一种基于改进蚁群算法的光网络波长路由分配算法

程希 沈建华*

(南京邮电大学通信与信息工程学院 南京 210003)

摘 要:路由与波长分配(RWA)是下一代光网络的需要解决的核心问题之一。论文提出了一种基于改进蚁群算法 的光网络 RWA 算法——SA-DRWA 算法。算法在转移概率中加入了链路的空闲率作为约束条件,同时还引入了随 机扰动以防止传统蚁群算法中迭代次数较少时就过早收敛于局部最优路径的缺点。理论分析表明,SA-DRWA 算法 可以有效地实现光网络中的负载均衡。对不同网络拓扑中算法的性能进行了仿真,结果表明,SA-DRWA 算法比传 统 Dijkstra+FF 算法在阻塞率及资源利用率等方面有明显改进,在规则网格型网络中阻塞率和资源利用率分别改 善了 0.23。

关键词:光网络;路由与波长分配;蚁群算法;阻塞率;资源利用率

中图分类号: TN915.63 文献标识码: A 文章编号: 1009-5896(2012)03-0710-06 **DOI**: 10.3724/SP.J.1146.2011.01032

An Improved Ant Colony Algorithm for Routing and Wavelength Assignment in Optical Networks

Cheng Xi Shen Jian-hua

(College of Communication and Information Engineering, Nanjing University of Posts & Telecommunications, Nanjing 210003, China)

Abstract: Routing and Wavelength Assignment (RWA) is a key issue in next-generation optical networks. This paper presents an improved ant colony algorithm (Smart Ant-Dynamic RWA, SA-DRWA) to solve the RWA problem in optical networks. The link idle ratio is introduced into the ant transition probability as new constraint. At the same time, the random disturbance is added to prevent premature convergence into local optimal path within the less iteration. Theoretical analysis shows that the SA-DRWA algorithm can effectively achieve load balancing in optical network. Simulation for different topologies shows that the SA-DRWA algorithm has both improvements of blocking probability and resources utilization comparing with the traditional Dijkstra+FF algorithm. An optimal improvement scenario is obtained in regular mesh network with up to 0.23 improved for blocking probability and resources utilization.

Key words: Optical network; Routing and Wavelength Assignment (RWA); Ant colony algorithm; Blocking probability; Resources utilization

1 引言

IP 数据业务的持续高速增长推动了光网络的持续快速发展。为了更好地适应未来各种高带宽、交互式和差异化服务质量(QoS)业务的需要,光网络正在向具有智能、灵活、透明和安全等特点的下一代光网络发展^[1]。下一代光网络最重要的特征之一就是可以根据业务的需要,灵活地建立端到端的动态光通路以提供对上层业务的全光透明传输,并根据业务的QoS 需求和网络资源的实时使用情况实现动态路由、流量疏导(traffic grooming)和保护恢复等功能。其中,路由与波长分配 (RWA)是下一代光网络

中实现动态资源分配的核心问题。

RWA 问题的核心是为光网络中到达的业务计 算路由并分配波长,从网络优化角度而言就是在给 定的波长数目和连接请求等约束条件下,如何选择 最优路由以使占用的资源(波长数或波长转换器数) 最少,或者业务被阻塞的概率最小^[2]。动态 RWA 问 题已被证明是 NP-C 问题^[3]。因此,最初的研究方法 大多把 RWA 问题分解为路由和波长分配两个子问 题分别加以解决。也即先进行选路,解决路由子问 题,然后在满足一定约束条件的情况下逐一为计算 出的路由分配波长。文献[4]针对 RWA 问题提出了 新的数学模型——分层图模型,其基本思想通过将 物理拓扑映射成若干分层图的方式,把一个复杂的

²⁰¹¹⁻¹⁰⁻⁰⁹ 收到, 2012-01-04 改回 *通信作者: 沈建华 shenjh@njupt.edu.cn

问题分解成一个3维模型。文献[5]证明了分层图模 型的主要缺点是在解决大型网络问题时耗费时间较 长。随着包括遗传算法、模拟退火、神经网络、粒 子群等启发式的算法的研究,结合分层图模型的启 发式算法开始引入到光网络的 RWA 问题中。文献[6] 提出了将一种改进的脉冲耦合神经网络(PCNN)算 法引入到光网络路由选择中,并将波长分配与分层 图模型相结合,通过改变 PCNN 神经元的点火方式 以及控制自动波的传播时间来模拟路径代价,从而 使得网络路由选择具有了 PCNN 的并行处理特性的 优点,但仍然存在分层图模型耗费时间长的缺点。 文献[7]将 RWA 问题简化成为一个整数线性规划问 题,并使用遗传算法解决多目标的 RWA 问题。虽 然实现了多目标优化,但是其仿真是基于静态的网 络状态,且每个光纤上的波长数没有限制,与实际 网络环境存在较大差异。针对基本的遗传算法的收 敛性较差,常限于局部最优,以及随机性较强,不 能快速找到所需要分配的波长等缺点, 文献[8]针对 环形网络提出了一个新的整数线性规划(ILP),核心 思想是将路径集合进行分割并相应使用独立的集合 计算来表示在最初网络中的 MIS(Maximal Independent Sets),具体实现时在变量数和约束条 件数之间做了折中,在网络方面可以到达一定的伸 缩性,计算时间短,但是只适用于环形网络。文献 [9]提出了使用基本的蚁群算法解决 RWA 问题,即 首先初始化参数和计算路由表,然后使用基本的蚁 群算法计算路由和波长分配,蚂蚁从源节点出发到 达目的节点后再沿原路返回,主要关注算法的实时 性。文献[10]提出了使用蚁群算法解决 RWA 问题, 路由和波长分配的任务由每只蚂蚁同时负责完成。 但是文献[9]和文献[10]都忽略了网络负载均衡问题。

本文提出了一种基于蚁群算法的 SA-DRWA 算 法以解决光网络的动态 RWA 问题。SA-DRWA 算 法的主要创新点是在蚁群算法的转移概率中加入了 链路的空闲率作为约束条件,在保证网络中负载均 衡的同时实现较低的网络阻塞率。论文的第1节是 RWA 问题概述;第2节介绍了 SA-DRWA 算法原 理和算法的理论分析;第3节通过仿真分析了 SA-DRWA 算法性能,给出了与经典的 Dijkstra+FF 算 法的对比;最后是全文的总结。

2 SA-DRWA 算法

2.1 算法原理

由于光网络的 RWA 问题包含了路由和波长分 配两个子问题,不能直接使用传统蚁群算法。本文 在考虑了波长分配和网络负载均衡等条件下,提出 了基于蚁群算法的 SA-DRWA 算法,其核心思想是 在蚁群系统的转移概率中增加链路的空闲率作为约 束条件,并引入随机扰动防止搜索过早收敛于局部 最优路径。算法中,每只蚂蚁同时负责完成路由和 波长分配的任务^[10],即蚂蚁在每个节点上,首先进 行波长的判断,然后再进行路径上的选择(路由计 算),这样可以将路由和波长分配这两个问题统一起 来。此外,蚂蚁到达目标节点后按原路返回,若蚂 蚁在选路过程中无路可选则自杀,即本次迭代失败。 由于 RWA 问题的目标是在源节点和目标节点之间 建立一条可用的光通路,故初始化时把蚂蚁随机均 匀地放置在源节点和目标节点。

定义

(1)信息素 $\tau_{ij\omega}(t)$ 为t时刻节点(i, j)间路径上波长 ω 的信息素量。

(2)链路空闲率 *I_{ijω}(t)* 为 *t* 时刻节点(*i*, *j*)间路径 上波长ω的空闲率,由式(1)给出:

$$I_{ij\omega}(t) = \frac{\mid N_{ij\omega} \mid -n_{ij\omega}(t)}{\mid N_{ij\omega} \mid}$$
(1)

其中 $|N_{ij\omega}|$ 为链路 L_{ij} 上波长 ω 的总波长数, $n_{ij\omega}(t)$ 为 t时刻链路 L_{ii} 上波长 ω 使用数。

(3)转移概率。在蚁群算法的转移概率中引入链路空闲率 *I_{ijω}(t*) 作为新的约束条件,即 *t* 时刻处于节点 *i* 的蚂蚁 *k*选择节点 *j* 的概率 *P^k_{ij}(t*) 由式(2)给出:

$$P_{ij}^{k}(t) = \begin{cases} \frac{\left\{\tau_{ij\omega}^{\alpha}(t)\eta_{ij}^{\beta}(t) + e^{I_{ij\omega}(t)-1}\right\} \cdot I_{ij\omega}(t)}{\sum\limits_{s \in a_{k}} \left\{\tau_{is\omega}^{\alpha}(t)\eta_{is}^{\beta}(t) + e^{I_{is\omega}(t)-1}\right\} \cdot I_{is\omega}(t)}, & j \in a_{k} \\ 0, & \text{ If } t \end{cases}$$
(2)

式中 $\tau_{ij\omega}(t)$ 为t时刻路径(i, j)上 ω 波长的信息素强 度; $\alpha \ge 0$ 为信息素启发因子,表示轨迹的相对重要 性; $\beta \ge 0$ 为期望启发因子,表示能见度的相对重要 性; a_k 表示t时刻蚂蚁可以选择的节点集 $(a_k=C$ -Tabu_k,C为与节点i存在链路的节点集,Tabu_k表 示当前搜索周期到时刻t为止蚂蚁所走过的节点 集); $\eta_{ij}(t)$ 为链路(i, j)的启发函数,一般为距离的倒 数^[10]。

(4)蚁群系统状态转移规则。由于动态 RWA 问题的实时性要求较高,所以算法中迭代次数不能太多。当迭代次数较少时,蚁群算法的搜索又容易收敛于局部最优路径,因此本文提出引入随机扰动,以在迭代次数较少时防止路径搜索过早收敛于局部最优路径:即蚂蚁在选路时,在可选的节点中随机选择下一个节点。算法的状态转移规则可以表示为:位于节点 r 的蚂蚁通过式(3)的 3 种选路规则选择下一个将要移动到的节点 s。

$$s = \begin{cases} \arg \max_{u \in a_{k}} \left\{ \left\{ \left[\tau_{\mathrm{ruw}}(t) \right]^{\alpha} \left[\eta_{ru} \right]^{\beta} \right\} + e^{I_{\mathrm{ruw}}(t) - 1} \right\} \cdot I_{\mathrm{ruw}}(t), \\ q \leq q_{0} \end{cases}$$
(3)

$$\begin{bmatrix} \theta \eta \dots \theta q \leq q_{0} \\ \theta \eta \dots \theta q \leq q_{1} \\ \\ \theta \eta \dots \theta q \leq s, \end{bmatrix}$$

其中 q 是在[0, 1]区间均匀分布的随机数, q_0 和 q_1 是 参数($0 \le q_0 \le 1, q_0 \le q_1 \le 1$), S为根据式(2)给出的 概率分布所选出的一个随机变量。

算法的伪代码如表 1 所示。算法的终止条件是 到达指定的迭代时间 *T_e*或迭代的次数 *N_e*。若蚂蚁 *k* 当前节点与目标节点直接相连,即目标节点属于可 选节点集合,若波长 λ_k还有空闲则下一节点为目标 节点;若没有空闲的波长 λ_k 但节点具有波长转换功 能则下一节点也为目标节点,并再选择一个波长。

表1 SA-DRWA 算法的伪代码

Begin
网络初始化,设定蚁群数量 $Nant$,最大迭代次数 N_c ;
Loop: 各个节点等待业务到达
if(有业务到达或者业务阻塞队列不为空)
{节点向控制平面发送业务的源节点src、目标节点des、业务
等级等信息;
while(不满足终止条件)
{变量 <i>i</i> =Nant;
$\mathrm{while}(i-)$
{初始化蚂蚁,记录走过节点集Tapu清零,记录波长
的集合wavelength清零,选择波长waveNo;
while(当前节点不是目标节点)
{记录下当前节点,记录下波长waveNo,生成可
选的节点集allowedNode,产生随机数 q ;
if(allowedNode不为空)
{if(当前节点具有波长转换器功能)
{根据式(3)规则选择下一个将要移动到的
节点s,此时所有波长都要计算。
}else{根据式(3)规则选择下一个将要移动
到的节点 s ,此时只计算波长waveNo。
}
获得下一节点和波长waveNo;
根据局部更新规则更新信息素;
蚂蚁移动到下一节点;
}else break;
} }
根据全部更新规则更新信息素;
计算当前最优路径;
}
if(有最优路径)
控制平面向节点发送信息,建立光通路;
else
将此业务放入业务阻塞队列,记录相关信息,便于下
次调度;
}
goto Loop;
P/DQ

2.2 理论分析

网络可记为 G=(V, E, W),其中 V为网络节点 集, E 为双向链路集, W 为每条链路的波长数。 Dijkstra 算法的复杂度为 $O(V^2)$,当节点没有波长转 换功能时,FF(First Fit)算法的复杂度为 O(W),则 Dijkstra+FF 算法复杂度为 $O(V^2 + W) \sim O(V^2)$;当 节点具有波长转换功能时,FF 算法的复杂度为 O(VW),Dijkstra+FF 算法复杂度为 $O(V^2 + VW)$ ~ $O(V^2)$ 。故 Dijkstra+FF 算法复杂度为 $O(V^2)$ 。

当节点没有波长转换功能时,最坏情况下,算 法中每只蚂蚁的复杂度为 $O(V^2 + 2V + W) \sim$ $O(V^2)$, 计算如下: 初始化蚂蚁的禁忌表 O(V), 选 择波长 O(W), 波长一旦选定, 就不需考虑波长选 择问题,蚂蚁每一跳为 O(V),局部信息数更新为 O(1), 蚂蚁最多 V-1 跳, 即 O(V), 全局信息素更 新为 O(V)。当节点具有波长转换功能时,最坏情况 下,算法中每只蚂蚁的复杂度为 $O(V^2 + 2V + VW)$ $\sim O(V^2)$, 计算如下: 初始化蚂蚁的禁忌表 O(V), 最多所有节点具有波长转换功能,选择波长 O(VW),蚂蚁每一跳为 O(V),局部信息数更新为 O(1); 蚂蚁最多 V-1 跳, 即 O(V); 全局信息素更 新为 O(V)。所以每只蚂蚁的复杂度为 $O(V^2)$,而文 献[9]中每只蚂蚁的复杂度为O(2V²)。算法的最大迭 代次数为 N,, 蚂蚁数量为 M, 整个算法的复杂度为 O(N_eMV²),算法的时间复杂度比文献[9]的小,比 Dijkstra+FF 算法大。

蚁群算法中信息素强度限制是保证任意的节点 *i*和*j*之间满足: $\tau_0 \leq \tau_{ij}(t) \leq 1/C^{bs}$,其中 τ_0 取 1/(*nC*ⁿⁿ)算法有较好的性能,*C*ⁿⁿ为由最近邻方法 得到的路径长度,*C*^{bs}为最优路径长度^[10]。类似地, 路径(*i*, *j*)上波长ω的信息素量 $\tau_{ij\omega}(t)$ 也具有同样的 限制: $\tau_0 \leq \tau_{ij\omega}(t) \leq 1/C^{bs}$ 。启发函数 $\eta_{ij}(t)$ 一般为 距离的倒数^[11],由于节点间距离远大于 1,因此 $\tau_{ijw}(t)$ 和 $\eta_{ij}(t)$ 都是小于1且大于0的小数。

首先讨论第 1 种选路规则,即式(3)中的第 1 表 达式。链路空闲率 $I_{ij\omega}(t)$ 取值范围为[0, 1],比较 $\{\tau^{\alpha}_{ij\omega}(t)\eta^{\beta}_{ij}(t) + e^{I_{ij\omega}(t)-1}\} \cdot I_{ij\omega}(t) 与 \tau^{\alpha}_{ij\omega}(t)\eta^{\beta}_{ij}(t) 中的之$ 间的大小,即计算 $\{\tau^{\alpha}_{ij\omega}(t)\eta^{\beta}_{ij}(t) + e^{I_{ij\omega}(t)-1}\} \cdot I_{ij\omega}(t)$ $-\tau^{\alpha}_{ij\omega}(t)\eta^{\beta}_{ij}(t)$ 的值。为分析简便,可以简化为:

考察函数 $z = (y + e^{x-1})x - y$, x代表 $I_{ij\omega}(t)$, 取 值范围为[0, 1]; y代表 $\tau^{\alpha}_{ij\omega}(t)\eta^{\beta}_{ij}(t)$, 取值范围为(0, 1)。函数 $z = (y + e^{x-1})x - y$ 的图形如图 1 所示。

如图 1 所示,当 x=0, y=0 时,z=0,可知:存 在一系列点(x, y)使 $(y + e^{x-1})x - y=0$ 成立。设 (x_0, y_0) 是等式 $(y + e^{x-1})x - y=0$ 的一个解, $x_0 \in (0,1), y_0 \in (0,$ 1),由图可得当 $x < x_0$ 时, $(y_0 + e^{x-1})x - y_0 < 0$,即



 $(y_0 + e^{x-1})x < y_0$; 当 $x > x_0$ 时, $(y_0 + e^{x-1})x - y_0 < 0$, 即 $(y_0 + e^{x-1})x > y_0$ 。也就是说,当 x (链路空闲率) 小于某一个值时,链路它, SA-DRWA 算法的转移 概率小于基本 ACS 算法的转移概率;当 x大于某一 个值时,链路空闲, SA-DRWA 算法的转移概率大 于基本 ACS 算法的转移概率。由于蚁群算法是一种 概率型算法,转移概率越大则选择此链路的概率也 就大,因此 SA-DRWA 算法可以使蚂蚁选中链路空 闲率高(业务量小)的路径概率增大,从而实现了网 络负载的均衡。

由于第2种选路规则是随机选择,这里不讨论。 以下讨论第3种选路规则,即式(2)。由不等式定律 可知,若有A, B, C均是正整数时,则不等式 $\frac{A}{B} < \frac{A+C}{B+C}$ 成立。因此,也可以得出相似结论, SA-DRWA 算法可以使蚂蚁选中业务量小的路径概率增大,从而实现网络负载的均衡。

3 算法性能仿真

将 SA-DRWA 算法与 Dijkstra+FF 算法进行了 网络阻塞率及资源利用率的性能仿真。仿真中使用 的分别是 16 个节点 32 条链路规则对称的网格网络, 16 个节点 21 条链路的 NSFNET 网络, 20 个节点 22 条链路的 Cernet 网络和 28 个节点 41 条链路的 pan-European 网络^[12],分别如图 2 所示。4 种网络 拓扑结构中均为节点间有 4 条光纤相连,每一条光 纤中有 6 个可用波长。

仿真时假设业务请求按泊松分布到达网络,业 务请求一旦被拒绝,则立即被丢弃,即无等待队列, 所有的节点没有波长转换功能,即满足波长一致性 约束。节点数与蚁群数之比为 1.5^[13];最大迭代次数 200,其他参数设置参考文献[13]。为不失一般性, 仿真初始时假设网络中已有已知呼叫业务产生。图 3 分别给出了 4 种拓扑结构中阻塞率和资源利用率 的仿真结果。由于业务请求的源节点和目标节点是 随机产生的,带有一定的随机性,图 3 中的数据是 多次(100 次)统计平均的结果。

从图 3(a)中可以看出,对于规则对称网格网络: 当业务强度比较小时, SA-DRWA 算法阻塞率几乎 为 0,较 Dijkstra+FF 算法最大有 0.23 的改进,且 在较大范围业务强度情况下,都有显著改进。图 3(b)



图 2 仿真使用的网络拓扑结构



图 3 网络阻塞率和资源利用率的对比

中可以看出, SA-DRWA 算法的资源利用率比 Dijkstra+FF 算法高,尤其是在中等业务强度下, 改善最大达到了 0.23。

从图 3(c)中可以看出,对于 NSFNET 网络,当 业务强度比较小时, SA-DRWA 算法得到的网络呼 叫阻塞率几乎为 0,在中等业务强度下, SA-DRWA 算法也比 Dijkstra+FF 算法性能有所改善;图 3(d) 中可以看出, SA-DRWA 算法的资源利用率比 Dijkstra+FF 算法提高了 0.12。

从图 3(e)中可以看出,对于 Cernet 网络中,在 业务强度比较小时, SA-DRWA 算法比 Dijkstra +FF 算法最多改善了 0.08,但在中等业务强度下, 改善并不是很明显;图 3(f)中可以看出,SA-DRWA 算法的资源利用率提高了约 0.07。

从图 3(g)中可以看出,对于 pan-European 网络中,中低业务强度下 SA-DRWA 算法比 Dijkstra+FF 算法最多改善了约 0.08,但在业务强度较大时,改善并不是很明显。图 3(h)中可以看出, SA-DRWA 算法的资源利用率约提高了 0.08。

总的来看,SA-DRWA 算法与 Dijkstra+FF 算 法相比,资源利用率在各种业务量负荷情况下都有 较为显著的提高。而阻塞率性能在业务量较小时改 善较为明显,当业务强度较大时,由于受到波长一 致性和链路可用波长总数等的限制,性能改善有限。 对于不同的网络拓扑而言,SA-DRWA 算法在规则 对称网格网络中阻塞率性能和资源利用率改善最明显,阻塞率最大降低了 0.23,资源利用率最大提高了 0.23。

4 结束语

动态 RWA 是下一代光网络需要解决的核心问题之一,蚁群算法以其并行性、鲁棒性等特点成为 解决光网络动态 RWA 问题的有效手段。本文提出 了一种基于蚁群算法的 SA-DRWA 算法,通过引入 链路空闲率和随机扰动,使其能够很好地解决智能 光网络的 RWA 问题。理论分析和数值仿真表明: 与 Dijkstra+FF 算法相比,SA-DRWA 算法不仅可 以有效地实现光网络的负载均衡,同时可以有效降 低阻塞率和提高网络资源的利用率,尤其是在规则 对称的网格网络中可以获得最佳的性能改善,阻塞 率最大降低了 0.23,资源利用率最大提高了 0.23。

参考文献

- 黄善国,顾畹仪,等. IP 数据光网络技术与应用[M]. 北京:人 民邮电出版社, 2008: 45-48.
 Huang Shan-guo, Gu Wan-yi, *et al.*. IP Data Optical Network Technology and Application[M]. Beijing: Posts & Telecommunications Press, 2008: 45-48.
- [2] 单广军,朱光喜,刘德明,等.基于关键链路预测的动态路由 和波长分配算法[J].电子学报,2010,38(7):1673-1677.
 Shan Guang-jun, Zhu Guang-xi, Liu De-ming, *et al.* An

dynamic routing and wavelength assignment algorithm based on key links forecasting[J]. *Acta Electronica Sinica*, 2010, 38(7): 1673–1677.

[3] Ramaswami R and Sivarajan K N. Optical Networks: A Practical Perspective[M]. San Francisco, CA, Morgm KouJkann Publishers Inc., 2002: 255–380.

程

- [4] Chen Chien and Banerjee S. A new model for optimal routing and wavelength assignment in wavelength division multiplexed optical networks[C]. International Conference on Computer Communications96(INFOCOM96), San Francisco, CA, USA, 1996: 164–171.
- [5] Xu Shi-zhong, Li Le-min, and Wang Sheng. Dynamic routing and assignment of wavelength algorithms in multifiber wavelength division multiplexing network[J]. *IEEE Journal on Selected Areas in Communications*, 2000, 18(10): 2130–2137.
- [6] 杨勇,张晓萍.基于改进 PCNN 算法的光网络 RWA 问题的研究[J]. 微计算机信息, 2010, 26(3): 105-106.
 Yang Yong and Zhang Xiao-ping. Study on RWA of optical network based on improved Pulse-Coupled Neural Network[J].
 Micro-computer Information, 2010, 26(3): 105-106.
- [7] Barpanda R S, Turuk A K, Sahoo B, et al.. Genetic algorithm techniques to solve routing and ravelength assignment problem in wavelength division multiplexing all-optical networks[C]. Communication Systems and Networks (COMSNETS), Bangalore, 2011, 3: 1–8.
- [8] Yetginer E, Liu Ze-yu, and Rouskas G N. Fast exact ILP

decompositions for ring RWA[J]. Optical Communications and Networking, 2011, 3(7): 557–586.

- [9] Triay J, and Cervelló-Pastor C. An ant-based algorithm for distributed routing and wavelength assignment in dynamic optical network[J]. *IEEE Journal on Selected Areas in Communications*, 2010, 28(4): 542–552.
- [10] 郑滟雷,顾畹仪,连伟华,等.采用蚁群算法解决光网络中动态及分布式 RWA 问题的方法[J].北京理工大学学报,2009,29(12):1104-1109.
 Zheng Yan-lei, Gu Wan-yi, Lian Wei-hua, et al. Ant colony algorithm distributed strategy for solving RWA problem in optical WDM network[J]. Transactions of Beijing Institute of Technology, 2009, 29(12): 1104-1109.
- [11] Dorigo M, and Stützle T 著,张军,等,译. 蚁群优化[M]. 北京:清华大学出版社, 2007: 21-58.
- [12] De Maesschalck S. Pan-european optical transport network: an availability-based comparison[J]. *Photonic Network Communications*, 2003, 5(3): 203–225.
- [13] 段海滨. 蚁群算法原理及其应用[M]. 北京: 科学出版社, 2005: 103-116.
 Duan Hai-bin. Principle and Application of Ant Colony Algorithm[M]. Beijing: Science Press, 2005: 103-116.
- 程 希: 男,1986年生,硕士生,研究方向为智能光网络中若干 关键技术及其应用.
- 沈建华: 男,1972年生,副教授,研究方向为光纤通信关键技术 及其应用.