长互连链延时功耗建模与基于混合粒子群算法的优化

秋小强⁰² 杨海钢^{*0} 周发标⁰² 谢元禄⁰
 ^①(中国科学院电子学研究所 北京 100190)
 ^②(中国科学院研究生院 北京 100049)

摘 要: 延时和功耗已经成为 VLSI 两个关键因素,该文提出一种用于综合考虑功耗和延迟的片上寄存器长链设计 方法,首先建立由基于 Elmore 延时模型和综合功耗模型的能量延时积模型。提出一种混合进化粒子群算法,通过 引入新的惯性权值算子和混合变异操作,克服了传统算法收敛速度慢,早熟及局部收敛等缺陷,同时采用基准函数 对该算法进行测试,验证了算法的有效性。最后,将该算法应用基于最小能量延时积的长链设计中,和最小延时模 型相比,该方法所得到的功耗延时积减少 26.34%,能量延时积减少 18.74%, HSPICE 仿真验证了设计方法的有效 性。

关键词:片上互连;缓冲器;延时;能耗;粒子群算法
 中图分类号:TN402
 文献标识码: A
 DOI: 10.3724/SP.J.1146.2010.01114

文章编号: 1009-5896(2011)06-1481-06

Analysis of Delay-power Model of Long Chain and Optimization Based on Hybrid Evolution Particle Swarm Algorithm

Qiu Xiao-qiang[®] Yang Hai-gang[®] Zhou Fa-biao[®] Xie Yuan-lu[®] [®](Institute of Electronics, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100190, China) [®](Graduate University of the Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

Abstract: Interconnect delay and power consumption are two of the main issues in deep-submicron meter technology and nano-meter technology. This paper proposes a long chain design method which takes power consumption and delay into consideration. This paper proposes a hybrid evolution particle swamp algorithm which by introducing inertia weighted operator and hybrid mutant operation overcomes such drawbacks such as low convergent speed, prematurity and local convergence. Tests employing benchmark function prove that the proposed algorithm is valid and efficient. The algorithm is applied to long chain design based on minimum energy delay product, simulation results show that in minimum power delay model the PDP is 26.34% lower than in minimum delay model, while in minimum energy delay model the EDP is 18.74% lower than in minimum delay model, simulations indicate the efficacy of such design method with HSPICE.

Key words: On-chip interconnect; Repeater; Delay, Power consumption; Particle swarm algorithm

1 引言

半导体工艺进入深亚微米甚至纳米阶段后,随 着集成电路芯片频率和规模的不断扩大,片上长连 线在延时、功耗和信号完整性都面临着严峻的挑战, 已经成为阻碍集成电路性能提高的瓶颈之一^[1]。

减少长连线延时的常用方法是在连线上等距离 地插入缓冲器,使总延时随线长线性增长。插入缓 冲器的方法简单可靠,但随着工艺的缩小和连线长 度的增加,插入缓冲器的尺寸越来越大,数量越来 越多。对于大规模高性能的设计而言,在深亚微米 时缓冲器的数量将会大于 10⁶ 个,同时缓冲器的功

2010-10-18 收到, 2011-01-24 改回

耗也占到总功耗的40%-70%,将导致延时、功耗和 面积等严重问题^[2,3]。近几年的一些研究^[4,5],都是以 一定的延时增加来换取功耗的减小,但如何取舍并 没有合理的分析和推导。另外一些研究则通过降低 互连线上电压的摆幅来降低功耗和延时,但会增加 硬件开销和噪声的影响^[6-9]。因此,如何合理地量 化缓冲器的尺寸和数量,使长连线的功耗延时积和 能量延时积最小,已经成为芯片设计所必须解决的 关键问题之一。

本文以功耗延时积和能量延时积为优化目标, 基于 Elmore 连线延时模型和综合功耗模型^[1],提出 了一种基于混合进化策略粒子群算法(Hybrid Evolution Particle Swarm Algorithm, HEPSO)的长 链设计方法。该方法可以准确和高效地得到最优的

^{*}通信作者:杨海钢 yanghg@mail.ie.ac.cn

缓冲器的尺寸和数量,使长链获得最小的能量延时 积。

2 长链的最优结构模型的建立和优化方法

2.1 延时模型的构建

设长链共有 N个负载,每个负载的电容为 C, 每个负载的电阻为 R,标准反相器的输入栅电容为 C_g,本征输出电容为 C_{int},反相器的导通电阻为 R_{ref}, n为管子尺寸的增大倍数,且将长链分为 m 节,则 在分布 RC模型下,长链的总的互连延时为

$$\tau = m\tau_m = mR_{\rm ref}(C_{\rm int} + C_g) + \frac{N}{n}R_{\rm ref}C + \frac{N^2}{2m}RC + NRnC_g$$
(1)

2.2 功耗模型的构建

缓冲器的功耗主要由 3 部分组成,分别为动态 功耗(switching power)、短路功耗(short-circuit power)和静态功耗(leakage power)组成^[5]。

当反相器尺寸增大 n 倍, 且将长链分为 m 节, 则总的功耗为

$$P_{\text{total}} = mk_1 n(C_{\text{int}} + C_g) + k_1 N C + k_2 n + mk_3 n \quad (2)$$

$$\ddagger \psi k_1 = \alpha V_{\text{DD}}^2 f_{\text{clk}}, \ k_2 = \frac{1}{2} \alpha \tau \ln \left(\frac{V_{\text{DD}} - |V_{tp}|}{V_{tn}} \right) V_{\text{DD}} W_{n \min}$$

 $I_{\text{sat}} f_{\text{clk}}, k_3 = (3/2) V_{\text{DD}} I_{\text{off}_n} W_{n \min}$ 。其中 V_{DD} 为电源电 压, f_{clk} 为时钟频率,本文中 α 为时钟通道的开关活 性因此取为 1, I_{off} 为 N 管的静态漏电流, I_{sat} 为 N 管的饱和电流, V_{tp} 和 V_{tn} 分别为 P 管和 N 管的阈值 电压, $W_{n \min}$ 为 N 管的最小宽度。

2.3 功耗延时最优模型

通过对式(1)和式(2)的分析。可以看出,随着 m 和 n的减小,延时虽有所增加,但功耗将大幅减小, 我们要试图寻找一种折中,使能量延时积最小。根 据式(1)和式(2)延时功耗和缓冲器尺寸增大倍数 n 与长链节数 m 的关系见图 1。

假设实际的设计采用 m=xm_{opt}, n=yn_{opt}; 其中



总的延时为

$$t_p(x,y) = 0.69\tau$$

 $= 0.69N\sqrt{RR_{ref}CC_{int}}(x+1/x+y+1/y)$ (3)
首的功能力

总的切耗为

$$P_{\text{total}}(x, y) = xyk_1NC + k_1NC$$

$$+ yk_2 \sqrt{\frac{R_{\rm ref}C}{RC_{\rm int}}} + \frac{1}{2} xyk_3 N \frac{C}{C_{\rm int}} \qquad (4)$$

则功耗延时积为

$$PDP(x,y) = P_{total}t_p \tag{5}$$

则能量延时积为

$$P(x,y) = P_{\text{total}} t_p^2 \tag{6}$$

通过选择合适的 *x* 和 *y* 值可得出最小能量延时 积的缓冲器尺寸和长链的节数。

3 功耗和延时模型的 HSPICE 仿真

ED

为验证本文提出的方法,我们在 1.5 V 0.13 µm CMOS 工艺下进行了 Hspice 仿真。其中 N 为 6000, C=3 fF,单位连线电阻 R=5 Ω , $f_{clk}=50$ MHz。模 型参数来自 Chartered 0.13 µm 工艺^[10]。

同时,针对不同的单位负载,仿真得到的延时 和功耗和模型计算出的延时和功耗对比如表1。

通过功耗和延时的仿真测量和模型计算的对 比,可以看到,对于不同的单位负载,功耗的最大 误差为 2.87%,延时的最大误差为 3.59%,说明建 立的功耗和延时模型是可靠的。

4 基于混合进化的粒子群算法

粒子群优化(Particle Swarm Optimization, PSO)算法是由Kennedy和Eberhart于1995年提出 的一种基于群智能的随机优化算法^[11]。适用于求解 大量非线性、不可微和多峰值的复杂优化问题^[12,13]。



图 1 延时和功耗与尺寸和节数的关系

单位负载(fF)	模型延时(ns)	仿真延时(ns)	误差(%)	模型功耗(mW)	仿真功耗(mW)	误差(%)	
3	11.84	11.43	3.58	4.31	4.19	2.86	
4	13.67	13.32	2.63	5.78	5.66	2.12	
5	15.28	14.77	3.45	7.18	6.98	2.86	
6	16.74	16.26	2.95	8.64	9.41	2.44	
7	18.08	17.56	2.96	10.06	9.78	2.86	
8	19.33	18.67	3.53	11.53	11.21	2.85	
9	20.51	19.81	3.53	12.92	12.57	2.78	
10	21.62	20.87	3.59	14.36	13.96	2.86	
11	22.67	21.90	3.51	15.76	15.33	2.80	
12	23.68	22.88	3.49	17.20	16.72	2.87	

表1 模型和仿真的功耗和延时对比

由于 PSO 算法的程序实现异常简洁,需要调整的 参数也少,因而已应用于多个科学和工程领域。粒 子群优化算法首先初始化一群随机粒子,然后通过 迭代找到最优解。在每一次迭代中,粒子通过跟踪 当前自身找到的个体最优值 *p*_{best}和整个种群找到的 全局最优值 *g*_{best},并根据

$$v_{k} = wv_{k-1} + c_{1}\text{Rand}(p_{\text{best}} - p_{\text{present}}) + c_{2}\text{Rand}(g_{\text{best}} - p_{\text{present}})$$
(7)

$$p_{\text{present}_k} = p_{\text{present}_{k-1}} + v_k \tag{8}$$

来更新自己的位置和速度。其中 v 是粒子的速度, p_{present} 是粒子当前的位置, Rand 是(0,1)之间的随机 数, c_1 和 c_2 被称为学习因子,表示粒子向个体极值 和全局极值的学习程度, w 为惯性因子,表示粒子 全局搜索能力。

但是, PSO 算法作为一种新的随机搜索算法, 仍旧存在着早熟收敛和收敛较慢这两个难题,并且 具有种群多样性随代数增加下降过快,有可能不收 敛到全局最优解等缺点。针对这一问题,一些研究 通过对算法的基本更新公式的改进来提高算法的寻 优能力^[11,12],还有一些研究通过引入其他的类型的 优化算法来增加算法的全局搜索能力^[13,14],虽然这 些研究工作已经给出了提高算法全局搜索能力的方 法,但是它们很难在提高搜索速度和保持种群多样 性之间达到平衡。

本文提出了一种基于混合进化的粒子群算法, 分析了惯性权值变化对算法全局和局部搜索能力的 影响,提出了混合惯性权值的概念,平衡了算法的 全局和局部搜索能力,提高了算法的搜索速度。同 时,该算法借鉴了遗传算法的变异算子,运用了两 种变异算子,有效地保持了算法种群的多样性,克 服算法的早熟收敛。最后,对算法的个体学习因子 c₁和社会学习因子c₂进行了不同的调整。在算法的迭 代前期,个体学习因子c₁较大而社会学习因子c₂较 小,使粒子保持较强的个体搜索能力,防止陷入早 熟收敛。而在算法的迭代后期,个体学习因子c₁较 小而社会学习因子c₂较大,保证算法快速收敛。

4.1 惯性权值的改进

惯性权重w是用来控制粒子以前速度对当前速 度的影响,它将直接影响粒子的全局和局部搜索能 力。惯性权重取值较大时,全局寻优能力强,局部 寻优能力弱。反之,则局部寻优能力增强,而全局 寻优能力减弱。一般而言,在算法的初始阶段,惯 性权值较大,使算法有较强的全局寻优能量,在算 法的后期阶段,惯性权值较小,以增强局部寻优能 力。但这样也使算法容易早熟收敛,无法求得全局 最优解。

针对这一情况,本文提出了混合惯性权值算子, 主导思想是在算法的奇次迭代时,开始惯性权值较 大,算法后期惯性权值较小,而在算法的偶次迭代 时,开始惯性权值较小,算法后期惯性权值较大。 这样,在算法的不同时期,算法都能保持较强的全 局和局部寻优能力。改进后的混合权值算子为式(9) 和式(10),其中*i*为迭代次数,*i*_{max}为最大迭代次数, *w*_{st}和*w*_{end}为两个惯性权值。

算法的奇数次迭代

$$w(i) = (w_{\rm st} - w_{\rm end}) \times (i / i_{\rm max})^2 - 2 \times (w_{\rm st} - w_{\rm end}) \\ \times (i / i_{\rm max}) + w_{\rm st}$$
(9)

算法的偶数次迭代

$$w(i) = (w_{\rm st} - w_{\rm end}) \times (i / i_{\rm max})^2 + w_{\rm end}$$
(10)

4.2 两种变异算子的引入

针对算法运行后期容易早熟收敛,无法搜索全 局最优解的情况,本文引入了两种变异算子,当群 体的多样性低于预先给定的阈值时开始变异操作。 变异分为两种情况,在算法奇数次迭代时,以概率 p_1 在最优解的附近变异,提高算法的局部搜索能力。 其中 P_k 为第 k 个粒子当前的位置, $P_{k,best}$ 为第 k 个 粒子历史最优位置。

$$P_k = P_{k,\text{best}}(1 + 0.5 \times \text{rand}\,n) \tag{11}$$

在算法的偶数此迭代时,以概率 p_2 在全局变异, 提高算法的全局搜索能力,防止算法陷入早熟收敛。 其中 p_2 远小于 p_1 ,防止算法退化为随机搜索算法。 其中 SP 为整个算法的搜索空间。

$$P_k = \mathrm{SP} \times \mathrm{rand}\,n\tag{12}$$

4.3 学习因子的设置

学习因子设置为二次开口曲线。随着迭代次数的增加, c₁从 c_{st}变为 c_{end}, c₂从 c_{end}变为 c_{st}。

$$c_{1} = (c_{\rm st} - c_{\rm end}) / (i / i_{\rm max})^{2} + 2 \times (c_{\rm end} - c_{\rm st}) (i / i_{\rm max}) + c_{\rm st}$$
(13)

$$c_{2} = (c_{\text{end}} - c_{\text{st}}) / (i / i_{\text{max}})^{2} + 2 \times (c_{\text{st}} - c_{\text{end}}) (i / i_{\text{max}}) + c_{\text{end}}$$
(14)

为了测试 HEPSO 算法的优化能力,本文从两 个方面来考察算法的性能: (1)固定函数评价次数, 来考察算法的精度,(2)设定一定的精度要求,来考 察算法所需要的函数评价次数。HEPSO 算法的参数 选取为 $w_{\rm st}$ =0.9, $w_{\rm end}$ =0.1, $c_{\rm st}$ =3, $c_{\rm end}$ =1, p_1 =0.1, p_2 =0.01。

4.4.1 固定函数评价次数 本节测试是在一定的函数评价次数的前提下,评估 HEPSO 算法的优化能

力,对比算法为文献[12]提出的 PLOYPSO 算法和 文献[11]提出的 PSO-FCI 算法。实验环境为:种群 规模 30,函数评价次数 9 万次,采用文献[12]中采 用的 4 个基准测试函数,函数维数为 30,每个函数 运行 50 次,3 种算法的比较结果如表 2。

通过表 2 可以看出,本文提出的 HEPSO 算法 在最优均值和最优方差上都优于 PLOYPSO 算法和 PSO-FCI 算法,尤其在较难优化的 Rosenbrock 函 数也取得较优的结果。说明 HEPSO 算法具有较强 的全局寻优能力。

4.4.2 给定一定精度本节测试是在给定一定的精度下,比较算法的均值,方差以及函数评价次数,对比算法为 PSO-FCI 算法。实验环境为:种群数30,最大迭代次数3000,函数维数30,每个函数独立运行50次。实验结果见表3。

表 3 的实验结果表明本文提出的 HEPSO 算法 所需要的函数评价次数优于 PSO-FCI 算法,也就是 说对于指定精度,HEPSO 算法只需要较少的迭代次 数就能满足计算要求,说明 HEPSO 算法具有较快 的收敛能力。

5 基于混合进化粒子群优化算法求解 *x* 和 *y* 值

对于求解 x 和 y 值,如采用一般的数学解析法,则计算量较大,并且功耗和延时不是互相独立的。 因此本文采用混合进化粒子群优化算法来求解 x 和 y 值。

算法设置种群数为 30。迭代次数为 50 次,通

调学运筹	最小值		均值			标准差		
侧试图数	PSO-FCI	本文算法	PLOYPSO	PSO-FCI	本文算法	PLOYPSO	PSO-FCI	本文算法
Rosenbrock	1.30e - 8	1.00e - 8	87.08	1.09e-4	$2.72\mathrm{e}-5$	43.64	$2.24\mathrm{e}-4$	$2.92\mathrm{e}-5$
Griewank	0	0	0.1245	0	0	0.2170	0	0
Rastrigin	0	0	49.79	$4.77\mathrm{e}-10$	0	14.44	2.15e-9	0
Sphere	0	0	$7.266\mathrm{e}-4$	0	0	$1.859\mathrm{e}-3$	0	0

表 2 HEPSO 与 POLYPSO 和 PSO-FCI 算法的性能比较

表 3 HEPSO 与 PSO-FCI 算法的性能比较

御行之丞教	亜尖辉中	均值		方	方差		函数评价次数	
侧风团刻	安水相反	PSO-FCI	本文算法	PSO-FCI	本文算法	PSO-FCI	本文算法	
Rosenbrock	1e-3	8.58e - 4	8.25e-4	3.64e-8	4.84e - 8	81738	20540	
Griewank	1e-4	7.22e-5	6.66e-5	$2.07\mathrm{e}-10$	$7.79\mathrm{e}-10$	4004	3960	
Rastrigin	1e-4	$8.01\mathrm{e}-5$	7.38e-5	$1.66\mathrm{e}-10$	$5.22\mathrm{e}-10$	5846	3630	
Sphere	1e - 4	$7.27\mathrm{e}-5$	6.47e-5	3.71e - 10	$5.42\mathrm{e}-10$	2460	1600	

过迭代求出一个最优二维粒子,也就得出 $x \pi y$ 的 最优值。通过上文可知功耗延时积为 Pt,能量延时 积为 Pt^2 。因此,更进一步可以用 P^it^j 表示能耗延 时积,这个表达式允许采用不同的指数 $i \pi j 来确定$ 能耗和延时的权重。通过图 2 可以看到,当表示功 耗权重的 i较大时,算法主要考虑功耗最小,此时 x和 y 值均较小,意味着划分的节数较小且缓冲器的 尺寸较小,长链的功耗较小而延时较大。当表示延 时权重的 j较大时,算法重点考虑延时最小,此时 x和 y 值均较大,意味着划分的节数较大且缓冲器的 尺寸较大,长链的延时较小而功耗较大。

最小延时模型的 *i*和 *j*分别为 0 和 1,意味着只 考虑延时而不考虑功耗,因此其仿真结果延时最小 而功耗最大。采用最小能量延时模型时 *i*和 *j*分别为 1 和 2,表示开始考虑功耗,但延时仍比功耗重要。 当采用最小功耗延时模型时 *i*和 *j*分别为 1,表示功 耗和延时同等重要,其仿真结果延时最大而功耗最 小。

6 结论

本文提出了一种采用混合进化粒子群算法的长 链设计方法。它综合考虑了功耗和延时对设计的影 响,采用量化的指标来确定其最优值。算法从惯性 权值,学习因子和选择变异3个方面进行改进,仿 真实验从两个方面验证了本文提出的 HEPSO 算法 有较强的寻优能力。最后,将该算法应用于求解最 小能量延时模型下的最优缓冲器尺寸和长链的节 数。仿真结果表明,该方法采用的功耗模型和延时 模型最大误差仅为 2.87%和 3.59%。对于具体设计 而言,该方法可以通过调整权重指数 i 和 j 来确定设 计方向,和最小延时模型相比,该方法所得到的功 耗延时积减少 26.34%, 能量延时积减少 18.74%。 该方法适用于片上互连线(特别是带有较大负载的 长连线)设计。随着深亚微米直至纳米工艺的广泛应 用,功耗问题尤其静态功耗将大幅增加,该方法的 可用性和有效性将进一步提高。





图 2 不同权重的最小能耗延时积对应的 x 和 y 值及功耗和延时

据

	x	y	延时(ns)	功耗(mW)	功耗延时积(fJ)	能量延时积(fJ.ns)
最小延时模型	1	1	11.39	4.19	47.72	543.53
最小功耗延时模型	0.66	0.50	12.69	2.77	35.15	446.07
最小能量延时模型	0.76	0.65	11.86	3.14	37.24	441.67

参考文献

- Rabaey J M and Chandrakasan A. Digital Integrated Circuits: A Design Perspective[M]. Second Edition, Prinitice Hall Electronics and VLSI Series, 2003: 19–23.
- [2] Banerjee K and Mehrotra A. A power-optimal repeater insertion methodology for global interconnects in nanometer designs[J]. *IEEE Transactions on Electron Devices*, 2002, 49(11): 2001–2007.
- [3] Gelsinger P P. Microprocessors for the new millennium: challenges, opportunties and new frontiers[C]. IEEE International Solid-State Circuits Conference 2001, Hillsboro OR USA, Feb. 5–7, 2001: 22–25.
- [4] Li Rui-ming, Zhou Dian, and Liu Jin, et al. Power-optimal simultaneous buffer insertion/sizing and wire sizing for two-pin nets[J]. IEEE Transactions on Computer-Aided Design of Integrated Circuits and Systems, 2005, 24(12):

1915 - 1924.

- Cheung W T and Wong N. Power optimization in a repeater-inserted interconnect via geometric programming[C].
 ISLPED'06, Tegernsee, Germany, October 4–6, 2006: 226–231.
- [6] Jiang Iris Hui-ru and Wu Ming-hua. Power-state-aware buffered tree construction[C]. 2008 IEEE International Conference on Computer Design(ICCD 2008), Squaw Greek, Lake Tahoe, California, October 12–15, 2008: 21–26.
- [7] Mohammad Moghaddam Tabrizi and Nasser Masoumi. Low-power and high-performance techniques in global interconnect signaling[J]. *Microelectronics Journal*, 2009, 40(10): 1487–1495.
- [8] Narasimhan A, Kasotiya M, and Sridhar R. A low swing differential signaling scheme for on chip global interconnects[C]. Proceedings of the 18th International Conference on VLSI Designjointly with 4th International Conference on Embedded Systems Design, Taj Bengal Kolkata India, Jan. 3–7, 2005: 634–639.
- [9] Dave V, Baghini M S, and Sharma D K. A process variation tolerant, high-speed and low-power current mode signaling scheme for on-chip interconnects[C]. GLSVLSI'09, Boston, Massachusetts, USA, May 10–12, 2009: 389–392.
- [10] Chartered Semiconductor Manufacturing Document Title: 0.13LP EP SPEC RevlB.doc 0.13 μm CMOS low power logic /mixed signal/rf technology electrical parameters specification, www.foundryview.com/ebs/oa-Servlets /Appslogin.
- [11] 吕强, 刘士荣. 一种信息充分交流的粒子群优化算法[J]. 电子

学报, 2010, 38(3): 664-667.

LV Qiang and Liu Shi-rong. A particle swarm optimization algorithm with fully communicated information[J]. *Actc Electronica Sinica*, 2010, 38(3): 664–667.

- [12] 张长胜,孙吉贵,欧阳丹彤. 一种自适应离散粒子群算法及其应用研究[J]. 电子学报, 2009, 37(2): 299-304.
 Zhang Chang-sheng, Sun Ji-gui, and Ouyang Dan-tong. A self-adaptive discrete particle swarm optimization algorithm[J]. Actc Electronica Sinica, 2009, 37(2): 299-304.
- [13] Veenhuis C. Particle swarm optimization with polymorphic update rules[C]. 2009 International Conference on Adaptive and Intelligent Systems, ICAIS'09, Klagenfurt, Austria, Sep. 24–26, 2009: 135–140.
- [14] Hassan A and Phillips C. Chaotic particle swarm optimization for dynamic routing and wavelength assignment in all-optical WDM networks[C]. International Conference on Signal Processing and Communication Systems, 2009. Omaha, United States, Sep. 28–30, 2009: 1–7.
- 秋小强: 男,1973年生,博士生,研究方向为大规模集成电路设 计方法.
- 杨海钢: 男,1960年生,研究员,博士生导师,主要从事数模混 合信号SoC设计和大规模集成电路设计等方面的研究工 作.
- 周发标: 男,1984年生,博士生,研究方向为大规模集成电路可 测性设计方法.
- 谢元禄: 男,1980年生,研究实习员,研究方向为可编程逻辑电路的配置系统.