## 阵列天线微动对前视SAR成像影响及补偿研究

侯海平\* 曲长文 丁 灿 杨 俭 (海军航空工程学院电子信息工程系 烟台 264001)

摘 要:基于阵列技术的前视SAR能对载机前方区域高分辨成像,但阵列天线的微动会对成像产生影响。该文提 出了基于时频分析提取微动特征参数的方法,研究了阵列天线微动对前视SAR成像影响及补偿问题:基于前视SAR 阵列天线特点对阵列天线微动进行建模,并分析了阵列天线形变的补偿方法。然后基于时频分析方法讨论了阵列天 线微动的时频特性并对参数进行了估计。最后在天线微动条件下对点目标进行了成像仿真,并结合成像特征对天线 微动补偿前后的结果进行了分析比较。结果表明该文所建模型和所提算法是正确和有效的。 关键词:阵列 SAR;前视成像;天线微动;时频分析;补偿 中图分类号:TN957 文献标识码:A 文章编号:1009-5896(2011)-04-0831-07 DOI: 10.3724/SP.J.1146.2010.00750

# Influence of Array Antenna Micro-motion on Forward-looking SAR Imaging and Compensation Study

Hou Hai-ping Qu Chang-wen Ding Can Yang Jian (Department of Electronic and Information Engineering, Naval Aeronautical & Astronautical University, Yantai 264001, China)

Abstract: Airborne forward-looking SAR based on array technology can supply high-resolution images of the area with respect to forward direction of the flight path. However, micro-motion of the array antenna may affect imaging. Extraction method of micro-motion characteristic parameters based on time-frequency analysis is proposed, and influence of array antenna micro-motion on forward-looking SAR imaging and the compensation method are investigated. Firstly, micro-motion model of array antenna is established based on antenna characteristic of forward-looking SAR, and compensation method of array antenna deformation is analyzed. Then, time-frequency characteristic of array antenna micro-motion is studied based on time-frequency analysis method. Finally, imaging simulation of point target in the condition of antenna micro-motion is done. Imaging results before and after compensation are compared combined with imaging characteristic. Results indicate that the established model and proposed method are correct and valid.

 $\textbf{Key words:} \ Array \ SAR; \ Forward-looking \ imaging; \ Antenna \ micro-motion; \ Time-frequency \ analysis; \ Compensation \ Mathematical \ Compensation \ Mathematical \ Mathemat$ 

## 1 引言

阵列 SAR 能够提供目标空域-时域-频域 3 维信息,有效提升了雷达的系统性能<sup>[1]</sup>。作为阵列 SAR 重要的领域之一,前视 SAR 利用沿跨航向线性排列 的一组天线阵元张成类似扫描 SAR 的部分孔径,即 使在载机悬停状态也可以对波束覆盖的正前方区域 成像<sup>[2]</sup>,有效解决了常规 SAR 侧视成像的盲区问题。 典型的前视 SAR 是德国宇航局(DLR)研发的用于视 景增强的新型区域成像雷达(SIREV)系统<sup>[3]</sup>。近年 来,基于 SIREV 对前视成像问题的研究取得了一系 列进展, 文献[2-4]根据 SIREV 系统特点基于扩展 Chirp Scaling(ECS)算法研究了前视成像。由于在机 载 SAR 中结合调频连续波(FMCW)技术的前视成 像雷达系统具有高可靠、高紧凑和低功耗等优点<sup>[5]</sup>, 文献[6]提出一种针对 FMCW 体制基于 2 维 Chirp-Z 变换变标的成像算法。文献[7]结合前视成像几何模 型和回波信号特点提出了前视 3 维成像算法,并对 X 波段进行了仿真实验。这些研究为前视 SAR 成像 技术的发展提供了新的思路。

自从微多普勒概念被引入雷达成像领域,对目标微动特性及微动目标成像的研究成为热点。文献 [8]对目标颤振、转动和锥旋等状态的微多普勒效应 进行了论证,文献[9,10]研究了SAR成像的微多普勒 问题,文献[11]针对旋转微动目标的SAR成像特征作

<sup>2010-07-15</sup> 收到, 2010-10-15 改回

<sup>&</sup>quot;泰山学者"建设工程专项经费和中国博士后科学基金(2005037772) 资助课题

<sup>\*</sup>通信作者: 侯海平 hhp\_happy@163.com

了深入分析。不同于对目标微动特性的研究,由于 前视SAR采用了阵列天线,天线易受发动机振动等 因素影响而发生形变和颤振,天线阵各阵元相位中 心会发生偏移,即使在载机悬停状态该问题也不容 忽视,因此阵列SAR对天线的稳定性要求很高,研 究阵列SAR天线微动对成像的影响及补偿问题有重 要意义。本文基于前视SAR成像原理及阵列天线特 点,建立了前视SAR阵列天线微动模型,基于时频 分析方法分析了前视阵列SAR天线的微动特性、对 成像的影响以及微动补偿问题。

### 2 前视阵列SAR成像原理

前视阵列 SAR 信号收发几何如图 1 所示。建立 坐标系如下:载机飞行方向为航线向,沿机翼为跨 航向,机底点到载机的方向为高度向,入射波平面 内雷达到目标点为径向距离向。载机以速度 V 沿 X 轴运动,平行于 Y 轴的阵列天线由接收天线阵和一 个单独的相参发射机天线组成,长度为 L。点目标  $P 坐标为 P = (x_0, y_0), \alpha$ 为波束投射角, H 为载机 高度, h 为接收天线中心到正下方发射天线的距离。



图 1 SAR 前视成像几何示意图

发射天线以高的脉冲重复频率(PRF)发射线性 调频信号,彼此相邻且独立的接收天线阵元以速度 v<sub>s</sub>快速切换并依次接收回波,形成合成孔径的采样 点。根据SAR原理,通过对各阵元回波信号的正确 相移和相干积累获取相干积累增益,产生长的合成 天线,从而获得跨航向高分辨率。在径向距离方向 上,通过发射大时宽带宽积的线性调频信号,并对 回波进行匹配滤波得到径向距离向分辨率。

机载SAR对平台稳定性要求很高,载机的运动 误差会使天线相位中心偏离理想位置,导致图像散 焦、失真甚至无法成像,为了有针对性地对阵列天 线微动影响分析,假设载机为无运动误差的理想状 态。对前视SAR"等效双站的单发多阵元顺序接收 模式"分析,假设发射FMCW信号,点目标P的回 波信号表示为

$$s_r\left(\hat{t}, t_m, t_s\right) = \operatorname{rect}\left(\frac{\hat{t} - \tau}{T_r}\right) \cdot \exp\left[j\Phi\left(\hat{t}, t_m, t_s\right)\right] \quad (1)$$

其中 $\Phi(\hat{t}, t_m, t_s) = 2\pi (f_0(\hat{t} - \tau) + (1/2)K_r(\hat{t} - \tau)^2), \tau = (R_T + R_R)/c$ ,  $R_T = \sqrt{(x - x_0)^2 + y_0^2 + H^2}$ ,  $R_R = \sqrt{(x - x_0)^2 + (y_n - y_0)^2 + H^2}$ ,  $T_r$ 为扫频周期,  $t_m$ 为 航线向的慢时间,  $\hat{t}$ 为发射信号的快时间,  $t_s$ 为跨 航向阵元切换的慢时间,  $f_0$ 为载频,  $R_T \approx R_R$ 分别 为发射天线和接收天线到点目标的距离,  $y_n$ 为第n个接收阵元的 Y 轴坐标, 且有  $y_n(t_s) = v_s t_s(n)$ 。

接收天线各阵元对回波依次接收一遍后的时间 *T<sub>s</sub>*为等效的相干积累周期,*N<sub>s</sub>*为相干积累周期数,则

$$t_m = N_s T_s \tag{2}$$

载机运动的时间 t 可以表示为

$$t = t_m + t_s(n) + \hat{t} \tag{3}$$

## 3 理论建模

#### 3.1 前视阵列SAR天线微动模型

阵列天线微动几何模型如图 2 所示。无微动时 天线发射的电磁波经目标后的回波电场矢量为 E(r),则存在微动时回波电场矢量 $E_V(r')$ 为

$$\boldsymbol{E}_{V}(\boldsymbol{r}') = \exp\left[jk\boldsymbol{r}_{0}\cdot\left(\boldsymbol{u}_{k}-\boldsymbol{u}_{r}\right)\right]\cdot\boldsymbol{E}(\boldsymbol{r})$$
(4)

其中 $k = 2\pi/\lambda$ 为波数, $\lambda$ 为波长, $u_k \approx u_r$ 分别为入 射波和回波的单位矢量, $r = r' + r_0$ , $r_0$ 为位移矢 量。

将阵列天线的微动表示为时间的函数

$$\boldsymbol{r}_{0} = \boldsymbol{r}_{0}\left(t\right) = r_{0}\left(t\right) \cdot \boldsymbol{u}_{0} \tag{5}$$

其中**u**<sub>0</sub>为位移的单位矢量。

 $\exp$ 

对于雷达后向散射,  $u_k = -u_r$ , 则式(4)中的相 位差可以表示为

$$j\tilde{\boldsymbol{\Phi}}(t) = \exp\left[jkr_0(t) \cdot \boldsymbol{u}_0 \cdot \left(\boldsymbol{u}_k - \boldsymbol{u}_r\right)\right]$$
$$= \exp\left[j2kr_0(t) \cdot \boldsymbol{u}_0 \cdot \boldsymbol{u}_k\right]$$
(6)

t时刻,阵列天线的位置向量为

$$\boldsymbol{Q}(t) = \overline{\boldsymbol{Q}}(t) + \widetilde{\boldsymbol{Q}}(t) \tag{7}$$

其中 $\mathbf{Q}(y,t) = \mathbf{Q}(\hat{t},t_s,t_m)$ ,  $\overline{\mathbf{Q}}(t)$ 为理想位置,  $\widetilde{\mathbf{Q}}(t)$ 为 阵列天线微动引入的位置误差, 且 $\widetilde{\mathbf{Q}}(t) = [\tilde{x}(t), \tilde{y}(t), \tilde{z}(y,t)]^{\mathrm{T}}$ ,  $\tilde{x}(t)$ ,  $\tilde{y}(t)$ 和 $\tilde{z}(y,t)$ 分别表示微动误 差在 X轴, Y轴和 Z轴的位移量。



图 2 阵列天线微动几何模型

设第 n 个阵元与目标的瞬时距离为 r(t),阵列 天线的微动使得天线接收到的目标回波相位中附加 一多普勒相位。由天线微动产生的瞬时速度增量为

$$\tilde{v}_{r}(t) = \frac{\mathrm{d}\widetilde{\boldsymbol{Q}}(t)}{\mathrm{d}t} \cdot \frac{\boldsymbol{r}(t)}{|\boldsymbol{r}(t)|}$$
(8)

则由接收阵元微动引入的相位差和多普勒频率分别表示为

$$\widetilde{\boldsymbol{\Phi}}(\boldsymbol{y},t) = (2\pi/\lambda)\widetilde{\boldsymbol{Q}}(\boldsymbol{y},t) \tag{9}$$

$$f_{\rm vib}\left(t\right) = \frac{1}{2\pi} \frac{\mathrm{d}\tilde{\varPhi}\left(y,t\right)}{\mathrm{d}t} \tag{10}$$

由于前视 SAR 的波束照射区域为载机前下方 区域,根据几何关系,将阵列微动误差分解为沿径 向距离分量 $\tilde{Q}_{\parallel}(t)$ 和垂直径向距离分量 $\tilde{Q}_{\perp}(t)$ ,对于 y处的接收阵元,微动误差所在法平面如图 3 所示。 微动误差对径向距离产生影响的主要是 $\tilde{Q}_{\parallel}(t)$ 分量,  $\tilde{Q}_{\perp}(t)$ 对回波相位的调制几乎没有影响,可以忽略。



图 3 阵列天线微动误差分解示意图

根据 SIREV<sup>[2]</sup>系统结构,借鉴下视阵列 SAR<sup>[12]</sup> 将阵列天线建模为 Bernoulli-Euler 梁<sup>[13]</sup>。阵列天线 的弯曲振动频率通常低于其作为杆的纵向振动或作 为轴的扭转振动的频率,因此前视 SAR 阵列天线的 微动误差主要是由 $\tilde{z}(y,t)$ 引入。设阵列天线的横截 面积为A(y),材料弹性模量为E(y),密度为 $\rho(y)$ , 截面关于中性轴的惯性矩为I(y),f(y,t)和m(y,t)分别表示单位长度梁上分布的横向外力和外力矩, 建立颤振微分方程

$$\rho(y) A(y) \frac{\partial^2 \tilde{z}(y,t)}{\partial t^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} \left[ E(y) I(y) \frac{\partial^2 \tilde{z}(y,t)}{\partial y^2} \right]$$
$$= f(y,t) - \frac{\partial m(y,t)}{\partial y}$$
(11)

对于等截面直梁,  $\rho(y)A(y) 和 E(y)I(y)$ 均为常数, 令  $f(y,t) \equiv 0$  和  $m(y,t) \equiv 0$ ,并用分离变量法求解式(11)得

$$\tilde{z}(y,t) = \tilde{Z}(y) \cdot q(t) \tag{12}$$

其中 $\tilde{Z}(y)$ 为固有振型函数, q(t)是描述运动规律的时间函数。根据初始条件,分别求得为

$$\widetilde{Z}_{i}(y) = U(\lambda_{i}y) - \frac{S(\lambda_{i}y)}{T(\lambda_{i}y)}V(\lambda_{i}y)$$
(13)

$$q_i(t) = a_i \cdot \sin\left(2\pi f_i t\right) \tag{14}$$

其中 i = 0, 1, 2... 表示颤振模式(Mode)的阶数,  $\lambda_i$  为 特征值,  $S(\cdot) \cup U(\cdot) \cup T(\cdot)$ 和  $V(\cdot)$ 为 Krylov 函数,  $f_i$ 为固有频率,可由边界条件求得,  $a_i$  为 Mode i 的振 幅,且有  $a_i = a_0 \cdot 2^{-i}$ 。

根据前视特点可知阵列天线微动在视线方向的 分量为

$$\tilde{z}_{||}(y,t) = \tilde{z}(y,t) \cdot \cos \alpha \tag{15}$$

由上述分析可知 $\tilde{Q}_{\parallel}(y,t) = \tilde{z}_{\parallel}(y,t)$ ,忽略信号幅度,相干积累周期内考虑微多普勒效应后的信号形式为

$$s_{r}\left(\hat{t}, t_{s}\right) = \exp\left[j\left(\Phi\left(y, t\right) + \widetilde{\Phi}\left(y, t\right)\right)\right]$$
(16)

#### 3.2 微动补偿方法

阵列天线的形变导致阵元产生位置误差,波束 主瓣会展宽且指向发生偏移,同时旁瓣发生畸变甚 至漂移。对阵列天线形变误差的测量有以下两种途 径<sup>[14]</sup>。一是采用传感器实时记录天线微动的误差, 通过幅度和相位的补偿进行校正,第二种是利用"机 会目标"(精确位置已知,且根据几何关系经计算能 够得到传感器位置信息的有利目标)确定传感器位 置以实现阵列误差的自动校正。

确定了天线形变引起的阵元位置变化后,需要 对其补偿。文献[14]比较了3种阵列天线形变误差的 补偿方法:(1)基于相位校准的补偿;(2)基于最小平 方拟合的补偿;(3)基于谱分析的补偿。几种方法对 阵列微动幅度有不同的适用条件和补偿精度。根据 前视 SAR 天线结构特点,要获得较高跨航向分辨 率,阵元数非常庞大,不仅对处理的实时性有很高 要求,硬件实现也受到制约。本文将结合阵列天线 微动的时频特性分析提取微动的特征参数,通过振 幅和频率的估计实现补偿。此外,前视时天线波束 有一定的宽度,波束覆盖范围内各散射点回波相位 误差是不同的。当场景较大时可以对不同的垂直距 离分段,分别补偿,即按距离远近进行"动态"补 偿。

#### 4 阵列天线微动的时频特性分析

由于阵列天线的微动随时间变化,对其多普勒特性的分析适合采用时频分析方法。与文献[8-11] 对目标微动的分析不同,阵列SAR的微动反映在阵列天线,即传感器的颤振幅度和频率,由于Wigner-Ville分布(WVD)比其它时频分布有更好的时频聚 集性,且用于微多普勒特性分析表现出良好性能<sup>[10]</sup>,本文采用基于修正的平滑伪WVD(MSPWVD)<sup>[15]</sup>对 阵列天线微动的时频特性分析,仿真参数列于表1 中。

表1 仿真参数

参数	数值	参数	数值
载波频率	$10~\mathrm{GHz}$	阵元数	101
扫频带宽	$100 \mathrm{~MHz}$	阵元间距	$0.03~{\rm m}$
脉冲重复频率	$1 \mathrm{~kHz}$	载机高度	$920~\mathrm{m}$
波束投射角	48°	载机速度	$50 \mathrm{~m/s}$

假设点目标坐标 P = (1021,0) m, 对振幅  $a_0 = 0.02$  m,  $a_0 = 0.01$  m 和  $a_0 = 0.005$  m 3 种条件下跨 航向压缩后的多普勒谱进行时频仿真分析,比较主 要振动模式下频率和振幅的影响,仿真结果如图 4 所示。其中,图 4(a),4(b),4(c)为  $a_0 = 0.02$  m的 仿真结果。图 4(d),4(e),4(f)为  $a_0 = 0.01$  m的仿 真结果。图 4(g),4(h),4(i)为  $a_0 = 0.005$  m的仿真 结果。根据天线微动模型的分析可知,随着颤振模 式阶数的增大,振幅呈指数趋势减小,*i*=3时,振 幅衰减趋近于一个数量级,因此,前三阶(Mode *i*,*i*=0,1,2)是产生阵列阵元位置误差的主要模式, 由图中可见,在几种模式下,振幅越大,对 SAR 回 波信号的调制越显著,多普勒频率与跨航向时间呈 现非线性的调制关系,调制的频率与模式的固有频 率有关。

根据上述仿真和理论分析结果,对 $a_0 = 0.01$  m 条件下的微多普勒特征进行参数估计。由图 4 得到 Mode *i* 的颤振周期估计值  $T_{ie}$ ,其对应的颤振频率为  $f_{ie} = 1/T_{ie}$ 。根据式(9)和式(10),由阵元微动产生的 多普勒频率可以得到微动引入的位置误差 $\tilde{Q}(t)$ ,进 而根据 $\tilde{Q}(t)$ 和 $\tilde{z}_{||}(y,t)$ 的对应关系得到 Mode *i*(*i* = 0,1,2)的颤振幅值。依次求得各阶次的结果,并将估 算值与理论计算值列于表 2 中(频率精度至 0.0001 Hz,幅度精度至 0.00001 m),其中 $f_{ie}$ 和 $a_{ie}$ 分别为 模式*i* 的频率和幅度估计值, $f_i$ 和 $a_i$ 分别为模式*i* 的 理论计算值,  $|f_{ie} - f_i|/f_i$ 和 $|a_{ie} - a_i|/a_i$ 描述估计精 度。可以看出,采用时频分析的方法可以精确地估 算出颤振频率和幅度。



图 4 不同振幅、不同模式下多普勒效应的 WVD

Mode $i$	0	1	2
$f_{ie}(\mathrm{Hz})$	7.9943	51.2067	127.8214
$f_i({ m Hz})$	7.7539	48.5932	136.0633
$ f_{ie}-f_i /f_i$	0.0310	0.0538	0.0606
$a_{ie}(\mathrm{m})$	0.00922	0.00548	0.00281
$a_i(\mathrm{m})$	0.01000	0.00500	0.00250
$ a_{ie}^{-}a_i /a_i$	0.07800	0.09600	0.12400

表 2 微多普勒参数

#### 5 阵列天线微动对成像的影响及补偿

#### 5.1 对成像的影响

根据 FMCW 信号特点,对式(1)的回波作解线 频调处理得到差频信号,由于 Frequency Scaling(FS) 算法<sup>[5]</sup>适用于处理去斜率混频方式的 SAR 数据,采 用 FS 算法对点目标通过跨航向和径向距离方向处 理后得到成像结果。点目标坐标列于表 3 中,为了 具有更好的对比性,选择时频分析中的 P 点作为 P<sub>2</sub> 点。

理想条件下的成像结果如图 5(a)所示,  $a_0 =$ 

点目标	航线向 X(m)	跨航向 Y(m)
$P_1$	1000	0
$P_2$	1021	0
$P_3$	1021	-180

表 3 点目标坐标

0.02 m、 $a_0 = 0.01$  m 以及 $a_0 = 0.005$  m 时的仿真结 果分别如图 5(b)、5(c)和 5(d)所示。从仿真结果可 以看出在航线向均可以分辨出  $P_1$ 和  $P_2$ 。前视 SAR 阵列天线的微动对跨航向的成像结果影响显著,振 幅越大,点目标的跨航向像扩展越严重,图 5(b)中  $P_2$ 和  $P_3$ 已无法分辨。这是因为前视阵列 SAR 跨航 向分辨率通过相干积累实现聚焦,时间积累效应导 致误差积累而影响成像。为了进一步说明问题,图 6 给出了上述 4 种条件下  $P_2$ 点成像的剖面图。目标 在跨航向的聚焦成像受天线微动影响严重,主瓣指 向变化且旁瓣发生了漂移,随着振幅的增大,主瓣 展宽,能量降低,旁瓣电平升高。但这种颤振效应 对航线向的聚焦影响很小,从图 5 和图 6(b)中可知 航线向分辨率几乎不受影响。

#### 5.2 补偿对比

在对信号的幅度和频率精确估计的基础上对天 线微动误差进行补偿。以 a<sub>0</sub> = 0.01 m 为例,补偿前 后的结果如图 7 所示。图 7(a)为理想条件下点目标 P<sub>2</sub>的 2 维等高线图,图 7(b)为存在天线微动误差的 2 维等高线图,可见天线的微动误差使跨航向像发 生扩展,图 7(c)为补偿后的结果。对比图 7(a)和 7(c) 可知,补偿后成像结果得到很大改善,等高线图形 状较为规则,且主瓣和旁瓣能够明显分开。由于目 标跨航向像受天线微动影响严重,因此在图 7(d)给 出补偿前后跨航向点目标成像剖面的对比结果,可 以看出,补偿后只是旁瓣值发生很小的变化,不影 响主瓣,几乎可以消除阵列天线微动对成像的影响。



图 5 点目标成像结果

图 6 点目标成像剖面图



图 7 天线微动补偿前后的点目标成像

#### 6 结束语

阵列 SAR 在跨航向采用阵列天线实现前视成 像,但天线的微动也给前视成像带来一定影响。本 文基于前视 SAR 2 维成像的信号模型和微动模型, 采用时频分析方法对阵列天线的微动特征及其对成 像的影响进行了深入分析,对阵列天线微动补偿的 结果表明本文所提方法是有效的。同时,本文方法 也适用于前视 3 维成像的阵列天线微动补偿,可为 机载阵列 SAR 的微动误差补偿和精确成像提供有 益的参考。

#### 参考文献

 吴曼青,葛家龙.数字阵列合成孔径雷达[J].雷达科学与技术, 2009,7(1):1-9.

Wu Man-qing and Ge Jia-long. Digital array synthetic aperture radar[J]. *Radar Science and Technology*, 2009, 7(1): 1–9.

- [2] 陈琦,杨汝良. 机载前视合成孔径雷达 Chirp Scaling 成像算 法研究[J]. 电子与信息学报, 2008, 30(1): 228-232.
  Chen Qi and Yang Ru-liang. Research of chirp scaling imaging algorithm for air-borne forward-looking SAR[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2008, 30(1): 228-232.
- [3] Krieger G, Mittermayer J, and Buckreuss S, et al.. Sector imaging radar for enhanced vision[J]. Aerospace Science and Technology, 2003, 7(2): 147–158.
- [4] Krieger G, Mittermayer J, and Wendler M, et al..

SIREV-sector imaging radar for enhanced vision[C]. International Symposium on Image and Signal Processing and Analysis, Pula, Croatia, 2001: 377–382.

- [5] Jiang Zhi-hong, Huangfu Kan, and Wan Jian-wei. Modified frequency scaling algorithm for FMCW SAR data processing[J]. *Chinese Journal of Aeronautics*, 2007, 20(4): 339–345.
- [6] 梁毅,王虹现,张龙,等.基于二维 Chirp-Z 变换的前视
   FMCW 雷达成像新方法[J].中国科学:信息科学,2010,40(5): 719-731.

Liang Yi, Wang Hong-xian, and Zhang Long, et al.. A new method for forward-looking FMCW radar imaging based on 2-D Chirp-Z transform[J]. SCIENCE CHINA: Information Sciences, 2010, 40(5): 719–731.

[7] 任笑真,杨汝良.机载前视 SAR 三维成像算法研究[J].电子 与信息学报,2010,32(6):1361-1365.
Ren Xiao-zhen and Yang Ru-liang. Study on threedimensional imaging algorithm for airborne forward-looking SAR[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2010, 32(6): 1361-1365.

- [8] Chen V C, Li F, and Ho S S, et al.. Micro-Doppler effect in radar: phenomenon, model, and simulation study[J]. IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, 2006, 42(1): 2–21.
- Sparr T and Krane B. Micro-Doppler analysis of vibrating targets in SAR[J]. *IEE Proceedings-Radar Sonar Navigation*, 2003, 150(4): 277–283.
- [10] Rüegg M, Meier E, and Nüesch D. Vibration and rotation in millimeter-wave SAR[J]. *IEEE Transactions on Geoscience*

and Remote Sensing, 2007, 45(2): 293-304.

- [11] 吴晓芳,刘阳,王雪松,等.旋转微动目标的SAR成像特性分析[J]. 宇航学报,2010,31(4):1181-1189.
  Wu Xiao-fang, Liu Yang, and Wang Xue-song, et al.. Analysis of SAR imaging characteristics of targets with rotational micro-motion[J]. Journal of Astronautics, 2010, 31(4): 1181-1189.
- [12] Klare J, Cerutti-Maori D, and Brenner A, et al. Image quality analysis of the vibrating sparse MIMO antenna array of the airborne 3D imaging radar ARTINO[C]. IGARSS, Barcelona, Spain 2007: 5310–5314.
- [13] 胡海岩. 机械振动与冲击[M]. 北京: 航空工业出版社, 1998: 154-160.

Hu Hai-yan. Mechanical Vibrations and Shock[M]. Beijing: Aeronautical Engineering Publishing House, 1998: 154–160.

[14] Lesueur G, Caer D, and Merlet T, et al.. Active compensation techniques for deformable phased array antenna[C]. 3rd European Conference on Antennas and Propagation, Berlin, Germany, 2009: 1578-1581.

[15] 苏峰,何友,曲长文,等.基于修正的平滑伪 WVD 和 Hough 变换的二值积累的信号检测方法[J].电子与信息学报,2004, 26(12): 1915-1917.

Su Feng, He You, and Qu Chang-wen, *et al.* A signal detection method based on the modified smoothing pseudo WVD and the binary integration of Hough transform[J]. *Journal of Electronics & Information Technology*, 2004, 26(12): 1915–1917.

- 侯海平: 男,1981年生,博士生,研究方向为高分辨率雷达信息 处理和微波遥感等.
- 曲长文: 男,1963年生,教授,博士生导师,研究方向为雷达信 号处理、阵列信号处理、电子对抗、数据融合等.
- 丁 灿: 男,1983年生,博士生,研究方向为雷达图像处理和信息处理.
- 杨 俭: 男,1982年生,博士生,研究方向为高分辨率雷达信息 处理.