基于监督学习的 Takagi Sugeno Kang 模糊系统图像融合方法研究

李 突^{①2} 吴小俊^{*①}
 ^①(江南大学物联网工程学院 无锡 214122)
 ^②(青岛大学国际教育合作学院 青岛 266071)

摘 要:该文针对图像融合领域内难于对先验知识加以利用的问题提出一种新的有监督学习的Takagi Sugeno Kang (TSK)模糊系统图像融合方法。该方法通过引入 TSK 模糊系统构建标准图像融合图像库进行学习,将学习准则记录下来形成融合模型,并指导新的图像融合过程。不同于传统方法,该方法可以有效地避免模型参数择优的难题,在融合图像质量和适用范围方面表现出一定的优势。从单一类型图像融合和多种类型图像融合两个角度进行了实验研究,实验结果说明该方法的有效性。

关键词:图像融合;监督学习; Takagi Sugeno Kang(TSK)模糊系统

中图分类号: TP391 文献标识码: A

DOI: 10.3724/SP.J.1146.2013.00400

文章编号: 1009-5896(2014)05-1126-07

A Novel Image Fusion Method Using the Takagi Sugeno Kang Fuzzy System Based on Supervised Learning

Li Yi¹² Wu Xiao-jun¹

[©](School of Internet of Things Engineering, Jiangnan University, Wuxi 214122, China) [©](College of International Cooperation in Education, Qingdao University, Qingdao 266071, China)

Abstract: A novel image fusion method based on supervised intelligent learning is proposed in order to overcome the difficulty in the use of priori knowledge in image fusion. In this study, the images database for supervised learning is first constructed, then the model parameters trained with the available training datasets are used for the Takagi Sugeno Kang (TSK) fuzzy system model. Different from the classical method that needs to manage the different parameters setting manually, the proposed method can effectively preclude the problem in the optimal parameters setting. Meanwhile, some advantages are displayed in the fusion image quality and adaptation. The experimental studies on different types of images, both single and multi, also show the effectiveness of the method. **Key words**: Image fusion; Supervised learning; Takagi Sugeno Kang (TSK) fuzzy system

1 引言

图像融合^[1]是通过一种特定算法将两幅或多幅 图像合成为一幅新图像的过程。近年来,在已有的 图像融合方法中又以神经网络图像融合领域的成果 较丰富,其可进一步分为脉冲耦合神经网络图像融 合方法、自生成神经网络图像融合方法与无监督神 经网络图像融合方法等。脉冲耦合是第3代神经网 络^[2-10],在该方法中以单通道脉冲耦合神经网络图 像融合方法和双通道脉冲耦合神经网络图像融合方 法最为著名。文献[4]中,相关学者提出并总结了脉 冲耦合模型的背景、原理和进一步发展的条件及应 用前景等问题,为该模型的进一步发展奠定了基础。 还有很多学者关注脉冲耦合模型和其它模型的结合

2013-03-28 收到, 2014-01-23 改回

国家自然科学基金(60973094, 61103128, 61373055)和教育部科技研 究重大项目(311024)资助课题

*通信作者:吴小俊 xiaojun_wu_jnu@163.com

问题,这样多种方法扬长避短,可以达到最佳的融 合效果。比如文献[2,10]中提出将小波变换和脉冲耦 合结合的方法。自组织神经网络图像融合方法研究 方面,以文献[11]比较著名,其主要采用 McKusick, Langley 优化方法和Pruning And One Optimization Composite(PAOOC)的搜寻方法以及自组织神经网 络(Self-Generating Neural Networks, SGNN)模型 实现图像融合过程,其中较为关键的工作在于优化 方法的改进。在无监督神经网络图像融合方法研究 中,比较著名的方法有自组织特征映射(Self-Organization Feature Map, SOFM)图像融合方法^[12] 和模糊神经网络(Fuzzy Neural Networks, FNN)图 像融合方法^[13]。其中文献[12]是在图像去除噪声预处 理的基础上,在像素级上采用 SOFM 神经网络模型 进行聚类,根据聚类的结果完成图像融合。

上述神经网络方面的图像融合方法虽然在某种 类型或某些类型的图像融合中表现出一定的有效 性,但采用的还均是无监督学习技术,都依然面临 着不能充分利用成功融合的经验并用于指导新的图 像融合工作之问题。针对此问题,本文将机器学习 领域著名的有监督学习模型,即模糊系统引入图像 融合过程中,这样通过对目前已成功融合的结果建 立起图像学习库来进行模型学习,得到适宜于图像 融合的模糊系统模型,利用得到的模型对新图像完 成融合,从而达到可以提高新图像融合效率和准确 性的目的。

2 TSK(Takagi Sugeno Kang)模糊系统

2.1 监督学习智能建模方法

在人工智能技术和各种应用需求的推动下,智 能建模领域应运而生,监督学习智能建模方法在各 个领域得到了广泛的应用。经典的智能建模方法包 括神经网络、模糊系统以及基于核技术的方 法^[14-17]。随着科学技术的发展和人们对智能建模方 法、技术以及各个应用领域的不断探索和研究,智 能建模技术在实际建模任务中越来越体现出其独特 的优势。虽然目前智能建模技术得到了广泛的应用, 但在图像融合领域还没得到充分的探讨,如何借助 智能建模技术强大的学习能力来学习,得到有效的 图像融合模型是一个非常有意义的工作,本文将基 于模糊系统来探讨基于监督学习智能建模的图像融 合新方法。

2.2 TSK 模糊系统

模糊系统^[16,17]作为智能计算领域内一个重要的 研究分支,其依靠自身独特的可解释性以及强大的 学习能力,被广泛地应用于各个领域内。由于 TSK 模型输出的简洁性,以及其所对应的训练过程通常 可转化为线性回归问题或二次规划问题来求解,这 使得该模型较之于其它模型而言训练过程更为快 速、有效。本文即针对 TSK 模型进行图像融合的探 讨。

TSK 模糊系统是非线性复杂系统建模中的一种典型的模糊模型,其中模糊规则是模糊系统的核心。对于一个实数值输入向量 $x = (x_1, x_2, \dots, x_d)$ 而言,采用乘法合取算子、加法析取算子和乘法蕴含算子,TSK 模糊系统如式(1)所示。

IF
$$x_1$$
 is $A_1^k \wedge x_2$ is $A_2^k \wedge \dots \wedge x_d$ is A_d^k
THEN $f^k(x) = p_0^k + p_1^k x_1 + \dots + p_d^k x_d$,
 $k = 1, \dots, K$

其中 A_i^k 表示输入向量x第i维所对应的第k条规则的模糊子集,K为模糊规则数, \land 则为模糊合取操作, $f^k(x)$ 为TSK模型中可自定义的模糊集。TSK模糊系统规则的前提部分是模糊的,但结论部分是确

定的,即输出为各输入变量的线性组合,可表达为

$$y^{0} = \sum_{k=1}^{K} \frac{\mu^{k}(\boldsymbol{x})}{\sum_{k'=1}^{K} \mu^{k'}(\boldsymbol{x})} f^{k}(\boldsymbol{x}) = \sum_{k=1}^{K} \tilde{\mu}^{k}(\boldsymbol{x}) f^{k}(\boldsymbol{x})$$
(2)

其中

$$\mu^k(oldsymbol{x}) = \prod_{i=1}^d u_{A_i^k}(x_i), \ \widetilde{\mu}^k(oldsymbol{x}) = \mu^k(oldsymbol{x}) \Big/ \sum_{k'=1}^K \mu^{k'}(oldsymbol{x})$$

若以高斯函数作为隶属度函数,则 $\mu_{A_i^k}(x_i)$ 部分 可具体表示为

$$\mu_{A_i^k}(x_i) = \exp\left(\frac{-\left(x_i - c_i^k\right)^2}{2\delta_i^k}\right) \tag{3}$$

其中,参数*c^k_i*以及*δ^k_i*都可通过经典的聚类算法或其 它方法来获取。

3 TSK模糊系统图像融合方法

3.1 方法框架

TSK 模糊图像融合方法分为图像库构建、学习 算法选择和规则参数学习、融合模型生成与图像融 合实现几部分。核心部分具体又可分为两个模块, 即模型训练模块和模型测试模块,如图 1 所示。训 练部分主要通过采用不同的 TSK 模糊系统学习算 法,基于融合图像学习库中图像进行参数学习,并 将得到的最终模糊规则记录下来形成 TSK 模糊系 统图像融合模型。测试部分主要是采用该融合模型 针对新的待融合图像完成融合测试,并得到最终的 融合结果。

3.2 实现过程

(1)

本节基于 3.1 节的 TSK 模糊系统图像融合框架,研究具体的 TSK 模糊系统图像融合算法实现, 主要包含如下两个部分: (1)融合图像训练数据集的 构造; (2)基于融合图像数据集和 ANFIS 学习方法 的 TSK 模糊系统训练。

3.2.1 训练数据集的构造根据不同的具体情况,本 文在构造训练图像数据集时设计了特定类型训练集 和不限定类型训练集两种情况,分别进行讨论。具 体描述如下。

(1)特定类型图像融合训练数据集的构造。对于 特定类型图像,以医学 X 射线断层扫描(CT),磁共 振成像(MRI)为例,可以根据若干结构相似度高于



图 1 TSK 模糊系统图像融合模型的训练和测试模块

0.9 的可用 CT, MRI 图像及其对应融合后所得图像 来构造训练数据集。此类数据集训练模型对此类测 试图像的融合是非常有针对性的,可以期望得到很 好的融合效果。但对于其它类型的测试图像效果则 不够理想,即缺少通用性。

(2)不限定类型图像融合训练数据集的构造。为 了提高所训练模型的通用性,需要给模型提供一个 多样性的图像训练数据集。该问题是有监督学习图 像融合研究领域的难题,以往的研究中很少有涉及, 本文进行了如下尝试。选择几组结构相似度高于 0.8 的多聚焦、少量医学图像等来构造一个多样性图像 训练数据集。此类数据集训练所得模型将有较好的 通用性,但对于特定类型的图像,其效果较之对应 的特定类型图像数据集训练所得模型将会变差。这 一点在实验部分亦得到了验证。

无论是特定类型训练集还是不限定类型训练集 均是通过已存在的图像及其对应的融合后的图像来 构造数据集,选取图像均来源于已配准的标准图像 库。其中用于图像融合领域的训练数据集构造过程 如下:给定包含 N 对可用的融合图像库可构造如下 的一个融合训练样本集 $D = \{D_i\}, i = 1, 2, \dots, N$, 其 中子集 D_i来自于第 i个可用融合图像对(包含两幅待 融合图像和一幅标准图像,即融合后的图像)。具体 地, 令图像大小均为 $n \times n$, 则 $D_i = \{x_i^i, y_i^i\}$, $x_{i}^{i} = \{x_{1,i}^{i}, x_{2,i}^{i}\} (j = 1, 2, \dots, n^{2}),$ 这里 $x_{1,i}^{i}$ 表示第 i 个 可用融合图像对中所对应的第1幅待融合图像的第 j个像素点,同理xi,表示为第2幅待融合图像的第 j个像素点, y_i^i 则为融合后图像的第j个像素点。综 上可知,由 N个可用融合图像对,最终可构造的训 练数据集D的大小为 $N \times n \times n$ 。具体学习过程为: 将多张待融合图像转换图像尺寸为n×n,标准图像 (即融合所得图像)转换为相同尺寸图像,组成的向 量一并作为训练过程的输入,通过 TSK 模型参数学 习,逼近生成学习模型作为训练过程的输出,如图 2 所示。实验研究发现: n 取值越大计算准确度越好, 但伴随着训练过程计算量的增加,这也是模糊系统 学习方面的一个研究热点,即大规模数据模糊系统 快速学习的问题。

3.2.2 TSK 训练算法 基于给定的图像数据集,可采用不同的方法对 TSK 模糊系统学习得到最终用于 图像融合的模糊系统模型。目前的 TSK 模糊系统学 习算法有如扩展 TSK 方法 STSK(Scalable TSK)^[16]等多种。根据本文的图像数据集的特点,我们采用 自适应神经模糊推理系统(Adaptive Neural Fuzzy Inference System, ANFIS)算法来训练所需的 TSK 模糊系统图像融合模型。针对其它模糊学习方法应



图 2 训练集学习过程

用到图像融合领域的研究将是我们继续深入的问题。本部分对 ANFIS 学习训练过程做简要介绍。 ANFIS 学习过程分为前件学习过程和后件学习过程。先假设前件参数已知,通过前件输出来确定后件学习中的参数;然后再以得到的后件学习参数以及相应后件学习结果来计算前件参数,这样交替反复进行,直到满足迭代终止条件为止。具体学习过程如表1所示。

表1 ANFIS 学习过程

ANFIS	学习过程 :		
步骤 1	后件固定,	利用梯度下降反向传	专播方法学习前件参数;
步骤 2	前件固定,	利用最小平方估计学	赵习后件参数;
步骤 3	如满足迭代	代终止条件学习结束,	否则回到步骤1。

3.3 TSK 模糊系统图像融合算法及分析

根据前面分析,本节给出基于 ANFIS 的 TSK 模糊系统图像融合模型的具体实现算法(简称 ANFIS-Fusion),算法描述如表 2 所示。

表 2 ANFIS-Fusion 算法步骤

ANFIS-	Fusion 算法步骤:
步骤 1	对图像进行预处理,构造融合图像训练数据集;
步骤 2	基于构建的融合图像数据集,采用 ANFIS 算法对 TSK
	模糊系统进行参数学习;
步骤 3	利用步骤2得到的学习模型测试待融合图像;
步骤 4	生成并输出融合结果。如融合结果令人满意,则可把相
	应的图像对添加到训练图像库,返回到步骤1对模型进
	一步学习。

本文提出的 ANFIS 模糊系统图像融合方法,主 要分为 ANFIS 模糊系统训练集构造、学习阶段及模 型产生、图像融合测试及反馈阶段和融合图像生成 4 部分工作。其核心 ANFIS 模糊系统学习阶段根据 学习图像库中的多组图像进行学习,以标准图像作 为逼近目标,并经迭代学习得到最终模糊推理规则。 第3个阶段的工作是根据学习模型完成融合过程, 得到融合图像,并将该融合经验逐步补充训练过程, 以增强 ANFIS 模糊系统学习能力。本文提出了一种 有监督图像融合学习过程,可以较好地利用之前的 融合经验指导新的图像融合过程,避免融合过程单 次化和融合经验的浪费,较好地提高了融合性能。

4 仿真实验及分析

本节选择在图像融合领域广泛存在的医学图像、多聚焦图像上进行实验研究,与经典融合方法 PCNN, Gradient, FSD, Laplacian, DWT, PCA 进 行比较,并对实验结果、性能进行了深入分析,本 节所采用的指标见表3所示。

表 3 指标计算方法

指标	计算方法
${ m Q_0}^{[18]}$	$\mathbf{Q}_{0}(\mathbf{A},\mathbf{F}) = \frac{2\sigma_{\scriptscriptstyle af}}{\sigma_{\scriptscriptstyle a}^{2} + \sigma_{\scriptscriptstyle f}^{2}} \cdot \frac{2\overline{\sigma}\overline{f}}{\overline{\sigma}^{2} + \overline{f}^{2}}, \mathbf{Q}_{0}(\mathbf{A},\mathbf{B},\mathbf{F}) = \left(\mathbf{Q}_{0}(\mathbf{A},\mathbf{F}) + \mathbf{Q}_{0}(\mathbf{B},\mathbf{F})\right)/2$
${ m Q_E}^{[18]}$	$Q_E(A,B,F) = Q_W(A,B,F) \cdot Q_W(A^{\prime},B^{\prime},F^{\prime})^\alpha$
${f Q_W}^{[18]}$	$\mathbf{Q}_{\mathbf{W}}(\mathbf{A},\mathbf{B},\mathbf{F}) = \sum_{w \in \mathbf{W}} c(w)(\lambda(w) \mathbf{Q}_{0}(\mathbf{A},\mathbf{F} \mid w)) + (1 - \lambda(w)) \mathbf{Q}_{0}(B,\mathbf{F} \mid w)$
$\mathbf{Q}^{\mathrm{AB/F[18]}}$	$\mathbf{Q}^{\text{AB/F}} = \frac{\sum_{n=1}^{N} \sum_{m=1}^{M} (Q^{\text{AF}}(n,m) w^{\text{A}}(n,m) + Q^{\text{BF}}(n,m) w^{\text{B}}(n,m))}{\sum_{n=1}^{N} \sum_{m=1}^{M} (w^{\text{A}}(n,m) + w^{\text{B}}(n,m))}$

4.1 特定类型学习图像融合实验

特定类型学习图像融合实验旨在构造单种类型 图像的学习图像库,通过学习过程形成融合模型来 指导学习图像库中该类型图像融合工作。实验中选 取图像尺寸为 256×256 的两幅医学'CT'图像进 行实验,实验结果见图 3 和表 4。

4.2 无限定类型学习图像融合实验

无限定类型学习图像融合实验旨在构造不限定 单种类型图像的学习图像库,通过学习过程形成融

合模型来指导学习图像库中某类型图像融合工作。 多聚焦图像是图像融合领域中具有代表性的几大类 型图像之一,在该类型图像上的实验效果在一定程 度上可以说明方法的有效性。本文尝试通过构造由 经典的多聚焦图像、医学图像等多种类型图像组成 的学习图像库,并由形成的学习模型指导多聚焦图 像的融合。实验中选取分别为左、右聚焦的两幅 'Book'图像,结果见图4和表5。

表4 'CT'图像实验数据比较

指标	DOWN	Gradient	FSD	Laplacian	DWT	DCA	本文方法	
	PONN					PUA	无限定学习	特定学习
Q_0	0.7688	0.8340	0.8319	0.8369	0.8627	0.8697	0.8697	0.8825
\mathbf{Q}_{E}	0.2316	0.1859	0.2709	0.2442	0.1890	0.3777	0.3719	0.3782
${ m Q}_{ m W}$	0.7402	0.5601	0.6997	0.7476	0.7163	0.7935	0.7935	0.7998
$\mathrm{Q}^{\mathrm{AB}/\mathrm{F}}$	0.5113	0.3285	0.3858	0.5078	0.4276	0.5988	0.6001	0.6790

表5 'Book'图像实验数据比较

指 标	PCNN	Gradient	FSD	Laplacian	DWT	PCA	本文方法
\mathbf{Q}_0	0.9555	0.9728	0.9791	0.9921	0.9924	0.9961	0.9664
\mathbf{Q}_{E}	0.6030	0.6569	0.7616	0.8228	0.8096	0.8789	0.7526
\mathbf{Q}_{W}	0.8306	0.8741	0.9243	0.9606	0.9537	0.9601	0.9606
${ m Q}^{ m AB/F}$	0.5552	0.6713	0.7642	0.8345	0.8041	0.8325	0.8358



(g) DWT

(h) PCA图 3 'CT' 图像实验结果

(i)本文方法

4.3 分析

本节从视觉清晰度和客观评价指标两个角度对 上述实验结果进行比较和分析。

首先,从视觉清晰度的角度上进行分析,无论 是特定类型图像融合还是无限定类型图像融合,采 用本文方法融合得到的图像均较之于其它方法更加 清晰,能够较好地反映图像中主要因素的信息。

其次,从客观评价上,在'CT'图像上:特定 类型图像融合实验结果在 Q₀, Q_E, Q_W, Q^{AB/F}方面显 示出一定优势,说明本文方法具有一定的有效性。 对于不限定图像类型实验结果,在 Q₀, Q_W, Q^{AB/F} 方面表示突出,在 Q_E方面接近于 PCA。但在相同 的实验环境下采用特定类型融合模型得到的实验结 果比不限定类型融合模型得到的实验结果在 Q₀, Q_E, Q_W, Q^{AB/F} 几方面均有所提高,这一点说明特定类型 图像融合模型在融合准确性上可以达到相对更高的 水平,这与我们的经验相一致。在无限定类型图像 学习融合实验'Book'图像上,Q_W,Q^{AB/F}等方面 表现较突出。但Q₀,Q_E方面差于PCA。另外,本文 方法融合的结果在图像灰度的特征信息方面并不十 分满意,主要原因在于构建融合模型时没有突出此 类重点信息,在该方面如何引入特征信息、区域信 息等内容来构建训练数据集,较好地提高融合图像 的性能,将是我们拟进一步探讨的问题。

无论是针对特定类型的医学图像融合实验结果 还是针对无限定类型图像学习融合实验结果,本文 方法在 Q_w, Q^{AB/F}等方面均表现突出,说明通过新 方法融合得到的图像能够尽量多地包含原图像中有 价值的信息。从视觉上来看,融合结果清晰度较好, 能够较好地保持图像中的关键信息。

5 结束语

针对图像融合领域中先前融合经验不能积累用 于指导新的融合过程之不足,本文提出了一种新的



(g) DWT

(h) PCA

- (i)本文方法
- 图 4 'Book' 图像实验结果

有监督 TSK 模糊系统图像融合方法。这种方法通过 ANFIS 模糊系统训练算法基于已有图像学习库中的 图像进行参数学习,建立 TSK 模糊系统图像融合模 型,以指导完成新的图像融合过程。实验结果表明 本文方法具有以下特点:(1)采用有监督的学习模 式,可以充分利用之前成功的融合经验来指导新的 融合过程,较好地提高融合性能;(2)可以对完整图 像集中的部分可公开的图像进行学习,来指导其他 图像的融合过程,有效地保护不能公开的隐私图像。 另外,采用其它类型的模糊系统实现图像融合也是 值得探讨的工作,未来的工作中我们将对上述问题 做进一步深入研究。

参考文献

 McAlpin D and Meyer F J. Multi-sensor data fusion for remote sensing of post-eruptive deformation and depositional features at Redoubt Volcano[J]. Volcanology and Geothermal $Research,\,2013,\,259{:}\,\,414{-}423.$

- [2] Kong W W, Lei Y J, Lei Y, et al. Image fusion technique based on non-subsampled contourlet transform and adaptive unit-fast-linking pulse-coupled neural network[J]. *IET Image Processing*, 2011, 5(2): 113–121.
- [3] Geng P, Zheng X, Zhang Z G, et al. Multifocus image fusion with PCNN in shearlet domain[J]. Reseasaarch Journal of Applied Sciences, Engineering and Technology, 2012, 4(15): 2283–2290.
- [4] Lindblad T and Kinser J M. Image Processing Using Pulse-coupled Neural Networks[M]. New York: Springer Berlin Heidelberg, 2013: 1.
- [5] Chai Y, Li H F, and Qu J F. Image fusion scheme using a novel dual-channel PCNN in lifting stationary wavelet domain[J]. Optics Communications, 2010, 283(19): 3591–3602.
- [6] Qu X B, Yan J W, Xiao H Z, et al.. Image fusion algorithm

based on spatial frequency-motivated pulse coupled neural networks in nonsubsampled contourlet transform domain[J]. *Acta Automatica Sinica*, 2008, 34(12): 1508–1514.

- [7] Huang W and Jing Z L. Multi-focus image fusion using pulse coupled neural network[J]. *Pattern Recognition Letters*, 2007, 28(9): 1123–1132.
- [8] Wang Z B, Ma Y D, and Gu J. Multi-focus image fusion using PCNN[J]. Pattern Recognition, 2010, 43(6): 2003–2016.
- [9] Luo X Q and Wu X J. Medical image fusion based on pulse coupled neural networks and multi-feature fuzzy clustering[J]. Biomedical Science and Engineering, 2012, 5(12A): 878–883.
- [10] Li Z F, Chai Y, and Zhong Y P. Multifocus image fusion scheme using features motivated a novel M-channel PCNN in lifting stationary wavelet domain[J]. Jaurnal of Computational Information Systems, 2012, 8(4): 1531–1543.
- [11] Jiang H and Tian Y F. Fuzzy image fusion based on modified self-generating neural network[J]. Expert Systems with Applications, 2011, 38(7): 8515–8523.
- [12] Zhang Z L, Sun S H, and Zheng F C. Image fusion based on median filters and SOFM neural networks: a three-step scheme[J]. Signal Processing, 2001, 81(6): 1325–1330.
- [13] Zhang D G, Li C, Wang D, et al. A new method of image data fusion based on FNN[C]. Natural Computation(ICNC), Yantai, China, 2010, 7: 3729–3733.
- [14] 王士同.神经模糊系统及其应用[M].北京:北京航空航天大 学出版社, 1998: 1-3.

Wang S T. Neural Fuzzy System and Their Application[M]. Beijing: Publishing House of Beijing Aeronautical University, 1998: 1–3.

- [15] 王士同. 模糊系统,模糊神经网络及应用程序设计[M]. 上海: 上海科学技术文献出版社, 1998: 1-2.
 Wang S T. Fuzzy System, Fuzzy Neural Networks and Their Programming[M]. Shanghai: Press of Shanghai Science and Technology, 1998: 1-2.
- [16] Deng Z H, Choi K S, Chung F L, et al. Scalable TSK fuzzy modeling for very large datasets using minimal-enclosing-ball approximation[J]. *IEEE Transactions on Fuzzy Systems*, 2011, 19(2): 210–226.
- [17] 蒋亦樟,邓赵红,王士同.0阶L2型TSK迁移学习模糊系统[J]. 电子学报,2013,41(5):897-904.
 Jiang Y Z, Deng Z H, and Wang S T. 0 Order L2 norm Takagi Sugeno Kang type transfer learning fuzzy system[J]. Acta Electronica Sinica, 2013, 41(5):897-904.
- [18] Yin H T, Li S T, and Fang L Y. Simultaneous image fusion and super-resolution using sparse representation[J]. *Information Fusion*, 2013, 14(3): 229–240.
- 李 奕: 女, 1979年生, 博士生, 讲师, 研究方向为图像融合.
- 吴小俊: 男,1967年生,教授,博士生导师,主要从事模式识别、 图像处理等的研究.