基于子带矩阵CFAR的海面慢速小目标检测算法

时艳玲* 李君豪

(南京邮电大学通信与信息工程学院 南京 210003)

摘要:对于K分布海杂波环境下的目标检测,基于信息几何理论的矩阵CFAR检测器是一种有效的目标检测方法。但矩阵CFAR方法计算复杂度高且当目标多普勒频率严重偏离杂波频谱中心时,其检测性能不如自适应归一化匹配滤波器(ANMF)方法,影响其实际应用。为此,该文以滤波器组对接收信号进行滤波处理,提出一种基于滤波器组子带分解最大特征值的矩阵CFAR检测方法(FD-MEMD),通过双杂波抑制来解决目标多普勒频率偏离杂波频谱中心时矩阵CFAR方法失效的难题。最后,仿真实验验证了所提FD-MEMD具有较好的检测性能。
 关键词:海面慢速目标检测;信息几何;滤波器组;矩阵恒虚警检测
 中图分类号:TN911.23
 文献标识码:A
 文章编号:1009-5896(2021)09-2703-08
 DOI: 10.11999/JEIT200402

Target Detecting Algorithm Based on Subband Matrix for Slow Target in Sea Clutter

SHI Yanling LI Junhao

(School of Telecommunications and Information Engineering, Nanjing University of Posts and Telecommunications, Nanjing 210003, China)

Abstract: The matrix Constant False Alarm Rate (CFAR) detector based on the information geometry theory is an effective method for target detection in the K-distributed sea clutter environment. However, the general matrix CFAR method has a high computational complexity and its detection performance is not as good as Adaptive Normalized Matched Filter (ANMF) when the target Doppler frequency deviates from the clutter spectrum center seriously, which affects its practical application. For this reason, considered the filtered received signal by the filter bank, a Matrix CFAR Detection method based on the Filter bank subband Decomposition of Maximum Eigenvalue (FD-MEMD) is proposed. The double clutter suppression helps to solve the problem that Matrix CFAR is invalid when the target Doppler frequency is far away the central of the clutter spectrum. Finally, the simulation results show that the improved FD-MEMD has a good detection performance.

Key words: Slow target detection in sea clutter; Information geometry; Filter bank; Matrix constant false alarm detection

1 引言

强海杂波背景下的弱目标检测是雷达目标检测 中较为重要的难题,其检测性能主要受到杂波、噪 声和其他干扰的限制,而海杂波的影响最为显著。 在现有的检测方法中,基于快速傅里叶变换(Fast Fourier Transform, FFT)滤波器组的单元平均法 (Cell Averaging, CA),即FFT-CA法被广泛应用^[1]。 然而,在杂波谱展宽、多普勒滤波器组能量泄露以 及多普勒分辨率较低的短脉冲序列情况下,FFT-CA算法的性能受到严重的影响^[1]。为了克服这些缺 点,Conte等人^[2]采用增加相干积累时间的相干检 测算法,提出了自适应归一化匹配滤波器(Adaptive Normalized Matched Filter, ANMF)检测方 法,该方法对杂波的结构分量和协方差矩阵都具有 恒虚警性,且相对于非相参雷达,显著提高了检测 性能。随后一系列基于相干积累检测算法被相继提

收稿日期: 2020-05-22; 改回日期: 2020-12-22; 网络出版: 2021-02-25 *通信作者: 时艳玲 ylshi@njupt.edu.cn

基金项目:国家自然科学基金(61201325),南京邮电大学国自孵化基金(NY218045),江苏省研究生科研与实践创新计划项目 (SJCX19_0249)

Foundation Items: The National Natural Science Foundation of China (61201325), The National Incubation Fund of Nanjing University of Posts and Telecommunications (NY218045), The Postgraduate Research & Practice Innovation Program of Jiangsu Province (SJCX19_0249)

٦ \

出并得以应用[3-5]。

对于目标多普勒矢量未知的情况下,相干积累 检测算法会存在失配损失。为了克服这一缺点, 一类捕获数据之间相关性的矩阵CFAR检测方法被 提出^[6-17]。类比于常规FFT+CFAR检测方法, Arnaudon等人⁶提出的矩阵CFAR检测器利用检测 单元回波相关矩阵与参考单元相关矩阵之间的黎曼 均值的测地线距离作为检测统计量,并将其应用于 其他雷达目标检测场景中[7]。为了克服测地线距离 的能量积累性能有限的缺陷,赵兴刚等人[8-10]利用 具有更优积累性能的KLD (Kullback-Leibler Divergence)代替测地线距离,提出了一种改进的矩 阵CFAR检测器和基于AR模型的矩阵CFAR检测 器,取得了较好的检测和恒虚警性能。Ye等人^[11]利 用信息几何将角度和多普勒域的多维信息映射到厄 米特正定矩阵空间,提出局部矩阵CFAR算法用于 低信杂比的高频天波雷达中,获得了不错的检测效果。

上述矩阵CFAR检测器利用迭代算法估计均值 矩阵,其较高的计算复杂度限制了其在实际武器装 备中的应用。为了降低这类算法的计算复杂度,赵 文静等人^[12-15]基于特征值分解,提出了采用最大特 征值作为检测统计量的矩阵CFAR检测方法(Matrix CFAR Detection method based on the Maximum Eigenvalue, MEMD),在保证恒虚警性能的前提 下,利用目标导向矢量的先验信息对数据进行预处 理,提出了将频域相干积分与最大特征值方法相结 合的预处理的最大特征值矩阵CFAR检测(Maximum Eigenvalue Matrix CFAR Detection Using Pre-Processing, P-MEMD)方法^[14],适用于目标多普勒 频率偏离杂波中心频谱的场景。随后,赵文静等人^[16,17] 利用矩阵谱范数来测量矩阵的非相似性提出了两个 矩阵CFAR检测器,均获得了较好的检测性能。

当目标的多普勒频率在杂波中心频谱附近时, MEMD的检测性能较好。然而在实际环境中,目标多普勒频率可能在杂波频谱的任何位置出现,故 当目标的多普勒频率偏离杂波中心频谱时,其检测 问题也亟待解决。于是本文从这一实际环境出发, 提出滤波器组与矩阵CFAR相结合的思想,采用滤 波器组作为预处理过程^[18],并利用最大特征值简化 滤波器组的求门限过程,实现对通带外杂波的抑 制,对目标多普勒频率进行了准确的定位,结合矩 阵CFAR调整门限提高检测性能,对目标能量进行 最大限度的积累,实现目标多普勒频率在杂波频谱 内和远离杂波频谱时检测性能的提升。

本文的主要结构安排如下:第2节主要介绍海 杂波背景下的目标检测模型,第3节提出基于矩阵 CFAR的最大特征值检测与滤波器组子带分鲜相结 合的FD-MEMD检测算法,第4节通过仿真实验验 证本文算法的有效性,第5节给出结论。

2 检测模型

假设雷达接收回波*y*,在不失一般性的情况下,依据文献[18],雷达信号检测问题可以通过二 元假设检验模型表述

$$\begin{array}{l}
\operatorname{H}_{0}: \left\{ \begin{array}{l} \boldsymbol{y} = \boldsymbol{c} \\ \tilde{\boldsymbol{y}}_{k} = \boldsymbol{c}_{k}, k = 1, 2, \cdots, K \\ \operatorname{H}_{1}: \left\{ \begin{array}{l} \boldsymbol{y} = \boldsymbol{s} + \boldsymbol{c} \\ \tilde{\boldsymbol{y}}_{k} = \boldsymbol{c}_{k}, k = 1, 2, \cdots, K \end{array} \right\} \tag{1}$$

其中,在零假设H₀下,接收到的N维脉冲数据 $y \in C^{N \times 1}$ 仅由杂波c组成;在备择假设H₁下,接收 到的N维脉冲数据y不仅包含杂波c,还包含目标信 号s,目标信号与杂波是统计独立的。 \tilde{y}_k 为辅助数 据,仅由杂波样本组成,K为参考单元的个数。主 要数据y和辅助数据 \tilde{y}_k 是独立同分布的。

借助文献[18],通过式(2)模拟目标回波 $s(n) = \bar{A}\sqrt{P_c}a(n) \exp \left(\begin{bmatrix} 4\pi & (n-1) & n \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \right)$

$$\cdot \left\{ j \left[\frac{4\pi}{\lambda} \left(v_0 \left(1 - \frac{n}{N} \right) + v_1 \frac{n}{N} \right) n \Delta t + \varphi_0 \right] \right\},$$

$$n = 1, 2, \cdots, N$$
(2)

其中, P_c 是海杂波的功率, \overline{A} 是调整信杂比(Signal to Clutter Ratio, SCR)的正因子, a(n)是高度相关的幅度序列, λ 是雷达波长, $v_0 n v_1$ 分别是初始和最终的径向速度, Δt 是雷达的脉冲重复周期, φ_0 是随机初始相位。

对于目标回波模型式(2)的参数选择,幅度序 列a(n)是单位平均正随机序列。将模拟目标回波与 功率为 P_c 的海杂波相加, 雷达回波的SCR为 $20lg(\bar{A})$ 。参数 \bar{A} 由间隔 $[10^{-\frac{1}{2}}, 10^1]$ 的均匀分布产生, 即 $\bar{A} \sim U(10^{-\frac{1}{2}}, 10^1),$ 对应于 $-10 \sim 20$ dB的SCR 范围。

实际场景中,海面小目标一般具有较小的速度 和加速度^[19,20]。对于海面小目标,当观测时间在几 秒以内时,简单的恒加速度模型就足够了。假设目 标速度服从[$-\alpha, \alpha$]的均匀分布,目标加速度在长度 为*N*Δ*t*的观测时间间隔内限制在[$-\beta, \beta$]内,运动方 向与雷达视线的夹角服从[$-\pi, \pi$]的均匀分布。在这 些假设下,初始和最终的径向速度为

$$u_0 = \alpha x, \quad u_1 = \alpha y, \quad |u_0 - u_1| \le \beta N \Delta t,$$

$$v_0 = u_0 \cos \theta, \quad v_1 = u_1 \cos \theta, \quad \theta = \pi z,$$

$$x, y, z \sim \mathrm{U}(-1, 1)$$
(3)

其中,随机数*x*,*y*和*z*相互独立。注意,如果不满足 对加速度的约束,则再次生成随机数*x*和*y*。*a*(*n*)被 建模为非负、高度相关的幂次随机序列,依据文 献[19],*a*(*n*)的表达形式为

$$a(n) = \frac{\sqrt{3(1+\rho)}(1-\rho)}{\sqrt{2(2+\rho)}} \left(\frac{1}{1-\rho} + g(n+W)\right),$$

$$n = 1, 2, \cdots$$
(4)

其中, g(n)为通过1阶自回归系统生成的高度相关的序列.

$$g(n+1) = \rho g(n) + f(n+1), \quad n = 1, 2, \dots; \quad \rho \in (0, 1)$$
(5)

独立样本f(n)满足 $f(n) \sim U(-1,1)$,其均值为 0,方差为1/3,g(1) = f(1), $g(n) \in \left[-\frac{1}{1-\rho}, \frac{1}{1-\rho}\right]$ 。 在自回归系统中,采用足够大的整数W来避免初始 值的过渡效应。

3 基于子带分解最大特征值的矩阵CFAR 检测器

基于最大特征值矩阵CFAR检测方法(MEMD) 的设计是为了在目标频谱与杂波频谱重叠时获得更 好的检测性能和相对其他CFAR检测方法具有更低 的计算复杂度。然而,依据文献[14],当目标多普 勒频率严重偏离杂波频谱时,MEMD算法的检测 性能不佳。在此基础上,一些学者考虑增加预处理 过程来减弱杂波对检测性能的影响,并提出了将频 域相干积分与最大特征值方法结合在一起的基于预 处理的最大特征值检测(P-MEMD)方法。其使用目 标导向矢量的先验信息来减弱杂波的影响,进一步 提高了MEMD的检测性能。由于海表面的无规则 波动,海杂波的能量比较分散,然而海面慢速小目 标的回波信号的能量在频域上往往集中在特定频段 内。此外,动目标检测依据目标与杂波的能量差异 进行目标检测,一般使用各种滤波器,滤去海浪等 背景产生的杂波而取出运动目标的回波^[21]。基于这 一现象,本文利用动目标检测原理,提出了利用滤 波器组对接收数据进行滤波处理,然后再与最大特 征值相结合的矩阵CFAR检测方法,将其命名为 FD-MEMD,以达到保留潜在的有用目标回波信 号,同时抑制带外杂波的目的,由此即可提升雷达 回波信号的信杂比。后续的仿真实验表明,该方法 适用于海面慢速小目标,目标多普勒频率在杂波频 谱内和远离杂波频谱均获得了较好的检测性能。

令{ $y, \tilde{y}_1, \dots, \tilde{y}_K$ }是接收到的数据矩阵,它分为 主要数据y和辅助数据 $\tilde{y}_1, \tilde{y}_2, \dots, \tilde{y}_K$ 。这里,y表示 待检测单元的N维接收数据(主要数据), $\tilde{y}_1, \tilde{y}_2, \dots,$ \tilde{y}_K 表示参考单元中由杂波组成的接收数据(辅助数 据)。图1显示了所提出的FD-MEMD方法的检测框 图。本文将分DFT调制滤波器组、数据滤波处 理、确定目标所在的子带和FD-MEMD检测统计量 这4个小节进行介绍。

3.1 DFT调制滤波器组

本文使用线性相位DFT调制滤波器组实现子 带分解,采用线性相位是为了保持目标回波的相位 结构不发生改变,同时,DFT调制滤波器组具有 高的阻带抑制能力。

DFT调制滤波器组由一个低通原型滤波器 h(l)调制而成。不失一般性,假定低通原型滤波器 是因果2L阶线性相位滤波器^[18],且满足h(2L-l) = $h(l), l = 0, 1, \dots, 2L$,它的频率响应为

$$H(\omega) = e^{-jL\omega} \left\{ h(L) + \sum_{l=0}^{L-1} h(l) \cos(L-l)\omega \right\}$$
$$\equiv e^{-jL\omega} \boldsymbol{d}_{L}^{\mathrm{T}}(\omega) \boldsymbol{q}$$
(6)

其中,

$$\boldsymbol{q} = [h(0), h(1), \cdots, h(L)]^{\mathrm{T}}$$
 (7)

$$\boldsymbol{l}_{L}(\omega) = [2\cos(L\omega), \cdots, 2\cos(\omega), 1]^{\mathrm{T}}$$
(8)

其中, 上标T表示转置。针对本文的应用, 期望原型滤波器h(l)具有尽可能平坦的通带和高的阻带抑制性, 平坦的通带保证了目标回波的幅度和相位具有较小的失真, 高的阻带抑制性保证了通带外的杂波能够被抑制。

依据文献[18], 2P + 1个通道的DFT调制滤波 器组的结构为

$$H_p(\omega) = H\left(\omega - \frac{2p\pi}{2P+1}\right) \tag{9}$$

其 中, p = -P, -P + 1, ..., 0, 1, ..., P, $H(\omega) = \sum h(l)e^{-j\omega l}$, h(l)是通带位于 $\left[-\frac{\pi}{2P+1}, \frac{\pi}{2P+1}\right]$ 的 低通原型滤波器。只要h(l)是一个线性相位、因果 的、有限冲激响应滤波器,所有子带滤波器 $h_p(l)$ 都 是线性相位、因果的、有限冲激响应滤波器。

3.2 数据滤波处理

如图1所示,虚线框为预处理部分,包括一个前置的2P+1个通道的线性相位DFT调制滤波器组,其中 $X_p(n), p = -P, -P + 1, \dots, P - 1, P$ 是滤波后的子带时间序列,其表达形式为

$$\begin{aligned} X_p(n) &= h_p(l) * y(n), \\ p &= -P, -P + 1, \cdots, P - 1, P; \\ l &= 0, 1, \cdots, 2L \end{aligned}$$
(10)

其中, *表示卷积运算, y(n)为雷达接收的待检测 单元的回波数据。

滤波器组主要达到提升雷达回波信杂比的目 的,无论目标回波的能量在频域上较为集中或是较 为分散,在2P+1个滤波器中总会有一个或多个滤 波器的通带内保留了目标信号。



图 1 FD-MEMD方法的原理框图

3.3 确定包含目标信号的子带 *p*

求出待检测单元的子带信号所对应的相关矩阵 C_p 的最大特征值 ζ_p ,找出2P+1个最大特征值的最 大值 η 所对应的子带 \hat{p} ,将第 \hat{p} 个子带指定为包含目 标信号的子带,从而实现了抑制杂波。

待检测单元的相关矩阵Cp表述为

$$\boldsymbol{C}_{p} = \mathbf{E}[\boldsymbol{X}_{p}\boldsymbol{X}_{p}^{\mathrm{H}}] = \begin{bmatrix} r_{p,0} & \cdots & \bar{r}_{p,N-1} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ r_{p,N-1} & \cdots & r_{p,0} \end{bmatrix}$$
(11)

其中, C_p 是一个特普利茨厄米特正定矩阵, $C_p^{\rm H} = C_p$,(.)^H表示共轭转置。根据广义平稳的遍历性,数据 X_p 的相关系数可以通过随时间平均而非其统计平均来计算,即

$$r_{p,i} = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1-|i|} x_p(n)\bar{x}_p(n+i), |i| \le N-1 \quad (12)$$

其中, $x_p(n)$ 是向量 X_p 的元素,x表示x的复共轭。 对 C_p 进行特征值分解,可得

$$\boldsymbol{C}_p = \boldsymbol{U}_p \boldsymbol{\Lambda}_p \boldsymbol{U}_p^{\mathrm{H}} \tag{13}$$

其中, U_p 是由特征向量组成的特征矩阵, Λ_p 是由特征值[$\lambda_{p,1}, \lambda_{p,2}, \dots, \lambda_{p,M}$]组成的对角矩阵。第p个子带相关矩阵 C_p 对应的最大特征值 ζ_p 为

$$\zeta_p = \max(\lambda_{p,1}, \lambda_{p,2}, \cdots, \lambda_{p,M}) \tag{14}$$

于是,所有2P+1个子带的特征值的最大值 为

$$\eta$$
万

$$\eta = \max(\zeta_{-P}, \zeta_{-P+1}, \cdots, \zeta_{P}) \tag{15}$$

因此,确定最大特征值ŋ对应的子带为p

$$\hat{p}:\eta \equiv \zeta_{\hat{p}} \tag{16}$$

其中, $\hat{p} \in \{-P, -P+1, \dots, 0, 1, \dots, P\}$, 即为目标信 号所在的子带。

于是,利用 $\eta \equiv \zeta_{\hat{p}}$ 可以确定出第 \hat{p} 个子带的接收 回波的滤波数据 $X_{\hat{p}}$ 。

3.4 FD-MEMD的检测统计量

利用第*p*个子带的滤波器对所接收到的参考数 据*y*_k(*n*)进行滤波处理,即

$$\boldsymbol{X}_{\hat{p},k} = h_{\hat{p}}(l) * \tilde{y}_k(n), k = 1, 2, \cdots, K$$
(17)

参考数据第 \hat{p} 个子带的滤波数据 $\tilde{X}_{\hat{p},k}$ 的相关矩阵 $\tilde{C}_{\hat{p},k}$ 为

$$\tilde{\boldsymbol{C}}_{\hat{p},k} = \mathrm{E}[\boldsymbol{X}_{\hat{p},k}\boldsymbol{X}_{\hat{p},k}^{\mathrm{H}}], k = 1, 2, \cdots, K$$
(18)

借助式(11)、式(12)和式(13),对 $\tilde{C}_{\hat{p},k}$ 进行特征值分解,并求得第 \hat{p} 个子带第k个距离单元的最大特征值 $\tilde{\xi}_k$,则所有K个参考单元中最大特征值 $\tilde{\xi}_k$ 的算术平均值为

$$\delta = \frac{1}{K} \sum_{k=1}^{K} \tilde{\xi}_k \tag{19}$$

同理,待检测单元第*p*个子带的滤波数据*X_p*的相关矩阵*C_p*为

$$\boldsymbol{C}_{\hat{p}} = \mathrm{E}[\boldsymbol{X}_{\hat{p}}\boldsymbol{X}_{\hat{p}}^{\mathrm{H}}] \tag{20}$$

依据相同的处理,对*C*_{*p*}进行特征值分解,并 求得该第*p*个子带的最大特征值为ξ。

最后,依据矩阵CFAR的原理,FD-MEMD检 测统计量可表示为

$$\frac{\xi}{\delta} \mathop{\gtrless}_{\mathrm{H}_{0}}^{\mathrm{H}_{1}} \hat{\eta} \tag{21}$$

其中, ^î为FD-MEMD的检测阈值。当检测统计量 大于阈值^î时,判断为目标出现在检测单元中,否 则判为目标在检测单元中未出现。

4 仿真实验及结果分析

该节主要基于真实海杂波数据进行了仿真实 验,验证本文提出的FD-MEMD算法的有效性。在 仿真实验中,使用由加拿大McMaster大学提供的 IPIX海杂波数据(19980205_185111_ANTSTEP. CDF)。该数据由27个距离单元组成,每个距离单 元包含60000个脉冲数据。对于这个数据集,本文 获取实测数据的多普勒频谱图,如图2所示,经过 FFT变换,估计海杂波的平均多普勒频率约为 -222 Hz。考虑到目标多普勒在杂波频谱内外的情 况,利用式(2),添加仿真目标之后的海杂波和目 标的混合频谱图如图3所示。



图 3 海杂波和目标的混合频谱图

由于有限的实测数据,在本文的仿真实验中, 虚警概率被设置为10⁻³,脉冲数N = 8,脉冲重复 频率为1000 Hz,雷达射频频率F为9.39 GHz。参 考单元个数K = 16,极化方式为HH,HV,VH和 VV。对于滤波器组仿真模型,P = 8,L = 25。对 于目标仿真模型, ρ 取0.96,整数W取500。考虑了 目标多普勒频率在杂波频谱内外的两种情况,利用 公式 $f_d = \frac{vF}{c}$,目标多普勒频率分别被设置为 -222 Hz和215 Hz。其中 f_d 是目标多普勒频率,v是 目标相对雷达的径向速度,F是雷达射频,c是电 磁波的传播速度。

图4(a)、图4(c)、图4(e)和图4(g)对应于杂波频 谱与目标频谱重叠的检测场景。可以看出FD-MEMD 方法的检测性能明显优于ANMF, sub-ANMF以及 P-MEMD。值得注意的是,上述图中的FD-MEMD 方法相对于P-MEMD方法的性能有明显的改善, 这主要是因为P-MEMD利用对检测单元和参考单 元接收到的数据进行FFT变换,将其在频域上分解 成N个多普勒频段,利用峰值搜索找到目标所在的 多普勒频段,从而抑制杂波。而FD-MEMD方法利 用滤波器组将接收到的数据分解成2*P*+1个子带信 号,通过查找最大特征值的最大值所在的子带信号



图 4 FD-MEMD, P-MEMD, sub-ANMF和ANMF方法在实测数据4种极化方式的检测性能比较图

从而确定目标所在的子带,目标子带之外的杂波全被滤除,相对于P-MEMD方法,杂波抑制更明

显。图4(b)、图4(d)、图4(f)和图4(h)描述了目标多 普勒频率在杂波频谱之外的情况下的检测性能的比 较。可以看出,FD-MEMD方法的检测性能同样优于ANMF,sub-ANMF和P-MEMD。总之,FD-MEMD方法在目标多普勒频率位于杂波频谱之内和之外的两种场景下都具有稳健的性能,更适用于在实际环境中应用。

5 结束语

本文主要解决海杂波背景下海面目标检测问题,旨在改善目标多普勒频率严重偏离杂波频谱时矩阵CFAR检测性能较低的状况。本文依据目标回波的能量在频域上相对集中而海杂波能量在频域上相对分散这一特点,提出一种基于子带分解的矩阵CFAR最大特征值检测方法。该方法有效地抑制了杂波,提高了信杂比及检测性能。仿真结果表明,该方法不仅在强杂波的环境下具有良好的检测性能,在目标多普勒频率偏离杂波频谱的情况下也具有较好的检测性能,能够在实际海洋环境中应用。

参考文献

- RICHARDS M A, SCHEER J A, and HOLM W A. Principles of Modern Radar[M]. Raleigh: SciTech, 2010: 101-134.
- [2] CONTE E, DE MAIO A, and RICCI G. Covariance matrix estimation for adaptive CFAR detection in compound-Gaussian clutter[J]. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 2002, 38(2): 415–426. doi: 10.1109/ TAES.2002.1008976.
- [3] 郭鹏程, 刘峥, 罗丁利, 等. 基于强散射点在线估计的距离扩展
 目标检测方法[J]. 电子与信息学报, 2020, 42(4): 910–916. doi:
 10.11999/JEIT190417.

GUO Pengcheng, LIU Zheng, LUO Dingli, et al. Range spread target detection based on online estimation of strong scattering points[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2020, 42(4): 910–916. doi: 10.11999/ JEIT190417.

- [4] 邹鲲. 认知雷达的未知目标检测[J]. 电子与信息学报, 2018, 40(1): 166-172. doi: 10.11999/JEIT170254.
 ZOU Kun. Unknown target detection for cognitive radar[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2018, 40(1): 166-172. doi: 10.11999/JEIT170254.
- [5] 孟祥伟. 秩和非参数检测器在杂波边缘中的性能[J]. 电子与信息学报, 2019, 41(12): 2859–2864. doi: 10.11999/JEIT190136.
 MENG Xiangwei. Performance of rank sum nonparametric detector at clutter edge[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2019, 41(12): 2859–2864. doi: 10.11999/JEIT190136.
- [6] ARNAUDON M, BARBARESCO F, and YANG Le. Riemannian medians and means with applications to radar signal processing[J]. *IEEE Journal of Selected Topics in*

Signal Processing, 2013, 7(4): 595-604. doi: 10.1109/ JSTSP.2013.2261798.

- [7] HUA Xiaoqiang, CHENG Yongqiang, WANG Hongqiang, et al. Geometric means and medians with applications to target detection[J]. *IET Signal Processing*, 2017, 11(6): 711–720. doi: 10.1049/iet-spr.2016.0547.
- [8] 赵兴刚,王首勇.一种基KL分离度的改进矩阵CFAR检测方法[J].电子与信息学报,2016,38(4):934-940. doi: 10.11999/ JEIT150711.

ZHAO Xinggang and WANG Shouyong. An improved matrix CFAR detection method base on KL divergence[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2016, 38(4): 934–940. doi: 10.11999/JEIT150711.

 [9] 赵兴刚, 王首勇. 基于K-L散度和散度均值的改进矩阵 CFAR检测器[J]. 中国科学: 信息科学, 2017, 47(2): 247-259. doi: 10.1360/N112016-00105.

ZHAO Xinggang and WANG Shouyong. Improved matrix CFAR detector based on K-L divergence and divergence mean[J]. Science in China: Information Sciences, 2017, 47(2): 247–259. doi: 10.1360/N112016-00105.

[10] 赵兴刚,郑岱堃,王首勇,等.一种基于AR模型的矩阵 CFAR检测器[J].电子学报,2017,45(12):3019-3024.doi: 10.3969/j.issn.0372-2112.2017.12.026.

ZHAO Xinggang, ZHENG Daikun, WANG Shouyong, et al. A matrix CFAR detector based on AR model[J]. Acta Electronica Sinica, 2017, 45(12): 3019–3024. doi: 10.3969/ j.issn.0372-2112.2017.12.026.

- [11] YE Lei, YANG Qiang, CHEN Qiushi, et al. Application of joint domain localised matrix CFAR detector for HFSWR[J]. The Journal of Engineering, 2019, 2019(21): 8134-8137. doi: 10.1049/joe.2019.0744.
- [12] 赵文静,刘轼,刘文龙,等. K分布海杂波背景下基于最大特征 值的雷达信号检测算法[J]. 电子与信息学报, 2018, 40(9): 2235-2241. doi: 10.11999/JEIT171092.
 ZHAO Wenjing, LIU Chang, LIU Wenlong, et al. Maximum eigenvalue based radar signal detection method for K distribution sea clutter environment[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2018, 40(9): 2235-2241. doi: 10.11999/JEIT171092.
- [13] ZHAO Wenjing, LIU Chang, LIU Wenlong, et al. Maximum eigenvalue-based target detection for the K-distributed clutter environment[J]. *IET Radar Sonar Naving*, 2018, 12(11): 1294–1306. doi: 10.1049/iet-rsn.2018.5229.
- [14] ZHAO Wenjing and JIN Minglu. Maximum eigenvalue matrix CFAR detection using pre-processing in sea clutter[J]. *IEEE Access*, 2019, 7: 91414–91426. doi: 10.1109/ACCESS.2019.2928003.
- [15] ZHAO Wenjing, JIN Minglu, and LIU Wenlong. A modified matrix CFAR detector based on maximum eigenvalue for

target detection in the sea clutter[C]. 2018 IEEE Radar Conference (RadarConf18), Oklahoma, USA. 2018: 896–901. doi: 10.1109/RADAR.2018.8378679.

- [16] ZHAO Wenjing, LIU Wenlong, and JIN Minglu. Spectral norm based mean matrix estimation and its application to radar target CFAR detection[J]. *IEEE Transactions on Signal Processing*, 2019, 67(22): 5746–5760. doi: 10. 1109/TSP.2019.2945991.
- [17] 赵文静,金明录,刘文龙.基于谱范数的矩阵CFAR检测器[J].
 电子学报,2019,47(9):1951–1956.doi:10.3969/j.issn.0372-2112.2019.09.019.

ZHAO Wenjing, JIN Minglu, and LIU Wenlong. Matrix CFAR detector based on matrix spectral norm[J]. *Acta Electronica Sinica*, 2019, 47(9): 1951–1956. doi: 10. 3969/j.issn.0372-2112.2019.09.019.

[18] SHUI Penglang and SHI Yanling. Subband ANMF detection of moving targets in sea clutter[J]. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 2012, 48(4): 3578–3593. doi: 10.1109/TAES.2012.6324742.

- [19] SHUI Penglang, GUO Zixun, and SHI Sainan. Featurecompression-based detection of sea-surface small targets[J]. *IEEE Access*, 2019, 8: 8371–8385. doi: 10.1109/ACCESS.2019. 2962793.
- [20] WARD K D, TOUGH R J A, and WATTS S. Sea Clutter: Scattering, the K Distribution and Radar Performance[M]. 2nd ed. London: IET, 2013: 101–134.
- [21] YU Xiaohan, CHEN Xiaolong, HUANG Yong, et al. Fast detection method for low-observable maneuvering target via robust sparse fractional Fourier transform[J]. IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters, 2020, 17(6): 978-982. doi: 10.1109/LGRS.2019.2939264.
- 时艳玲: 女,1983年生,副教授,主要研究方向为海杂波的散射特性分析、复杂电磁环境下的目标检测和雷达信号处理.
- 李君豪: 男,1996年生,硕士生,研究方向为信息几何及雷达目标 检测.

责任编辑: 马秀强