# 一种稳健的非均匀杂波协方差矩阵估计方法

许华健 杨志伟\* 廖桂生 田 敏 (西安电子科技大学雷达信号处理国家重点实验室 西安 710071)

**摘 要**: 在非均匀环境下,针对传统样本挑选、样本加权等方法由于数据利用率低导致独立同分布训练样本不足的问题,该文提出一种在空时 2 维谱平面联合距离维逐空-时频点谱估计与滤波的协方差矩阵估计方法。该方法根据杂波和目标在距离-空时 2 维谱平面的分布特性,逐点频估计待检测单元杂波谱,并采用中值滤波方式消除目标污染对地物杂波谱估计的干扰;最后重构无空时孔径损失的杂波协方差矩阵。仿真结果表明,相比于传统非均匀统计 STAP 方法,所提的距离-空时 2 维谱滤波方法能够在样本数不足时有效缓解目标信号污染、离散地形杂波或孤立 干扰引起的 STAP 性能下降问题。

 关键词:机载雷达;空时自适应处理;空时2维谱;谱估计;协方差矩阵

 中图分类号:TN959.73
 文献标识码:A
 文章编号:1009-5896(2017)05-1036-08

 DOI: 10.11999/JEIT160747

# Robust Approach for Clutter Covariance Matrix Estimation with STAP in Heterogeneous Environment

XU Huajian YANG Zhiwei LIAO Guisheng TIAN Min

(National Laboratory of Radar Signal Processing, Xidian University, Xi'an 710071, China)

Abstract: The conventional statistical Space-Time Adaptive Processing (STAP) methods, such as sample selection and sample weighting methods, and so forth, have a very low utilization ratio of sample data, which results in that the problem of training samples lack is more prominent in heterogeneous clutter environment. Thus, in this paper, the space-time spectrum of the clutter Cell Under Test (CUT) is estimated according to the distribution characteristics of the clutter and the moving target in the range and space-time two dimensional spectrum plane. In addition, the median filtering is exploited to avoid the disturbance due to the moving target for the estimation of clutter spectrum. Finally, the reconstruction of clutter covariance matrix without sacrificing space-time aperture and clutter suppression is achieved. The results of the simulated experiments demonstrate that the proposed method can effectively alleviate the STAP performance degradation due to the interference target, discrete terrain clutter or isolation interference, compared with the traditional statistical STAP methods.

**Key words**: Airborne radar; Space-Time Adaptive Processing (STAP); Space-time 2-D spectrum; Spectrum estimation; Covariance matrix

### 1 引言

机载预警雷达下视工作时,平台运动使得地面杂波谱展宽,导致其对地面慢速运动目标的检测能力变差。Brennan等人<sup>[1]</sup>根据最大似然比理论推导出了空时2维自适应最佳处理器结构,即最优STAP。其研究结果表明,STAP可以有效地补偿机载雷达的平台运动效应,并获得理想的杂波抑制能力。最

优 STAP 的核心问题在于精确估计待检测单元的杂 波空时协方差矩阵。然而,在实际工作环境中,复 杂的地面场景杂波<sup>[2,3]</sup>、离散地形强杂波<sup>[4]</sup>以及动目 标污染<sup>[5]</sup>等因素往往导致杂波分布非均匀。此时,非 均匀样本的干扰以及可用均匀样本数的减少使得利 用最大似然方法估计的杂波协方差矩阵与待检测单 元的杂波统计特性失配,导致 STAP 性能严重恶 化<sup>[6]</sup>。

针对上述问题,国内外学者从不同角度出发提 出了相应的解决方案。降维 STAP 算法<sup>[7]</sup>通过设计 固定的降维处理结构降低系统自由度,降低对训练 样本需求的同时减小了运算量;而降秩 STAP 算 法<sup>[8]</sup>根据杂波的低秩特性,基于特征空间分类与分析 方法估计杂波子空间,缓解了样本数不足导致的性

收稿日期: 2016-07-14; 改回日期: 2016-11-07; 网络出版: 2016-12-02 \*通信作者:杨志伟 yangzw@xidian.edu.cn

基金项目:国家自然科学基金(61671352,61231017),国家青年科学基金(61501471),CAST创新基金

Foundation Items: The National Natural Science Foundation of China (61671352, 61231017), The National Science Foundation for Young Scientists of China (61501471), The Innovational Foundation of China Academy of Space Technology

能损失问题。基于知识辅助处理的方法<sup>[9-11]</sup>在非均 匀环境中能够获得良好的性能,不过其性能依赖于 先验知识及其精确程度;先验知识精确程度不足将 使得该类方法性能下降。虽然基于待检测单元数据 的直接数据域(DDD)方法<sup>[12,13]</sup>能够从本质上解决 STAP 所面临的杂波分布非均匀问题,然而该方法 存在空时孔径损失且慢速运动目标检测性能下降的 问题。

样本挑选方法<sup>[14-16]</sup>从训练样本中筛选出非均 匀样本集,降低了非均匀样本带来的性能损失,然 而样本的选择本就意味着训练样本数的减少,这使 得训练样本不足的问题更加突出;样本加权方法<sup>[17]</sup> 虽然从表面上看来利用了所有的数据,但是数据利 用率仍然不足。由于非均匀样本总是包含有效的杂 波场景信息,较小的权值使得该样本对杂波协方差 矩阵估计的贡献随之减小。例如被目标信号污染的 样本中大部分的均匀杂波场景信息依然是可用的, 然而权值的减小降低了该样本中杂波场景信息的作 用。

为解决上述问题,本文从提高数据利用率角度 出发,提出一种距离-空时联合滤波估计杂波协方差 矩阵的方法。该方法根据杂波和目标在距离-空时 2 维谱平面的分布特性设计广义加权滤波器估计杂波 谱,并通过中值滤波方式滤除离散目标点对杂波谱 估计的干扰;最后重构全维杂波协方差矩阵。仿真 结果表明本文方法能够有效提高数据利用率,并获 得良好的杂波估计性能。此外,本文方法结合直接 数据域的处理方式能够有效缓解复杂地理环境下对 独立同分布训练样本数的需求。

#### 2 信号模型

#### 2.1 空时信号模型

不失一般性,图 1 给出了机载阵列雷达正侧视 示意图。其中载机的速度和高度分别为  $V \ n \ H$ ,且 沿 X 轴飞行。雷达天线是由 N 个阵元组成的均匀 线阵,以第 1 个阵元作为参考,其它阵元与其间距 满足  $d_1 = d_2 = \cdots = d_{N-1} = d \circ \alpha \ n \beta \ D$ 别表示杂波 地块相对于阵列的方位角、俯仰角。杂波地块相对 于雷达平台的速度矢量和阵列方向矢量的夹角分别 为速度空间锥角 $\theta_{ve}$  和阵列空间锥角 $\theta_{ae}$ ;雷达正侧 视时速度空间锥角与阵列空间锥角相等,此时称为 空间锥角 $\theta_{co} = \cos \alpha \cdot \cos \beta$ 。

设每个阵元接收的相干脉冲数为 *M*。则雷达接收的第*r*个距离门回波数据可以表示为式(1)所示二元检测形式:



图 1 机载阵列雷达正侧视示意图

$$\begin{aligned} H_0 : \boldsymbol{x}_r &= \boldsymbol{c}_r + \boldsymbol{n}_r = \sum_{l=1}^{N_c} \gamma_c^l \boldsymbol{a}_{\mathrm{st}} \left( f_d^l, f_s^l \right) + \boldsymbol{n}_r \\ H_1 : \boldsymbol{x}_r &= \boldsymbol{s}_r + \boldsymbol{c}_r + \boldsymbol{n}_r = \gamma_t^q \boldsymbol{a}_{\mathrm{st}} \left( f_d^q, f_s^q \right) \\ &+ \sum_{l=1}^{N_c} \gamma_c^l \boldsymbol{a}_{\mathrm{st}} \left( f_d^l, f_s^l \right) + \boldsymbol{n}_r \end{aligned}$$

$$(1)$$

其中, H<sub>0</sub>表示该距离门不含动目标, 而 H<sub>1</sub>表示包含 动目标;  $\boldsymbol{c}_r = \sum_{l=1}^{N_c} \gamma_c^l \boldsymbol{a}_{st} \left( f_d^l, f_s^l \right)$ 表示该距离门的杂波 信号,  $N_a$ 表示第 r距离门的等效杂波地块数目,  $\gamma_a^l$ 表示第 r个距离门第 l个等效杂波地块的等效增益和 等效后向散射系数的乘积。  $a_{st}(f_d^l, f_s^l) = s_t(f_d^l) \otimes$  $s_{s}(f_{s}^{l})$ 表示该等效杂波地块的空时导向矢量,其中 时域导向矢量和空域导向矢量分别为  $s_t(f_d^l) =$  $\left[1, \mathrm{e}^{\mathrm{j}\pi f_d^l}, \cdots, \mathrm{e}^{\mathrm{j}\pi f_d^l(M-1)}\right]^\mathrm{T} \not = \mathbf{s}_\mathrm{s}\left(f_s^l\right) = \left[1, \mathrm{e}^{\mathrm{j}\pi f_s^l}, \cdots, \mathrm{e}^{\mathrm{j}\pi f_s^l(N-1)}\right]^\mathrm{T} \;,$  $\otimes$ 表示 Kronecker 积,  $f_d^l = \frac{4V}{\lambda \cdot f} \cos \alpha_l \cdot \cos \beta_r$ 和  $f_s^l = \frac{2d}{2} \cos \alpha_l \cdot \cos \beta_r$ 分别表示该等效杂波块的归一 化多普勒频率和归一化空间角频率, f. 表示脉冲重 复频率, $\beta_r$ 表示第r个距离门的俯仰角, $\alpha_l$ 表示第 l 个等效杂波地块的方位角; n,表示加性的高斯白 噪声;  $s_r = \gamma_t^q a_{st}(f_d^q, f_s^q)$ 表示动目标信号,  $\gamma_t^q$ 表示 目标等效后向散射系数与等效增益的乘积,  $\boldsymbol{a}_{st}(f_d^q, f_s^q) = \boldsymbol{s}_t(f_d^q) \otimes \boldsymbol{s}_s(f_s^q)$  表示目标的空时导向矢 量。若径向速度为 v. 的动目标位于第 q 个等效杂波 地块,那么目标和该等效杂波地块的空时导向不同 之处在于:目标的时域导向矢量与该等效杂波地块 存在差异, 而空域导向矢量保持一致, 即满足

$$\begin{aligned} f_d^q &= \frac{4V}{\lambda \cdot f_r} \cos \alpha_q \cdot \cos \beta_r + \frac{4v_r}{\lambda \cdot f_r} \\ f_s^q &= \frac{2d}{\lambda} \cos \alpha_q \cdot \cos \beta_r \end{aligned}$$
 (2)

其中, v<sub>r</sub>表示目标地面速度在雷达视线方向的投影。 正是因为动目标与杂波在空时 2 维域上可区分, STAP 方法才能在主瓣杂波区检测出动目标。

#### 2.2 最优 STAP

根据上述的信号模型,若待检测单元动目标的 空时导向矢量为

$$\boldsymbol{a}_{\mathrm{st}}(f_d^t, f_s^t) = \boldsymbol{s}_{\mathrm{t}}(f_d^t) \otimes \boldsymbol{s}_{\mathrm{s}}(f_s^t)$$
(3)

那么基于线性约束最小方差准则的 STAP 最优权为

$$\boldsymbol{w}_{\text{opt}} = \frac{\boldsymbol{R}^{-1}\boldsymbol{a}_{\text{st}}\left(\boldsymbol{f}_{d}^{\dagger}, \boldsymbol{f}_{s}^{t}\right)}{\boldsymbol{a}_{\text{st}}^{\text{H}}\left(\boldsymbol{f}_{d}^{t}, \boldsymbol{f}_{s}^{t}\right)\boldsymbol{R}^{-1}\boldsymbol{a}_{\text{st}}\left(\boldsymbol{f}_{d}^{t}, \boldsymbol{f}_{s}^{t}\right)}$$
(4)

其中,符号 H 表示共轭转置, **R** 为待检测单元在  $H_0$ 假设下的杂波协方差矩阵。由于杂波协方差矩阵 **R** 常常是未知的,实际工作环境中通常利用临近 K 个 距 离 门 样 本 的 最 大 似 然 估 计 值  $\hat{\mathbf{R}}_{SCM} = \frac{1}{K} \sum_{k=1}^{K} \boldsymbol{x}_k \boldsymbol{x}_k^{H}$ ,即样本协方差矩阵(Sample Covariance

Matrix, SCM),作为其估计值。

## 3 距离-空时联合滤波方法

#### 3.1 加权 SCM 类方法的不足

RMB 准则<sup>[18]</sup>指出若要求最大似然估计的性能 损失不超过3dB,则需要不少于2倍系统自由度的 独立同分布样本数。然而,实际的非均匀环境破坏 了独立同分布假设,使得可用样本急剧减少,传统 STAP 方法的杂波抑制性能随之严重恶化。样本挑 选和样本加权类方法估计协方差矩阵可以统一表示 成加权 SCM 类方法,即

$$\widehat{\boldsymbol{R}}_{\text{WSCM}} = \sum_{k=1}^{K} w_k \boldsymbol{x}_k \boldsymbol{x}_k^{\text{H}}$$
(5)

其中, $w_k$ 表示第k个距离门样本数据 $x_k$ 的加权实系数且满足 $\sum_{k=1}^{K} w_k = 1$ 。

通过上述分析易知: 在本质上, 加权 SCM 类方 法采用单一系数 w<sub>k</sub> 调整训练样本 x<sub>k</sub> 在协方差矩阵 估计中的权值, 即等效于对空时 2 维平面内的整体 谱点进行取舍(或加权)。单一加权方式虽然缓解了 非均匀样本对协方差矩阵估计的不利影响,但是也 降低了空时2维平面内与地物杂波分布特性相同区 域在协方差矩阵估计中的作用。尤其是包含目标信 号污染、离散地形杂波或孤立干扰的训练样本。事 实上,上述样本的非均匀性在空时2维平面内仅表 现为局部区域分布特性发生改变。图2给出了正侧 视时典型样本数据中杂波和动目标在空时2维谱平 面的分布示意,其中杂波功率谱呈现对角分布,而 目标功率谱则为分布在2维平面内局部区域的离散 点。针对此类样本采用传统的单一加权方式估计杂 波协方差矩阵,则训练样本的杂波(脊)区域被舍弃。 显然,加权 SCM 类方法的数据利用率不高,使得样 本数不足问题更加突出。



图 2 杂波和目标空时 2 维谱平面分布示意

#### 3.2 广义加权方式

根据 Ward<sup>[19]</sup>杂波模型, 第 *k* 个距离门数据的协 方差矩阵 *R<sub>k</sub>* 可以由空时2维平面内一系列的离散点 谱重构得到,即

$$\boldsymbol{R}_{k} = E\left[\boldsymbol{x}_{k}\boldsymbol{x}_{k}^{\mathrm{H}}\right] = \sum_{l=1}^{N_{c}+N_{q}} \rho_{k}^{l}\left(f_{d}^{l}, f_{s}^{l}\right) \cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{st}}\left(f_{d}^{l}, f_{s}^{l}\right)$$
$$\cdot \boldsymbol{a}_{\mathrm{st}}^{\mathrm{H}}\left(f_{d}^{l}, f_{s}^{l}\right) + \sigma_{n}^{2}\boldsymbol{I}_{k} \tag{6}$$

式中,  $f_a^l \, n \, f_s^l \, \beta$ 别表示离散点谱对应的归一化多普 勒频率和归一化空间频率,  $\rho_k^l \left( f_a^l, f_s^l \right)$ 表示等效杂波 地块、目标信号、离散地形杂波或者孤立干扰的功 率,  $I_k$ 为单位阵,  $\sigma_n^2$ 为噪声功率,  $N_c$ 表示等效杂 波地块的数目, 而 $N_q$ 表示目标、离散地形杂波或孤 立干扰的数目。

那么依据式(6),加权 SCM 类方法的杂波协方 差矩阵估计结果可以重写为

$$\widehat{\boldsymbol{R}}_{\text{WSCM}} = \sum_{k=1}^{K} w_k \left( \sum_{l=1}^{N_c + N_q} \rho_k^l \left( f_d^l, f_s^l \right) \boldsymbol{a}_{\text{st}} \left( f_d^l, f_s^l \right) \boldsymbol{a}_{\text{st}}^{\text{H}} \left( f_d^l, f_s^l \right) \right) + \sigma_n^2 \boldsymbol{I}$$
(7)

其中, I 为单位阵。由式(7)可知, 当 $N_q > 0$ , 即距 离门 k 的样本中存在目标信号污染、离散地形杂波 或孤立干扰时,采用加权 SCM 类方法估计杂波协方 差矩 阵将损失该距离门中的杂波信息  $\rho_k^l \left( f_a^l, f_s^l \right)$  $(l = 1, 2, \dots, N_c)$ 。为了解决上述问题,本文采用空时 2 维平面广义加权方式解决上述方法的不足, 即

$$\widehat{\boldsymbol{R}} = \sum_{k=1}^{K} \left( \sum_{l=1}^{N_c + N_q} w_k \left( f_d^l, f_s^l \right) \rho_k^l \left( f_d^l, f_s^l \right) \right. \\ \left. \cdot \boldsymbol{a}_{\rm st} \left( f_d^l, f_s^l \right) \boldsymbol{a}_{\rm st}^{\rm H} \left( f_d^l, f_s^l \right) \right] + \sigma_n^2 \boldsymbol{I}$$

$$(8)$$

显然,当 $w_k(f_d^l, f_s^l) = w_k(l = 1, 2, ..., N_c, N_c + 1, ..., N_c + N_q)$ 时,式(8)可以化简为式(7),这说明加权 SCM 类方法是上述广义加权方法的特例。若目标信 号污染、离散地形杂波或孤立干扰等局部异常区域 对应的权值 $w_k(f_d^l, f_s^l)(l = N_c + 1, N_c + 2, ..., N_c + N_q)$ 近似等于零,而地物杂波分布区域(杂波脊区域)的 权值较大,则上述广义加权方式便可以解决加权 SCM 类方法单一加权系数的不足。

考虑到样本的非均匀性在空时 2 维谱平面具有 更为直观的描述形式,即样本非均匀表现为样本的 空时功率谱结构(包括功率和分布区域)存在差异, 可在训练样本集的空时 2 维平面上通过逐谱点滤波 的方式求解加权系数  $w_k(f_d^l, f_s^l)$ 。

#### 3.3 距离-空时联合滤波的全维协方差矩阵估计

根据上一节的讨论,待检测距离门 r 的空时功 率谱估计值可以表示为

$$\hat{\rho}_{r,c}\left(f_{d}^{i}, f_{s}^{j}\right) = \frac{1}{Q} \sum_{k=1}^{K} w_{k}\left(f_{d}^{i}, f_{s}^{j}\right) \cdot P_{k}\left(f_{d}^{i}, f_{s}^{j}\right),$$
$$f_{d}^{i}, f_{s}^{j} \in \boldsymbol{\Psi}, \quad \boldsymbol{\Psi} = [-1, 1]$$
(9)

其中,  $P_k\left(f_a^i, f_s^j\right)$ 表示第 k个距离门样本在归一化多 普勒频率  $f_a^i$ 和归一化空间角频率  $f_s^j$ 点处的功率谱 值。该距离门样本的功率谱可以是 Capon 形式或者 也可以由 IAA 方法<sup>[12]</sup>估计得到。 Q表示加权系数 归一化因子, 即  $Q = \sum_{k=1}^{K} w_k\left(f_a^i, f_s^j\right)$ 。

理论上邻近距离门间的杂波分布特性具有较好的一致性,因此加权系数 $w_k(f_a^i, f_s^j)$ 为<sup>[20]</sup>

$$w_{k}\left(f_{d}^{i}, f_{s}^{j}\right) = g_{\gamma_{s}}\left(\left|k-r\right|\right)g_{\gamma_{p}}\left(\left|P_{k}\left(f_{d}^{i}, f_{s}^{j}\right)\right.\right.\right.\right.$$
$$\left.\left.\left.\left.\left.\left.\left.\left(f_{d}^{i}, f_{s}^{j}\right)\right|\right\right\right\right\right\right\}\right)$$
(10)

其中, H表示取绝对值, 加权函数  $g_{\gamma_p}(\cdot) \ \pi g_{\gamma_s}(\cdot) \ \beta$ 别表示功率谱维和距离维的加权核函数, 即待检测距离门和训练样本同时满足功率相近和距离接近的条件下, 其权值则越大。加权函数  $g_{\gamma}(\cdot)$ 通常为高斯型

核函数  $g_{\gamma}(u) = \exp(-u^2 / \gamma^2)$ ,参数  $\gamma$  表示调节因子。距离维和功率谱维调节因子  $\gamma_s \pi \gamma_p$  可以根据地物杂波的非均匀程度确定,即杂波非均匀程度越大,调节因子越小。在 $(f_a^i, f_s^j)$ 处的参考功率谱为

$$\widehat{P}_{r,\mathrm{md}}\left(f_{d}^{i}, f_{s}^{j}\right) = \mathrm{median}\left\{P_{k}\left(f_{d}^{i}, f_{s}^{j}\right)\right\}_{k=r-I}^{k=r+I}$$
(11)

式(11)表示以待检测距离门r为中心、半径为I 的中值滤波窗内, 2I+1个距离门功率谱经过中值 滤波后的值。这是因为待检测距离门数据有可能存 在目标信号,如果直接用待检测单元的功率谱作为 参考功率谱,那么目标信号会影响杂波功率谱的估 计。由于目标信号在距离上通常不具有连续分布特 性,因此可将其视为离群值。考虑到中值滤波器作 为一种对离群值稳健且实现简单的估计器,选择中 值滤波器可以有效消除目标信号(离群值)对杂波功 率谱估计的影响。至于中值滤波窗半径 I 的选取, 半径 I 在可能的目标最大跨距离单元数的 2~10 倍 范围内选取,杂波场景随距离的变化程度越剧烈, 选取的滤波窗半径 I 应该越小。虽然采用中值滤波 处理可以有效地消除目标信号对杂波功率谱估计的 影响,但是也使得重构的杂波协方差矩阵误差增大, 影响 STAP 性能。不过后续的仿真实验结果表明: 对于正侧视构型而言,在目标信号污染、离散地形 杂波或孤立干扰等非均匀环境中,采用中值滤波后 本文方法的性能损失在3dB以内。

在 获 得 待 检 测 距 离 门 r 的 杂 波 谱 估 计  $\hat{\rho}_{r,c}(f_a^i, f_s^j)$ 的基础上,依据式(6)可重构出待检测距 离门的全维杂波协方差矩阵为

$$\widehat{\boldsymbol{R}}_{\rm re} = \sum_{f_d^i \in \boldsymbol{\Psi}} \sum_{f_s^j \in \boldsymbol{\Psi}} \widehat{\rho}_{r,c} \left( f_d^i, f_s^j \right) \boldsymbol{a}_{\rm st} \left( f_d^i, f_s^j \right) \\ \cdot \boldsymbol{a}_{\rm st}^{\rm H} \left( f_d^i, f_s^j \right) + \sigma_n^2 \boldsymbol{I}$$
(12)

一旦获得杂波协方差矩阵 **Â**<sub>re</sub>,我们可以采用 AMF 方法抑制杂波<sup>[13]</sup>。图 3 给出了基于距离-空时 联合滤波的地物杂波谱估计示意图。

### 4 仿真实验

为了验证本文所提方法的有效性,下面以机载 正侧视情况为例进行仿真验证。按照表1所示的雷 达系统参数仿真杂波,521个距离门杂波数据按照 Ward 模型仿真产生,其能量受方向图及距离联合 调制(不考虑距离模糊)。为了更好地反映所提方法 相比于加权 SCM 类方法在目标信号污染、离散地形 杂波或孤立干扰(如桥梁、铁塔等强散射体)等非均 匀环境中的性能优势,在仿真中注入 60个运动目标 和 10个孤立干扰(或离散地形杂波),其具体参数如 表 2 所示。其中目标的归一化多普勒频率 2f<sub>d</sub> / f<sub>r</sub> 范 围为 0.30~0.65。



图 3 稳健的地物杂波谱估计示意图

#### 表1 雷达系统参数

工作波长(λ)	0.23 m
脉冲数	25
脉冲重复频率(PRF)	$2500~\mathrm{Hz}$
阵元数	10
阵元间距	$0.115~\mathrm{m}$
距离采样频率	3 MHz
平台高度	$5000 \mathrm{~m}$
平台速度	$140 \mathrm{~m/s}$

#### 表 2 注入的信号和干扰参数

信号或干扰	信噪比 (dB)	距离单元	多普勒通道
运动目标 1~60	45	6~478 号等 间隔分布	17~21
孤立干扰1	80	15	9
孤立干扰 2	80	50	10
孤立干扰 3	80	55	18
孤立干扰 4	80	80	18
孤立干扰 5	80	95	17
离散地形杂波1	80	154	9
离散地形杂波2	80	200	19
离散地形杂波3	80	250	17
离散地形杂波4	80	280	9
离散地形杂波5	80	300	17



仿真数据的距离-多普勒图如图4所示,运动目 标已经在图 4 中标出, 注入的孤立干扰或离散地形 杂波信号处于旁瓣区,并未在图中标出。图 5 给出 了 50 号距离门的 Capon 谱(空时平滑子孔径大小分 别为6和10)。可以明显观察到在旁瓣区存在一个孤 立干扰(归一化多普勒频率约为-0.3)。对 54 号距离 门进行检测,其 Capon 谱如图 6 所示。图 7 给出了 估计的杂波功率谱(文献[12]中讨论了 2 维谱搜索间 隔对杂波子空间估计的影响,此处我们取2维谱搜 索间隔为1/20的主瓣宽度,其中主瓣宽度定义为空 域或时域孔径的倒数),可以看出,采用所提距离-空时联合滤波方法能够获得较好的杂波功率谱估计 且消除了目标信号和孤立干扰(或离散地形杂波)的 影响(中值滤波窗半径为15,距离维和功率谱为调节 因子分别为120和10)。在此基础上,根据重构的全 维杂波协方差矩阵构造出该距离门数据的自适应权 矢量,可以完成杂波抑制。为了方便分析,我们给 出3种加权 SCM 类方法(即加权迭代 GIP 方法、传 统 GIP 方法和 SCM 方法)估计的杂波协方差矩阵作 为对比。

为了说明训练样本数变化对所提方法的影响, 图 8 给出了不同估计方法获得的杂波子空间与真实



图 4 仿真数据的距离-多普勒图



杂波子空间距离随训练样本数的变化关系曲线(子 空间距离定义为 $\|\widehat{U}_{s}\widehat{U}_{s}^{H} - U_{s}U_{s}^{H}\|_{F}/\|U_{s}U_{s}^{H}\|_{F}$ ,其中  $U_{s}U_{s}^{H}$ 表示真实杂波子空间, $\widehat{U}_{s}\widehat{U}_{s}^{H}$ 表示估计的杂 波子空间, $\|\|_{F}$ 表示矩阵的 F-范数。显然,子空间 距离越小,说明估计的杂波协方差矩阵越准确)。可 以看出:在训练样本数 L少于两倍系统自由度 M(此 处 M=250)时,距离-空时联合滤波方法估计的杂波 协方差矩阵准确程度优于 3 种加权 SCM 类方法。此 外,所提方法对训练样本数的变化具有良好的稳健 性。事实上,由于结合了直接数据域的处理方式, 故该方法对训练样本数的需求不高。为了更好地反 映本文方法相比于加权 SCM 类方法在非均匀环境 中的样本数不足情况下的性能优势,在以下仿真中, 选择 520 个距离门作为训练样本。

图 9 给出了训练样本数为 520 时,采用不同方 法得到的单次输出的信杂噪比(SCNR)损失随归一 化多普勒频率变化曲线的对比。从图 9 可知,传统 GIP 方法能够挑选出一部分存在目标信号污染的样 本,不过却无法挑选出远距离单元的非均匀样本, 因而其杂波协方差矩阵估计性能不好,产生一定程 度的信号自相消现象。进一步地,还可以观察到, 加权迭代 GIP 方法虽然能够消除非均匀样本的影 响,但是针对整个距离单元进行加权的方式依然等 效于舍弃了非均匀样本,样本利用率降低,使得杂



图 7 估计的杂波功率谱(54 号距离门)



波协方差矩阵估计性能损失增大(样本数小于2倍系统自由度,性能损失将超过3dB)。此外,所提方法在目标所在多普勒频率处的性能优于3种加权SCM类方法。这也说明了,所提方法能够有效克服样本挑选(或加权)方法数据利用率不高的问题,缓解了目标信号污染等非均匀环境下样本数不足带来的协方差矩阵估计性能下降问题。

为了进一步说明所提方法的 STAP 性能,我们 采用不同方法获得协方差矩阵后计算最优权矢量, 分别对 44~64 号距离门进行杂波抑制处理,处理结 果如图 10 所示。可以看出,目标自相消效应损失了 40 dB 左右运动目标能量,导致 SCM 方法目标检测 性能下降。而传统 GIP 方法和加权迭代 GIP 方法能 够在一定程度缓解目标自相消效应,不过却无法避 免 55 号或 50 号距离门的孤立干扰引起的虚警。相 比于 3 种加权 SCM 类方法,所提方法具有较好的目 标检测性能。

### 5 结束语

本文在空时2维谱平面上联合多个距离门样本 数据,采用距离维和功率谱维滤波方式估计待检测 单元的杂波谱,从而正确重构出全维的杂波协方差 矩阵。距离-空时联合滤波方法提高了数据利用率并 有效地缓解了传统统计 STAP 方法训练样本数需求 和非均匀样本性能损失的矛盾。仿真数据处理结果



图 8 杂波子空间距离随训练样本数变化关系



图 9 输出 SCNR 损失曲线

表明本文方法能够在样本数不足时缓解目标信号污染、离散地形杂波或孤立干扰导致的 STAP 性能下降问题。

### 参考文献

- BRENNAN L E, REED I S, and MALLETT J D. Theory of adaptive radar[J]. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 1973, 9(3): 237–251. doi: 10.1109/TAES. 1973.309792.
- [2] BESSON O, BIDON S, and TOURNERET J Y. Covariance matrix estimation with heterogeneous samples[J]. *IEEE Transactions on Signal Processing*, 2008, 56(3): 909–920. doi: 10.1109/TSP.2007.908995
- [3] MELVIN W L. A STAP overview[J]. IEEE Aerospace Electronic Systems Magazine, 2004, 19(1): 19–35. doi: 10.1109/MAES.2004.1263229.
- [4] 高志奇,陶海红,赵继超. 基于 S 变换的机载雷达稳健空时自适应算法[J].系统工程与电子技术,2016,38(6):1268-1275. doi: 10.3969/j.issn.1001-506X.2016.06.08.
  GAO Zhiqi, TAO Haihong, and ZHAO Jichao. Robust space-time adaptive processing based on S transform for airborne radar[J]. Systems Engineering and Electronics, 2016, 38(6): 1268-1275. doi: 10.3969/j.issn.1001-506X.2016.06.08.
- [5] BESSON O and BIDON S. Adaptive processing with signal contaminated training samples[J]. *IEEE Transactions on Signal Processing*, 2013, 61(17): 4318–4329. doi: 10.1109/ TSP.2013.2269048.
- [6] BIDON S, BESSON O, and TOURNERET J Y. A bayesian approach to adaptive detection in nonhomogeneous environments[J]. *IEEE Transactions on Signal Processing*, 2008, 56(1): 205–217. doi: 10.1109/TSP.2007.901664.
- [7] TONG Yalong, WANG Tong, and WU Jianxin. Improving EFA-STAP performance using persymmetric covariance matrix estimation[J]. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 2015, 51(2): 925–936. doi: 10.1109/TAES. 2015.130264.



图 10 STAP 处理后的归一化输出 SCNR(归一化多普勒频率 0.3356)

- [8] FA Rui and DE LAMARE R C. Reduced-rank STAP algorithms using joint iterative optimization of filers[J]. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 2011, 47(3): 1668–1684. doi: 10.1109/TAES.2011.5937257.
- [9] HAN Sudan, FAN Chongyi, and HUANG Xiaotao. Knowledge-aided shrinkage interference covariance matrix estimation in STAP[C]. 2015 International Conference on Estimation, Detection and Information Fusion (ICEDIF), Harbin, China, 2015: 259–263. doi: 10.1109/ICEDIF.2015. 7280202.
- [10] 方明, 刘宏伟, 戴奉周, 等. 基于环境动态感知的空时自适应 处理[J]. 电子与信息学报, 2015, 37(8): 1786-1792. doi: 10.11999/JEIT141505.

FANG Ming, LIU Hongwei, DAI Fengzhou, et al. Space-time adaptive processing via dynamic environment sensing[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2015, 37(8): 1786–1792. doi: 10.11999/JEIT141505.

[11] 吴亿锋,王彤,吴建新,等. 基于道路信息的知识辅助空时自适应处理[J]. 电子与信息学报,2015,37(3):613-618.doi:10.11999/JEIT140626.
WU Yifeng, WANG Tong, WU Jianxin, et al. A knowledge aided space time adaptive processing based on road network

aided space time adaptive processing based on road network data[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2015, 37(3): 613–618. doi: 10.11999/JEIT140626.

- [12] 文才, 王彤, 吴建新. 直接数据域迭代空时自适应处理方法[J].
  系统工程与电子技术, 2014, 36(5): 831-837. doi: 10.3969/ j.issn.1001-506X.2014.05.04.
  WEN Cai, WANG Tong, and WU Jianxin. Direct data domain approach with iterative space-time adaptive processing[J]. Systems Engineering and Electronics, 2014, 36(5): 831-837. doi: 10.3969/j.issn.1001-506X.2014.05.04.
- [13] 杨志伟,贺顺,廖桂生,等. 任意线阵的直接数据域空时自适应处理方法[J]. 电子学报, 2011, 39(12): 2900-2904.
  YANG Zhiwei, HE Shun, LIAO Guisheng, *et al.* Direct data domain approach with space-time adaptive processing for arbitrary linear array[J]. *Acta Electronica Sinica*, 2011,

39(12): 2900-2904.

- [14] WU Yifeng, WANG Tong, WU Jianxin, et al. Training sample selection for space-time adaptive processing in heterogeneous environments[J]. *IEEE Geoscience and Remote Sensing letters*, 2015, 12(4): 691–695. doi: 10.1109/ LGRS.2014.2357804.
- [15] YANG Xiaopeng, LIU Yongxu, HU Xiaona, et al. Robust generalized inner products algorithm using prolate spheroidal wave functions[C]. Radar Conference (RADAR) on Aerospace, Components and Signal Processing, Atlanta, GA, 2012: 581–584. doi: 10.1109/RADAR.2012.6212207.
- [16] YANG Xiaopeng, LIU Yongxu, and LONG Teng. Robust non-homogeneity detection algorithm based on prolate spheroidal wave functions for space-time adaptive processing [J]. *IET Radar, Sonar and Navigation*, 2013, 7(1): 47–54. doi: 10.1049/iet-rsn.2011.0404.
- [17] 郭佳佳,廖桂生,杨志伟,等.利用广义内积值迭代加权的空时协方差矩阵估计方法[J].电子与信息学报,2014,36(2):422-427.doi: 10.3724/SP.J.1146.2013.00426.
  GUO Jiajia, LIAO Guisheng, YANG Zhiwei, et al. Iterative weighted covariance matrix estimation method for STAP based on generalized inner products[J]. Journal of Electronics

& Information Technology, 2014, 36(2): 422-427. doi: 10.3724/SP.J.1146.2013.00426.

- [18] REED I S, MALLETT J D, and BRENNAN L E. Rapid convergence rate in adaptive arrays[J]. *IEEE Transactions* on Aerospace and Electronic Systems, 1974, 10(6): 853–863. doi: 10.1109/TAES.1974.307893.
- [19] WARD J. Space-time adaptive processing for airborne radar[R]. Lexington, MA: Lincoln Lab., 1994: 20–51.
- [20] HONDT O D, GUILLASO S, and HELLWICH O. Iterative bilateral filtering of polarimetric SAR data[J]. *IEEE Journal* of Selected Topics in Applied Earth Observations and Remote Sensing, 2013, 6(3): 1628–1639. doi: 10.1109/JSTARS.2013. 2256881.
- 许华健: 男,1990年生,博士生,研究方向为空时自适应处理、 合成孔径雷达动目标检测.
- 杨志伟: 男,1980年生,副教授,主要研究方向为阵列信号处理、 地面动目标检测、极化处理.
- 廖桂生: 男,1963年生,教授,主要研究方向为自适应信号处理、 信号检测与估计、智能天线信号处理技术.
- 田 敏: 女,1993年生,博士生,研究方向为运动平台地面动目 标检测.