## CMOS 差分电感和串联电感对的建模与分析

潘 杰<sup>①23</sup> 杨海钢<sup>①</sup> 杨立吾<sup>3</sup>
 <sup>①</sup>(中国科学院电子学研究所 北京 100190)
 <sup>②</sup>(中国科学院研究生院 北京 100049)
 <sup>③</sup>(中芯国际集成电路制造有限公司射频应用和设计支持部 上海 201203)

摘要:该文分析了基于中芯国际 0.18µm CMOS 工艺的差分电感和串联电感对,提出了电感在射频 CMOS 差分
 电路中的应用原则。研究了串联电感对之间的串扰效应,并提出了能准确反映互感效应、衬底容性损耗效应以及线
 圈间容性耦合的完整串扰模型。最后,通过对一组变间距的电感对进行测量分析,验证了该模型的准确性和适用性。
 关键词: CMOS;差分电感;串联电感对;串扰;互感;衬底容性损耗
 中图分类号:TN432
 文献标识码:A
 文章编号:1009-5896(2009)05-1264-04

# Modeling and Analysis of CMOS Differential Inductors and Series-Connected Inductors

Pan Jie<sup>023</sup> Yang Hai-gang<sup>0</sup> Yang Li-wu<sup>3</sup>

<sup>(1)</sup>(Institute of Electronics, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100190, China) <sup>(2)</sup>(Graduate University of the Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China) <sup>(3)</sup>(RF Application Group, SMIC, Shanghai 201203, China)

Abstract: This paper models and analyses differential inductors and series-connected inductors from SMIC's 0.18µm CMOS process, and then proposes a design rule of inductors in RF CMOS differential circuits. This paper also presents a new model of series-connected inductors, in which mutual inductance, substrate capacitive loss and capacitive effects between windings are taken into consideration. Finally, a group of series-connected inductors with different spacing are designed and fabricated, and their measured results verify this model.

Key words: CMOS; Differential inductor; Series-connected inductors; Crosstalk; Mutual inductance; Substrate capacitive loss

## 1 引言

射频集成电路中,无源器件尤其是片上电感元件起了无 可替代的作用,例如在压控振荡器、低噪声放大器、混频器 以及功率放大器等电路模块中,分别起着阻抗匹配、频率调 节、差分激励等作用。目前 CMOS 工艺中普遍使用中空结 构的平面螺旋电感,所产生的高频磁力线可以穿透目前 CMOS 工艺中的任何材料,并以电感为中心向外辐射,这样 就有部分电磁能会泄露到邻近的电感中,引起电感间不可预 料的串扰效应。为减少电感间耦合效应,可以采用微机械加 工法将电感浮空,或采用深沟槽将器件的衬底表面完全隔 离,或采用地保护环来吸收衬底表面电荷,或设计成绕线宽 度变化的电感等<sup>[1,2]</sup>。额外甚至特殊的工艺步骤并不适用于大 规模生产,很有必要对普通 CMOS 工艺下的电感串扰进行 深入研究。目前各工艺厂商的设计规范中对电感间安全隔离 距离都缺乏明确的定义,导致设计者进行某些电感集中的电 路(如 LNA)的设计时,为获得良好的隔离度,就不得不将电 感与电感之间以及电感与无源器件之间的距离拉到最大,浪费了大量的版图面积<sup>[3]</sup>。

CMOS 电感的衬底损耗随着频率的升高而增大,从作用 方式上分为两种:(1)由于每个电感都是一个独立的高频电磁 场源,其磁力线可以穿透到衬底内部,因此该交变磁场会引 发衬底产生与线圈中电流走向相反的感应涡流;(2)由于线圈 的电势会随着电感外接信号变化而变化,因此衬底表面的感 应电荷就会相应地进行充放电,电荷的这种规律性流动产生 了衬底表面附近的电场电流<sup>[4]</sup>。实际上,电感之间也存在 3 种耦合作用:(1)由于高频下趋肤效应使感应电场电流和感应 电感涡流主要集中在衬底的表面附近,因此导致感应电场电 流之间以及感应涡流之间都会通过衬底互相影响,称为衬底 串扰效应;(2)由于磁力线是发散的,导致与电感线圈相交链 的部分磁通量又与另外的电感线圈相交链,从而产生了线圈 间的互感耦合效应;(3)由于邻近的电感线圈之间存在时变的 电势差,因此电感线圈之间也会产生分布式的容性耦合量, 考虑到电感间的距离要远远大于电感内部绕线间的距离,因 而该容性耦合量将远远小于电感内部的容性耦合量。为了精

<sup>2008-03-09</sup> 收到, 2008-09-18 改回

确地研究电感间的串扰效应,本文选取了串联电感对作为例 子,首先分析了差分激励下的串联电感对,其次通过变化电 感之间的距离来分析了电感的间隔距离的影响,最后总结出 了电感之间的安全隔离距离。

#### 2 差分电感和差分的电感对串联结构

如图 1 所示,差分的电感有两种实现方式: (a)串联的电 感对; (b)差分电感。从对称性来看,差分电感比串联的电感 对要差,原因在于:金属层的差异性会在绕线交叉处引入不 可避免的非对称量,这点在偶数圈的差分电感中表现更加明 显<sup>[5]</sup>。



图 1(a)为差分激励状态下的串联电感对,箭头所示为某 一时刻的电流流向。10GHz内由于整体金属导线长度远远小 于波长,可以忽略电流沿导线发生的相位变化。连线 $L_1$ 、 $L_2$ 、  $L_3$ 金属宽度为 32µm,两两间隔为 10µm,电流在这 3 段连 线上具有相等的幅度和相位,忽略电感连接处的非均匀性和 非连续性,这样 Port1和 Port2之间的总电感量就为连线的 自感量、两个电感的自感量以及这三者之间的互感量之和。 当电感间距变化时,电感耦合的变化量就体现为总体感值的 变化量。

为分析差分电感和串联的电感对,本文设计了如表1所示的一组电感结构。其中W为绕线金属宽度,S为绕线间距, T为绕线圈数,R为内半径,d为电感间的距离。测试时, 差分电感和串联电感对分别采用Through结构和Open结构 来完成去嵌入效应过程。

测量过程完全基于普通两端口网络分析仪,先测量出单 端激励的散射参数矩阵,再以此构造出对应的差分激励的参 数<sup>[6,7]</sup>。下标"se"和"diff"分别代表单端激励状态和差分激励 状态。如图 2 所示,测试结果表明:与串联的电感对 R70\_ d100 相比,差分电感 R140 占用了相同的面积,并且具有相

表1 器件编号和结构描述

编号	器件结构
R70_d20	W10S2T5R70 串联, <i>d</i> =20µm
R70_d40	W10S2T5R70 串联, <i>d</i> =40µm
$R70_{d60}$	W10S2T5R70 串联, <i>d</i> =60µm
$ m R70\_d80$	W10S2T5R70 串联, <i>d</i> =80μm
$ m R70\_d100$	W10S2T5R70 串联, <i>d</i> =100µm
$\mathbf{R70}$	W10S2T5R70
R140	W10S2T5R140



图 2 差分电感和差分的电感对的测试结果

同的感值,但是总绕线长度缩短了 13.5%, Q 峰值提高了 1 倍,自谐振频率下降了 37%;与差分电感 R70 相比较,差分 电感 R140 的感值增加了 1.14 倍(在 100MHz 频率处),自谐 振频率下降了约 50%,Q峰值下降了 27.3%。

在射频差分电路中,具体结构的选取必须符合具体的设 计考虑:为了提高Q值和节省版图面积,应考虑使用差分电 感;为了提高电感器件的对称性和拓宽电感使用频率范围, 应考虑使用串联的电感对。

## 3 差分的电感对串联结构与间隔距离的关系

图 3 给出了串联电感对的并联等效电路,其中 $R_{eq}$ , $L_{eq}$ 和 $C_{eq}$ 表征了单个电感的端口之间的等效电阻,等效电感和等效电容,而 $C_{para}$ 表征了电感对之间的容性耦合,那么自谐振频率有如下关系式<sup>[8]</sup>:

$$\frac{f_{\rm R70\_d100}}{f_{\rm R70}} = \sqrt{\frac{L_{\rm eq}}{L_{\rm eq}} \times \frac{C_{\rm eq}}{C_{\rm eq}'}} = \sqrt{\frac{C_{\rm eq}}{2 \times \left(0.5C_{\rm eq} + C_{\rm para}\right)}} \qquad (1)$$

差分激励时,R70\_d100 和 R70 的自谐振频率分别为 5.4GHz 和 6.4GHz,由式(1)可得  $C_{\text{para}}$  约为  $0.2C_{\text{eq}}$ ,它由两 部分构成:(1)各个电感的衬底感应电荷之间存在变化的电势 差,体现为衬底表面的寄生电容  $C_c$ ,再考虑到衬底的阻性 损耗,则可以用并联的  $C_c$  和  $R_c$ 来表征;(2)各个电感之间



图 3 串联电感的简化电路结构

存在变化的电势差,存储了部分电场能,在电路上体现为线圈之间的寄生电容 $C_d$ ,由于线圈金属间绝缘性能远超过衬底,损耗较小,它的并联电阻可以忽略。图4为串联电感对的模型,包括了金属连线效应和电感串扰效应。首先,根据R70的测试数据,对R70的单 $\pi$ 模型进行了拟合<sup>[9,10]</sup>。其次,把R70的模型代入到串联电感模型中,完成剩下参数的拟合。从物理含义来分析, $K_m$ , $C_d$ 和 $C_c$ 随距离的增加而减小, $R_c$ 随距离的增加而增加。表2给出了拟合好的R70\_d100模型中所有参数的值。



图 4 考虑了寄生效应后的串联电感对结构

$L_{\rm self}~({\rm nH})$	6.41	$C_{ m sub1}~({ m fF})$	3.485
$R_{\rm self}$ ( $\Omega$ )	5.885	$R_{ m sub1}$ ( $\Omega$ )	1815
$L_{p}$ (nH)	27.90	$C_{\mathrm{ox1'}}\mathrm{(fF)}$	107.94
$R_p \left(  \Omega   ight)$	42.44	$C_{ m sub1'}~({ m fF})$	32.365
$C_p$ (fF)	87.55	$R_{ m sub1'}\left(\Omega ight)$	878.74
$C_{\rm ox1}~({\rm fF})$	23.24	$L_{1}\left(\mathrm{nH} ight)$	0.178
$R_{\!_1}\left(\Omega ight)$	8.40	$C_d \; ({ m fF})$	2.7
$C_{\rm ox2}~({\rm fF})$	32.34	$L_2 (\mathrm{nH})$	0.215
$C_{ m sub2}~({ m fF})$	3.475	$R_{2}$ ( $\Omega$ )	5.2024
$R_{ m sub2}$ ( $\Omega$ )	1175	$R_{_{c}}\left( \Omega  ight)$	4080
$C_c$ (fF)	5.93	$K_m$	0.023

表 2 模型中的参数

图 5 给出了上面的模型仿真结果以及测试结果,其中连 续的实线为模型仿真结果,有标记的离散线为测试结果。从 感值、自谐振点、Q峰值来看,4 条曲线得到了很好吻合。

本文引入系数 K 来表征电感对之间的连线效应和串扰 效应之和,那么 K 的最大值与最小值之差 $\Delta K$  实际上就代 表了串扰效应的变化量。虽然串联的电感对整体上是差分激 励的,但是它的两个子电感仍各自为单端激励状态,因此我 们以单端激励的子电感测量值作为归一化的基准,以 R70\_



随着电感之间距离的逐渐增加,由图 6 可知: (1)总体感 值逐渐小幅增加,说明电感间互感逐渐变弱。(2)自谐振频率 分别为 5.34GHz、5.35GHz、5.37GHz、5.43GHz、5.45GHz, 说明等效并联电容的减小速度快过了电感增长的速度,说明 衬底容性耦合量对间距的敏感度超过了互感量对间距的敏 感度,由此可推理,适当拉大电感间距就可以显著地减小电 感间的衬底串扰。(3) Q 值随间距拉大而增加,说明损耗减小, 体现为模型参数中  $C_e$ 的减小,  $R_e$ 的增加。由图 7 可知: (1) 当间距超过电感内半径后,在可用频率范围内,K 维持在 ±1%以内。对面积和隔离度进行折衷,则可将电感内半径作 为参考安全间距。(2)在可用频率范围内,串扰效应的变化量  $\Delta K$ 比较稳定,说明串扰效应之和是频率的弱函数。(3)随着 频率的继续增加,K线性增长而 $\Delta K$ 小幅下降,说明电感间 互连线效应逐渐处于主导作用,远远超过了电感间的串扰影 响,由此可以知道,在射频版图中金属互连线应越短越好。



图 7 归一化后的测试结果比较

#### 4 结束语

本文分析比较了差分电感和串联的电感对,提出了电感 在射频差分电路中的使用原则,分析了有电连接关系的电感 之间的电感电容耦合作用,提出了串联电感对的串扰电路模 型,测试结果验证了该串扰模型,并总结出将电感内半径作 为电感间安全距离的结论。

## 参考文献

 Mikkelsen J H, Jensen O K, and Larsen T. Crosstalk coupling effects of CMOS co-planar spiral inductors[C]. IEEE 2004 Custom Integrated Circuits Conference, Orlando, 2004: 371 - 374.

- Hsu Heng-Ming, Chang Jen-Zien, and Chien Hung-Chi.
   Coupling effect of on-chip inductor with variable metal width
   [J]. *IEEE Microwave and Wireless Components Letters*, 2007, 17(7): 498–500.
- [3] Subramanian V and Boeck G. On-chip electromagnetic interactions in CMOS cascode LNAs[C]. IEEE RFIT2007, Singapore, 2007: 240–243.
- [4] Guo Jyh-Chyurn and Tan Teng-Yang. A broadband and scalable on-chip inductor model appropriate for operation modes of varying substrate resistivities [J]. *IEEE Trans. on Electron Devices*, 2007, 54(11): 3018–3029.
- [5] Pan Jie, Yang Hai-gang, and Yang Li-Wu. Asymmetrical parasitics of differential inductor. Proc of EDSSC, Tainan, 2007: 757–760.
- [6] Danesh M and Long J R. Differentially driven symmetric microstrip inductors [J]. *IEEE Trans. on Microwave and Techniques*, 2002, 50(1): 332–341.
- [7] 卢磊,周锋,唐长文,等.中心抽头差分电感的等效模型和参数提取[J].半导体学报,2006,27(12):2150-2154.
   Lu Lei, Zhou Feng, and Tang Zhang-wen, et al. Equivalent

model and parameter extraction of center-tapped differential inductors [J]. *Chinese Journal of Semiconductors*, 2006, 27(12): 2150–2154.

- [8] Jian Hong-yan, Tang Zhang-wen, and He Jie, et al. Analysis of self-resonant frequency for differential-driven symmetric and single-ended inductors[C]. Proc ICSICT, Beijing, 2004, A3.13: 194–197.
- [9] Aguilera J and Berenguer R. Design and test of integrated inductors for RF applications [M]. New York: Kluwer Acdemic Publishers, 2003: 135–163.
- [10] Chen Ji and Liou J J. Improved and physics-based model for symmetrical spiral inductors [J]. *IEEE Trans. on Electron Devices*, 2006, 53(6): 1300–1309.
- 潘杰: 男,1982年生,博士生,研究方向为射频及模拟集成电路设计.
- 杨海钢: 男, 1960年生, 研究员, 研究方向为专用集成电路 SOC 设计技术、高速通讯集成电路的设计技术、大规模可编 程数字及模拟集成电路的研究.
- 杨立吾: 男, 1952 年生, IEEE 高级会员, 中芯国际射频应用及 设计支持部负责人, 研究方向为射频集成电路等.