

$$\min_{\tau_{i_1i_2\cdots i_M}} \sum_{i_1=1}^{n_1} \sum_{i_2=1}^{n_2} \cdots \sum_{i_M=1}^{n_M} \tau_{i_1i_2\cdots i_M} b_{i_1i_2\cdots i_M}(k)$$
(5)

(6)

其约束条件为

$$\sum_{i_{2}=1}^{n_{2}} \sum_{i_{3}=1}^{n_{3}} \cdots \sum_{i_{M}=1}^{n_{M}} \tau_{i_{1}i_{2}\cdots i_{M}} = 1, \quad \forall i_{1} = 1, 2, \cdots, n_{1}$$

$$\sum_{i_{1}=1}^{n_{1}} \sum_{i_{3}=1}^{n_{3}} \cdots \sum_{i_{M}=1}^{n_{M}} \tau_{i_{1}i_{2}\cdots i_{M}} = 1, \quad \forall i_{2} = 1, 2, \cdots, n_{2}$$

$$\vdots$$

$$\sum_{i_{1}=1}^{n_{1}} \sum_{i_{2}=1}^{n_{2}} \cdots \sum_{i_{M}=1}^{n_{M-1}} \tau_{i_{1}i_{2}\cdots i_{M}} = 1, \quad \forall i_{M} = 1, 2, \cdots, n_{M}$$

化将最终收敛到渐进稳定点上,并且这些稳定点就是能量函 数极小值。以此为基础,可以把优化问题中的目标函数、约 束条件与 Hopfield 能量函数联系起来,能量函数到达极小值 的过程即对应着目标函数达到它的极小值的过程,就可得到 优化问题的最优解或近似最优解。

在离散型神经网络中,网络能量函数形式为

$$E = -\frac{1}{2} \sum_{i} \sum_{j} V_i W_{ij} V_j + \sum_{i} \theta_i V_i$$
(7)

其中 W<sub>ii</sub> 是第 j 个神经元输出到第 i 个神经元输入的连接权 重,  $V_i$ ,  $V_i$ 是第 i, j个神经元的输出状态,  $\theta_i$ 为第 i 个神 经元的阈值。神经元的状态为1或-1。其状态变化满足:

$$V_{i}(k+1) = \begin{cases} 1, & \text{net}_{i} = \sum_{j} W_{ij} V_{j} - \theta_{i} > 0 \\ V_{i}(k), & \text{net}_{i} = \sum_{j} W_{ij} V_{j} - \theta_{i} = 0 \\ -1, & \text{net}_{i} = \sum_{j} W_{ij} V_{j} - \theta_{i} < 0 \end{cases}$$
(8)

其中 $V_i(k+1)$ 是k+1时刻第 i 个神经元的状态值。总之,神 经网络的算法包括以下步骤: (1)确定网络的连接权重和阈 值; (2)给定网络初始状态,根据式(8)进行迭代直到到达 稳定状态。

当节点间误差相关时,多局部节点的航迹关联问题同样。 可以化为形式与式(5),式(6)相同的多维分配问题,只 是所用统计检测量有所变化,具体形式参考文献[9]。当M=2 时,多维分配问题退化成二维分配问题,可用于局部节点间 的两两关联检验。多维分配问题是典型的组合优化问题,很 难找到问题的最优解,而且其解的复杂度随着维数的增加呈 现指数爆炸现象,现在最常用的求解方法是运用Lagrange松

对于三节点情况下航迹关联的三维分配问题,本文构造 一个三维的人工神经网络模型,则网络能量函数及神经元状 态变化形式由式(7)和(8)变为  $E = -\frac{1}{2} \sum_{i} \sum_{k} \sum_{k} \sum_{x} \sum_{y} \sum_{z} V_{ijk} W_{ijkxyz} V_{xyz} + \sum_{i} \sum_{k} \sum_{k} \theta_{ijk} V_{ijk} \qquad (9)$ 

 $V_{ijk}(k+1) = \begin{cases} 1, & \operatorname{net}_{ijk} = \sum_{x} \sum_{y} \sum_{z} W_{ijkxyz} V_{xyz} - \theta_{ijk} > 0 \\ V_{ijk}(k+1) = \begin{cases} V_{ijk}(k), & \operatorname{net}_{ijk} = \sum_{x} \sum_{y} \sum_{z} W_{ijkxyz} V_{xyz} - \theta_{ijk} = 0 \\ -1, & \operatorname{net}_{ijk} = \sum_{x} \sum_{y} \sum_{z} W_{ijkxyz} V_{xyz} - \theta_{ijk} < 0 \end{cases}$ 

(10)

根据航迹关联问题的目标函数和约束条件,定义神经网 络的能量函数为

$$E = A \sum_{i} \sum_{j} \sum_{k} \sum_{y \neq j} \sum_{z \neq k} V_{ijk} V_{iyz} + B \sum_{i} \sum_{j} \sum_{k} \sum_{x \neq i} \sum_{z \neq k} V_{ijk} V_{xjz}$$
$$+ C \sum_{i} \sum_{j} \sum_{k} \sum_{x \neq i} \sum_{y \neq j} V_{ijk} V_{xyk} + \frac{D}{2} \left( \sum_{i} \sum_{j} \sum_{k} V_{ijk} - N \right)^{2}$$
$$+ E \sum_{i} \sum_{i} \sum_{k} V_{ijk} b_{ijk}$$
(11)

上式中 A, B, C, D, E 分别为各项的惩罚系数,其中第 1 项、第 2 项和第 3 项在式(6)中的 3 个约束条件满足时分别达到最小值,第 4 项则当神经元输出状态一共有 N 个 1 时最小,这样保证各局部节点航迹的一一对应关系,第 5 项则保证式(5)最小。

比较式(9)和式(11),得到各神经元之间的连接权:  $W_{ijkxyz} = -A\delta(i,x)[1-\delta(j,y)][1-\delta(k,z)]$ 

## 4 仿真实验

我们针对 3 个局部节点的航迹关联问题进行仿真。并且 每个局部节点配有一部 2D 雷达,雷达的测距和测角误差均为  $\sigma_{\rho}$  = 170m,  $\sigma_{\theta}$  = 1°。被模拟目标在一个两维平面上变速、存 在有意和无意机动,具有可以认为在速度上变化的过程噪 声,目标初始位置在一个矩形区域均匀分布,初速和初始航 向分别在 4~1200m/s 和 0~ 2 $\pi$  之间均匀分布。局部节点坐 标原点分别为(125km,125km),(235km,130km)和(200km, 140km),状态估计采用标准 Kalman 滤波算法。目标运动、 传感器测量模型、仿真模型、滤波器的初始条件、关联质量 与多义性处理方法等均与文献[8]相同。

仿 真 中 , 网 络 能 量 函 数 的 惩 罚 系 数 分 别 取 A=B=C=300, D=200, E=1100。采用 MATLAB 语言 编程。仿真时考虑节点间误差相关和误差独立两种情况,目

 $-B\delta(j,y)[1-\delta(i,x)][1-\delta(k,z)]$  $-C\delta(k,z)[1-\delta(i,x)][1-\delta(j,y)] - D \qquad (12)$ 

其中

$$\delta(i,j) = \begin{cases} 1, & i=j \\ 0, & i\neq j \end{cases}$$
(13)

各神经元的阈值:

$$\theta_{ijk} = D \cdot N - E \cdot b_{ijk}$$

给定各神经元的状态变化方程,在外界输入的激励下, Hopfield网络就会不断向能量极小状态演化,网络的能量即 为目标函数的极小值,神经元状态*V<sub>ijk</sub>*即为节点1第*i*个航迹、 节点2第*j*个航迹和节点3第*k*个航迹的关联关系。如果*V<sub>ijk</sub>*=1, 则三者对应着同一个目标的航迹,否则三者不关联。 3.2 收敛性证明

设网络中一个神经元*ijk*发生变化,即从+1变为-1或从 -1 变为+1时,这时网络能量函数的变化为

$$\Delta E = -V_{ijk}(k+1)\sum_{x}\sum_{y}\sum_{z}W_{ijkxyz}V_{xyz}(k+1) + \theta_{ijk}V_{ijk}(k+1) + V_{ijk}(k)\sum_{x}\sum_{y}\sum_{z}W_{ijkxyz}V_{xyz}(k) - \theta_{ijk}V_{ijk}(k)$$

标数分别为 10 个和 20 个,每种情况进行 30 次仿真,然后 对 30 次仿真结果取平均。为了验证本文提出的神经网络模 型的有效性,与常用的松弛算法作一比较,具体的比较结果 分别如图 1、图 2 所示。



由仿真结果可以看出,根据本文提出的神经网络模型得 到的航迹关联正确关联率要略高于松弛算法,在每种情况 下,都高处 6%左右。另外,节点误差相关时的航迹关联正 确率要低于误差独立时的正确关联率。当目标数为 10 个时, 节点间误差独立时的航迹关联正确率为 89%左右,而误差相 关时的正确关联率为 85%左右;当目标数为 20 个时,误差

$$-\left[V_{ijk}(k) - V_{ijk}(k+1)\right] \cdot \left[\sum_{x} \sum_{y} \sum_{z} W_{ijkxyz} V_{xyz} - \theta_{ijk}\right]$$
$$-\left[V_{ijk}(k) - V_{ijk}(k+1)\right] \cdot \text{pet} \qquad (1$$

 $= \left[ V_{ijk}(k) - V_{ijk}(k+1) \right] \cdot \operatorname{net}_{ijk}$ (14)

当节点*ijk*的状态从+1变为-1时,有 net<sub>*jjk*</sub><0且  $V_{ijk}(k) - V_{ijk}(k+1) = 2 > 0$ ,因此 $\Delta E < 0$ ;同样,当其状态从-1 变为+1时, net<sub>*ijk*</sub> > 0且 $V_{ijk}(k) - V_{ijk}(k+1) = -2 < 0$ ,因此  $\Delta E < 0$ 。显然只有 $V_{ijk}(k+1) = V_{ijk}(k)$ 时, $\Delta E = 0$ 。另外因为 E有下限,因此经过有限次状态变化后,E达到最小值,网 络也收敛到某一稳定状态。 独立和误差相关两种情况下的关联正确率分别为80%和76% 左右,两种情况都具有较高的航迹关联正确率。而且通过仿 真发现,当目标数增加时,本算法的计算时间不会出现指数 爆炸现象,当目标数分别为10个和20个时,完成一次航迹 关联的时间分别为零点几秒和几秒左右,与松弛算法相当。

5 结论

在分布式多传感器系统中,当局部节点数大于2时,目标的航迹关联问题可以转化为多维分配问题。而多维分配问题更是典型的组合优化问题,属于 NP 难问题,其计算量随着

#### 田宝国等:人工神经网络在航迹关联中的应用研究

维数的增加而呈现指数爆炸现象,而且很难找到问题的最优 解。本文针对三维分配问题提出了一种三维神经网络模型用 以解决此分配问题,理论证明和仿真结果都表明了该方法的 有效性。另外,本文提出的三维神经网络模型同样可以推广 到多维情况。由于人工神经网络本质上是一种并行的处理方 式,并且其处理时间不会随着问题维数的增加出现指数爆炸 现象,可以大大提高问题的处理速度,这样对实时性要求较 高、需要处理密集目标的问题尤其重要,所以人工神经网络 可望在工程实际中获得应用。但是,需要指出的是,神经网 络解决此问题的关键取决于能够找到适当的网络能量函数 以及选择合适的网络参数,而网络参数的选择是此问题的难 而且在求解过程中,问题容易陷入局部最小解,所以如 点, 何根据具体问题自适应地选择网络参数以及如何改进算法 避免局部最小值,是以后要解决的一个很重要的问题。

*AC*, 1982, 27(6): 1250 – 1252.

- 何友,谭庆海,蒋蓉蓉.多传感器综合系统中的航迹相关算法 [5] [J]. 火力与指挥控制, 1989, 14(1):1-12.
- Kenefic R J. Local and remote track file registration using [6] minimum description length[J]. IEEE Trans. on AES; 1993, 29(3): 651 - 655.
- 何友, 彭应宁, 陆大绘. 多传感器数据融合模型评述[J]. 清华 [7] 大学学授, 1996, 36(9): 14-20.
- 何友,陆大绘,彭应宁,高志永.多传感器数据融合中两种航 [8] 迹相关算法[J]. 电子学报, 1997, 25(9): 10 - 14.
- 何友,王国宏,陆大绘, 彭应宁. 多传感器信息融合及应用[M]. [9] 北京: 电子工业出版社, 2000:135-136.
- Pattipati K R, et al.. A new relaxation algorithm and passive [10] sensor data association problem[J]. IEEE Trans. on AC, 1992, 37(2): 198 - 213.

#### 参考文献

- Ditzler W R. A demonstration of multisensor tracking[R]. In [1] Proceedings of the 1987 Tri-Service Data Fusion Symposium, June 1987: 303 – 311.
- Bar-Shalom Y, Fortmann T E. Tracking and Data Association[M]. [2] New York: Academic Press, 1988.
- Kosoka M. A track correlation algorithm for multisensor [3] intergration[R]. Proceeding of the IEEE/AIAA 5<sup>th</sup> Digital Avionics System Conf., 1983, 10.3: 1 – 8.
- Chang C B, Youens L C. Measurement correlation for multiple [4] sensor tracking in a dense target environment[J]. IEEE Trans. on

- [11] Deb S, et al.. An S-dimensional assignment algorithm for track initiation[R]. Proc. of the IEEE Int. Conf. Systems Engineering, Kobe, Japan, Sept. 1992: 527 - 530.
- 男, 1968 年生, 副教授, 博士后, 主要从事多传感器信 田宝国: 息融合、多目标跟踪、人工神经网络等方面的研究. 男, 1956年生, 教授, 博士, 博士生导师, 主要研究领 何 友: 域有:多传感器信息融合、多目标跟踪、模式识别、雷 达自适应检测方法、分布检测理论及应用等.
- 男, 1963 年生, 副教授, 博士后, 主要从事多传感器信 杨日杰: 息融合、航空搜潜、数字信号处理等方面的研究.

.