条带 FMCW-SAR 回波数据的二维频域模拟算法

马兵强^{*02} 于彬彬⁰² 刘 畅⁰ 王岩飞⁰ ⁽¹(中国科学院电子学研究所 北京 100190) ⁽²⁾(中国科学院研究生院 北京 100039)

摘 要:FMCW-SAR 因其体积小、重量轻、成本低和高分辨率等优点近年来发展迅速,在低成本的民事应用领域 具有广阔的发展前景。传统脉冲 SAR 的系统冲击响应函数不同于 FMCW-SAR,因而,脉冲 SAR 的快速回波模 拟算法不能直接应用于 FMCW-SAR。该文在分析了条带 FMCW-SAR 信号特性的基础上,提出了其原始回波数 据的 2 维频域快速模拟算法。该算法利用 FFT 快速实现了回波数据时域模拟方法中的距离向和方位向积分运算。 与时域模拟方法相比,其计算效率提高了 $O(N_a N_r / \log_2(N_a N_r))$ 个数量级。点目标回波数据的仿真实验验证了所 提算法的合理性和有效性。

关键词: 调频连续波合成孔径雷达(FMCW-SAR); 回波数据模拟; 2 维频域

 中图分类号: TN958
 文献标识码: A
 文章编号: 1009-5896(2011)02-0375-06

 DOI: 10.3724/SP.J.1146.2010.00430

A 2-D Fourier Domain Algorithm for StripMap FMCW-SAR Raw Signal Simulation

Ma Bing-qiang¹⁰ Yu Bin-bin¹⁰ Liu Chang¹⁰ Wang Yan-fei¹⁰ ⁽¹⁾(Institute of Electronics, Chinese Academy of Science, Beijing 100190, China) ⁽²⁾(Graduate University of the Chinese Academy of Science, Beijing 100039, China)

Abstract: Because of small size, lightweight, inexpensive and high-resolution, recently FMCW-SAR develops rapidly and has a great prospect in the cost-effective civil applications. The system transfer function of StripMap FMCW-SAR is different from that of pulsed SAR, therefore the efficient simulation approaches for pulsed SAR could not directly be applied to FMCW-SAR. Based on the analysis of the StripMap FMCW-SAR signal characteristics, a 2-D Fourier domain algorithm of the raw signal simulation for stripmap FMCW-SAR is proposed. The proposed algorithm computes the range and azimuth integration used in time-domain simulation method efficiently by FFT technique. With respect to the time-domain simulation, the computational load is reduced by the order of $O(N_a N_r / \log_2(N_a N_r))$. The rationality and effectiveness of the presented algorithm are verified with the simulation.

Key words: Frequency Modulated Continuous Wave SAR (FMCW-SAR); Echo data simulation; 2-Dimesional Fourier domain

1 引言

传统脉冲体制合成孔径雷达(SAR)经典的回波 模拟算法有距离时域脉冲相干法(Range Time Domain Pulse Coherence, RTDPC)、距离频域脉 冲相干法 (Range Frequency Domain Pulse Coherence, RFDPC)^[1]和2维频域快速傅里叶变换 法(2-Dimesional Frequency Domain Fast Fourier Transform Method, 2-DFDFFTM)等^[2-4]。RTDPC 是一种最基本的回波信号模拟方法,其最大的缺点 是存在由计算偏移距离门时的取整近似引起的误差

2010-04-29 收到, 2010-07-28 改回 *通信作者:马兵强 ponyfly1@126.com 相位。RFDPC 利用距离频域的相位因子精确模拟 距离时域的距离偏移,不存在取整近似,比前者更 加精确。距离时域和频域脉冲相干法本质上都是按 照脉冲顺序生成回波信号,每次只计算一个脉冲的 回波信号,因此它们的运算量巨大,计算效率低。 2-DFDFFTM 通过对 SAR 系统传递函数的空变性 作一定的近似,利用 2 维快速傅里叶变换(2-Dimesional Fast Fourier Transform, 2D-FFT)快速 计算场景目标散射系数与SAR系统传递函数的2维 时域卷积。与前面两种脉冲相干法相比,其优点主 要是计算效率高和距离徙动的精确模拟。

调频连续波合成孔径雷达 (Frequency

Modulated Continuous Wave SAR, FMCW-SAR) 结合了合成孔径技术与连续波体制两方面的优点, 近年来发展迅速^[5,6]。FMCW- SAR 收发分置,发射 和接收信号同时进行,以"去调频率"方式接收回 波数据,因而其系统冲击响应函数不同于传统的脉 冲 SAR。因此,前面介绍的脉冲 SAR 原始回波信 号的模拟算法不适用于 FMCW- SAR 系统。该文分 析了条带 FMCW-SAR 的几何关系,建立其信号模 型和系统冲击响应函数,据此给出了其回波信号的 2 维频域快速模拟算法。文中给出了该算法的流程 图,并分析了各个步骤的运算量,最后比较了与时 域模拟方法之间的计算效率。利用典型参数仿真了 位于测绘带中心和边缘处的两个点目标对应的回波 信号,仿真实验的结果验证了所建信号模型的合理 性和提出算法的有效性。

2 条带 FMCW-SAR 的系统传递函数

图1给出了条带FMCW-SAR的成像几何关系, O 点表示慢时间零点,OX 是载机的飞行方向。场 景中一个理想的孤立点目标 $\delta(x_0,r_0)$ 的回波信号就 是 FMCW-SAR 系统的传递函数,也称为点目标冲 击响应函数(Point Scatter Response, PSR)。方位 位于 x_0 ,与航线垂直距离 r_0 的点目标 $P(x_0,r_0)$ 的回 波信号为^[7]



图1条带FMCW-SAR的几何关系

$$h(x, k_r, \tau; x_0, r_0) = \operatorname{rect}(x_0 - x / L_s) \exp[-j \cdot (k_0 + k_r)(R(x, \tau; x_0, r_0) - r_c)] \\ \cdot \exp[j\phi_{RVP}(x, \tau; x_0, r_0)]$$
(1)

式(1)中

$$k_r = 4\pi K_r (\tau - \tau_c) / c \tag{2}$$

$$R(x,\tau;x_0,r_0) = \sqrt{r_0^2 + (x+v\tau - x_0)^2}$$
(3)

 $\phi_{\text{RVP}}(x,\tau;x_0,r_0) = 4\pi/c^2 \cdot K_r(R(x,\tau;x_0,r_0)-r_c)^2$ (4) 式(1)中将波束双程方向图近似为矩形函数, *L_s* 是斜 距*r* 处的合成孔径长度, *L_s* = *r*\(\lambda/D, D) 是天线方 位尺寸, *r* 是距离快时间变量, *x* 是方位位置变量。 r_c 是位于测绘带中心线上的目标被天线波束中心 照射时其与雷达之间的瞬时距离,一般被选为参考 距离。式(1)中第1个相位项包含了多普勒相位历史 和距离向信息。式(1)中 $k_0 = 4\pi/\lambda$ 是个常数。式(2) 中的 k_r 表示距离波数, λ 是波长, $\tau_c = 2r_c/c$,表示 参考距离对应的双程传播延时, K_r 是发射线性调频 信号的调频斜率。

式(3)表示目标与雷达之间的瞬时斜距, v 为载 机的飞行速度。与脉冲体制 SAR 信号模型相比, FMCW-SAR 信号模型的主要区别在于式(3)所示的 瞬时斜距方程。脉冲体制 SAR 中脉冲持续时间非常 短,一般在微妙量级,而 FMCW-SAR 的脉冲重复 周期一般在毫秒量级。因此,在快时间采样期间载 机运动造成的斜距变化 vτ 远小于波长λ,可以忽略, 这就是目前脉冲体制 SAR 理论分析和工程处理的 基础即"停-走-停"假设。但在 FMCW-SAR 中目 标信号的持续时间跨越整个距离向采样时间,扫频 周期内载机的连续运动导致的快时间走动量 vτ 会 引起回波信号的多普勒频移效应,该多普勒频移造 成的距离徙动一般不能忽略^[8,9]。

式(4)为"Dechirp"接收方式所固有的残留视频 相位项,该项可以在距离频域中补偿^[10],同理,回 波模拟中可以在距离频域中引入该相位项。因此, 后面的理论分析中暂且忽略之,最终模拟算法流程 中考虑了该相位项。

根据驻定相位原理对式(1)作方位位置 *x* 的傅里 叶变换,则 2 维波数域的回波信号

 $H(k_x,k_r,\tau;x_0,r_0) = C \cdot \operatorname{rect}[Dk_x/(4\pi)]\exp[-j$

 $\cdot r_0 \sqrt{(k_0+k_r)^2-k_x^2}] \exp[-j \cdot x_0 k_x]$

 $\cdot \exp[j \cdot k_x v\tau] \exp[j \cdot r_c k] \tag{5}$

式(5)中第1个相位项为距离-方位耦合项,第2项代 表了目标的方位信息。第3项为脉冲内天线的连续 运动导致的多普勒频移效应。第4项是与参考距离 有关的一个固定线性项,后面的分析中忽略了该项 的影响。

3 2-D 频域快速模拟算法

SAR 系统本质上可以等效为一个2维空变滤波器,已知场景的2维复散射系数 $\gamma(x_0,r_0)$ 和式(1)所示的 FMCW-SAR 系统传递函数,则回波信号为

$$g(x,\tau) = \iint \gamma(x_0, r_0) h(x, k_r, \tau; x_0, r_0) \mathrm{d}x_0 \mathrm{d}r_0 \quad (6)$$

式(6)表示了原始回波数据的2维时域模拟方法,利用2维时域相关积分计算回波数据。

对式(6)中的 $g(x,\tau)$ 作方位位置变量x的傅里叶 变换,可得

 $G(k_x,\tau) = \iint \gamma(x_0,r_0)H(k_x,k_r,\tau;x_0,r_0)dx_0dr_0$ (7) 将式(5)代入式(7)中可得回波数据的方位波数域-距 离时域形式为

$$G(k_x,\tau) = \operatorname{rect}[Dk_x / (4\pi)] \exp(j \cdot k_x v \tau) \exp[j \cdot r_c k_r]$$
$$\cdot \int \Gamma_{k_x}(k_x,r_0) \exp[-j \cdot \phi(k_x,k_r;r_0)] \mathrm{d}r_0 \quad (8)$$

$$\phi(k_x, k_r; r_0) = r_0 \left(\sqrt{(k_0 + k_r)^2 - k_x^2} - k_0 \right)$$
(9)

式(8)中 $\Gamma_{k_x}(k_x,r_0)$ 为 $\gamma(x_0,r_0)$ exp $[-jk_0r_0]$ 的1 维方位 傅里叶变换。式(9)表示距离-方位耦合相位项,包含 了目标的距离徙动信息。该耦合相位项可以表示为 $\phi(k_x,k_r;r_0) = r_0k_0 \left(\sqrt{\beta^2 + 2k_r/k_0 + (k_r/k_0)^2} - 1\right)$ (10) 式中

$$\beta = \sqrt{1 - (k_x / k_0)^2} \tag{11}$$

β为多普勒域的距离徙动因子^[7]。对式(10)在距离波数的零点附近泰勒展开,并忽略二次及以上的高次项,可得

 $\phi(k_x,\tau;r_0) \approx k_0 r_0 - k_x^2 r_0 / (2k_0) + 4\pi K_r r_0 \tau / (c\beta)$ (12) 将式(12)代入式(8), 回波模拟数据的方位频域-

距离时域表达式为

$$G(k_x,\tau) = \operatorname{rect}[Dk_x / (4\pi)] \exp(j \cdot k_x v \tau)$$

$$\cdot \exp[j \cdot 4\pi K_r r_c (\tau - \tau_c) / c]$$

 $\cdot \Gamma(k_x, 4\pi K_r(\tau - \tau_c)/(c\beta) - k_x^2/(2k_0)) (13)$

式(13)中 $\Gamma(k_x, \omega_r)$ 为 $\gamma(x_0, r_0) \exp[-j \cdot k_0 r_0]$ 的2维方位 傅里叶变换, ω_r 为 r_0 在变换域中对应的距离波数变 量。以快时间 τ 为变量,对 $G(k_x, \tau)$ 做傅里叶变换可 得回波模拟数据的2维频域形式为

 $G(k_x,\omega) = \operatorname{rect}[Dk_x/(4\pi)]\exp(j \cdot k_x v\tau_c)\exp[-j\omega\tau_c]$

$$\cdot \int \Gamma\left(k_x, \frac{4\pi K_r}{c\beta}\tau - \frac{k_x^2}{2k_0}\right)$$
$$\cdot \exp\left(j\left(k_x v + \frac{4\pi K_r r_c}{c}\right)\tau\right) \exp(-j\omega\tau) \mathrm{d}\tau \quad (14)$$

作变量代換
$$\varsigma = 4\pi K_r \tau / (c\beta) - k_x^2 / (2k_0)$$
,则

$$\tau = (\varsigma + k_x^2 / (2k_0)) \cdot c\beta / (4\pi K_r)$$
(15)

将式(15)代入式(14)并整理,
$$G(k_x, \omega)$$
可表示为
 $G(k_x, \omega) = H_{0\text{strip}}(k_x, \omega)\Gamma_{k_u}(k_x, (k_xv) + 4\pi K_r r_c / c - \omega)\beta c / (4\pi K_r))$ (16)

$$\begin{aligned} \vec{\mathfrak{X}}(16) & \oplus H_{0\text{strip}}(k_x, \omega) \not \mathfrak{H} \\ H_{0\text{strip}}(k_x, \omega) &= c\beta / (4\pi K_r) \text{rect}[Dk_x / (4\pi)] \\ & \cdot \exp[j \cdot r_c \beta k_x^2 / (2k_0)] \exp[j(c\beta k_x^2)] \end{aligned}$$

$$/(8\pi K_r k_0) + \tau_c)(k_x v - \omega)]$$
 (17)

式(16)中的 $G(k_x,\omega)$ 经过方位和距离逆傅里叶变换 后就可得到模拟的原始回波数据 $g(x,\tau)$ 。根据前面 的理论分析,图 2 给出了 2-D 频域快速模拟算法的 流程图。图 2 中距离频域的剩余视频相位项 H_{RVP}(ω) 为

$$H_{\rm RVP}(\omega) = \exp[j \cdot \omega^2 / (4\pi K_r)]$$
(18)



图 2 2 维频域模拟算法的流程图

4 运算量分析

回波模拟数据方位和距离采样点数分别为 N_a 和 N_r ,并假设 $\gamma(x_0,r_0)$ 与回波数据的大小相同。式 (6)代表的时域模拟方法需要约 $(N_aN_r)^2$ 次复乘和 $N_aN_r(N_aN_r-1)$ 次复数加法。为了方便比较不同算 法的运算量,将一次实数加法或者实数乘法运算统 称为一次浮点运算,用 FLOP 表示,则一次复数乘 法等效为 6FLOPs,一次复数加法为 2FLOPs。因 此,2维时域模拟方法的总运算量为

$$N_{\rm 2DT} \approx 8 (N_a N_r)^2 \, {\rm FLOPs}$$
 (19)

按照图 2 所示的算法流程图表 1 给出了每个步骤的计算量。

表1 算法各个步骤的计算量

算法步骤	计算量		
复乘 $\exp[-j \cdot k_0 r_0]$	$N_a N_r$ 次复乘		
方位 FFT	$N_r N_a \log_2(N_a) / 2$ 次复乘和		
	$N_r N_a \log_2(N_a)$ 次复数加法		
7 点 Sinc 距离插值	$14N_aN_r$ 次实数乘法和		
	$12N_aN_r$ 次实数加法		
复乘参考函数和 RVP 项	$2N_aN_r$ 次复乘		
2 维 IFFT	$N_r N_a \log_2(N_a N_r) / 2$ 次复乘和		
	$N_r N_a \log_2(N_a N_r)$ 次复数加法		

综合表 1 中 5 个步骤, 2-D 频域快速模拟算法 总的运算量约为

 $N_{2DF} = N_r N_a (44 + 5 \log_2 N_r + 10 \log_2 N_a)$ FLOPs (20) 由式(19)和式(20)可得, 2-D 频域回波快速模拟算法 的计算效率比时域模拟方法提高了

$$N_{\rm 2DT} / N_{\rm 2DF} = N_a N_r / (5.5 + 0.625 \cdot \log_2 N_r)$$

$$-1.25 \cdot \log_2 N_a) \tag{21}$$

由式(21)可知,2 维频域算法比时域方法的计算效率 提高 $O(N_a N_r / \log_2(N_a N_r))$ 个数量级。

5 仿真实验

以表 2 的参数仿真了位于测绘带中心的点 1(0, r_c)和点 2(-50 m,950 m)的原始回波数据。如图 3 所示,图 3(a),3(c),3(e),3(g)对应点 1,图 3(b), 3(d),3(f),3(h)对应点 2。与时域模拟方法的对应 数值相比,点1和点2的距离幅度的最大偏差分别 为 5.5%和 5%,点1和点2方位幅度的平均偏差为 3.1%和 3.3%,均可以忽略不计。图 3(e),3(f),3(g) 和 3(h)可知,与理论值相比,点1和点2的最大距离相位误差分别为 0.047 rad 和 0.048 rad,它们的 平均方位相位误差为 0.0542 rad 和 0.0593 rad,都 远小于 $\pi/4$ rad^[11],可以忽略其影响。图 3 中距离向 和方位向的相位误差来自于式(10)中距离方位耦合 项的近似,该近似导致的相位误差函数为

$$\phi_{E2df}(k_x, \tau; r_0) = r_0 k_0 \sqrt{\beta^2 + 2k_r / k_0 + (k_r / k_0)^2} - k_0 r_0 + k_x^2 r_0 / (2k_0) - 4\pi K_r r_0 \tau / (c\beta) (22)$$

表2 仿真参数

载频	$10 \mathrm{GHz}$	天线尺寸	$0.5 \mathrm{~m}$
扫频带宽	$600 \mathrm{~MHz}$	载机速度	$50 \mathrm{~m/s}$
扫频周期	$1 \mathrm{ms}$	采样频率	$1 \mathrm{~MHz}$
调频斜率	6.094 e11	测绘中心距离	$1000~{\rm m}$

依照表 2 给出的仿真参数,图 4 给出了式(22)所示的相位误差在参考距离($r_c = 1000$ m)处的数值 $|\phi_{E2df}(k_x, \tau; r_c)|_{max} = 0.19$ rad,远小于 $\pi/4^{[11]}$,可以忽略不计。

采用 2-D 频域快速模拟算法和时域模拟方法分 别仿真了两个点目标的原始回波数据,再利用文献 [12]介绍的波数域算法进行了聚焦处理,点目标图像 的性能参数如冲击响应宽度(Impulse Response Width, IRW)、峰值旁瓣比(Peak Sidelobe Ratio, PSLR)和积分旁瓣比(Integrated Sidelobe Ratio, ISLR)如表 3 所示。方位分辨率和距离分辨率与时域



图 3 2 维频域模拟算法与时域模拟方法的性能比较



图 4 距离方位耦合项的近似引入的相位误差

模拟方法的 0.25 m 基本一致,距离向和方位向的 PSLR 和 ISLR 也均趋近于时域模拟方法的相应数 值。

仿真了 4096×4096 像素的场景目标,使用了 Dell 商用台式机 OPTIPLEX 755,其配置为酷睿双 核 CPU 2.66 GHz 和内存 2 GB,利用 Matlab7.0 开 发和运行了模拟算法程序。2 维频域快速模拟算法 耗费了 27.98 min,而时域模拟方法需要约 9.891× 10⁶ min, 计算效率提高了 10⁵个数量级, 这与式(21) 算出的理论值 6×10⁵基本吻合。

6 结论

该文分析了条带 FMCW-SAR 成像几何关系, 建立了回波信号模型,推导了其多普勒域频谱。原 始回波数据是 FMCW-SAR 系统冲击响应函数与场 景散射系数的 2 维空变相关的结果,即时域模拟方 法。时域模拟方法概念清晰、易于实现。但是,模 拟场景目标时计算量巨大和耗时久。在 2 维波数域, 该文通过距离方位耦合相位项的一阶近似,得出了 一种基于 FFT 的快速回波模拟方法,它适用于侧视 或小斜视角情况。该方法将原来距离向和方位向的 时域相关积分运算利用 FFT 快速实现,因而计算效 率比时域模拟方法提高了 $O(N_a N_r / \log_2(N_a N_r))$ 个 数量级。与时域模拟方法相比,该方法模拟的点目 标回波信号的幅度偏差和相位偏差均很小,均可以 忽略。仿真结果及分析验证了本文快速算法的有效 性。

表3 频域和时域算法模拟的两个点目标回波数据成像结果的性能比较

		距离向			方位向		
		IRW(m)	ISLR(dB)	$\mathrm{ISLR}(\mathrm{dB})$	IRW(m)	ISLR(dB)	$\mathrm{ISLR}(\mathrm{dB})$
点1	频域算法	0.248	-13.27	-10.16	0.251	-13.21	-9.93
	时域算法	0.249	-13.27	-10.18	0.25	-13.23	-10.13
点 2	频域算法	0.249	-13.24	-10.11	0.252	-13.09	-9.87
	时域算法	0.25	-13.26	-10.15	0.251	-13.11	-10.09

参考文献

- 韦立登,李绍恩,吴一戎,向茂生. SAR 原始回波信号生成算 法的性能比较研究[J]. 电子与信息学报,2005,27(2):262-265.
 Wei Li-deng, Li Shao-en, Wu Yi-rong, and Xiang Mao-sheng.
 Performance comparison of algorithms for SAR raw signal generation. *Journal of Electronics & Information Technology*, 2005, 27(2): 262-265.
- [2] Cimmino S, Franceschetti G, Iodice A, Riccio D, and Ruello G. Efficient spotlight SAR raw signal simulation of extended scenes[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2003, 41(10): 2329–2337.
- [3] Franceschetti G, Guida R, Iodice A, Riccio D, and Ruello G. Efficient Simulation of hybrid stripmap/spotlight SAR raw signals from extended scenes[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2004, 42(11): 2385–2396.
- [4] Franceschetti G, Iodice A, Perna S, and Riccio D. Efficient simulation of airborne SAR raw data of extended scenes[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2006,

44(10): 2851-2860.

- [5] Meta A, Hoogeboom P, and Ligthart L P. Signal processing for FMCW SAR[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2007, 45(11): 3519–3532.
- [6] Zaugg E C and Long D G. Theory and application of motion compensation for LFM-CW SAR[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2008, 46(10): 2990–2998.
- [7] Jiang Z H and Huang-Fu K. Squint LFMCW SAR Data processing using doppler-centroid-dependent frequency scaling algorithm[J]. *IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing*, 2008, 46(11): 3535–3543.
- [8] Meta A, Hoogeboom P, and Ligthart L P. Correction of the effects induced by the continuous motion in airborne FMCW SAR[C]. IEEE Radar Conference. Verona, New York, 2006: 358–365.
- [9] 张大炜,魏芳,王岩飞.多普勒效应对 FMCW-SAR 系统成像
 性能的影响分析[J].电子与信息学报,2008,30(3):559-563.
 Zhang Da-wei, Wei Fang, and Wang Yan-fei. Analysis of the

Doppler effect in FMCW-SAR and its influence on the image of the system. *Journal of Electronics & Information Technology*, 2008, 30(3): 559–563.

- [10] Carrara W G, Goodman R S, and Majewdki R M. Spotlight Synthetic Aperture Radar Signal Processing Algorithms[M]. Boston: Artech House, 1995: 501–505.
- [11] Cumming I G and Wong F H. Digital Processing of Synthetic Aperture Radar Data: Algorithms and Implementation[M]. Norwood: Artech House, 2005: 98–103.
- [12] Wang R, Loffeld O, Nies H, Knedlik S, Hagelen M, and Essen H. Focus FMCW SAR data using the wavenumber domain

algorithm[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2010, 48(4): 2109–2118.

- 马兵强: 男, 1982 年生, 博士生, 研究方向为 SAR 信号处理与 实时成像.
- 于彬彬: 男, 1986 年生, 博士生, 研究方向为 SAR 信号处理与 实时成像.
- 刘 畅: 男, 1978 年生, 副研究员, 研究方向为 SAR 成像理论 与信号处理等.
- 王岩飞: 男,1963年生,研究员,博士生导师,研究方向为微波 成像雷达系统及其理论、数字信号处理等.