# 基于深度置信网络和双谱对角切片的低截获概率雷达信号识别

王 星<sup>\*①</sup> 周一鹏<sup>①</sup> 周东青<sup>①</sup> 陈忠辉<sup>②</sup> 田元荣<sup>①</sup> <sup>①</sup>(空军工程大学航空航天工程学院 西安 710038) <sup>③</sup>(解放军 95357 部队 佛山 528227)

摘 要:基于深度置信网络(DBN)对信号双谱对角切片(BDS)结构特征进行学习,实现低截获概率(LPI)雷达信号 识别。该方法首先建立基于受限玻尔兹曼机(RBM)的 DBN 模型,对 LPI 雷达信号的 BDS 数据进行逐层无监督贪 心学习,然后运用后向传播(BP)机制在有监督学习方式下根据学习误差对 DBN 模型参数进行微调,最后基于该 BDS-DBN 模型实现未知信号的分类和识别。理论分析和仿真结果表明,信噪比高于 8 dB 时,基于 BDS 和 DBN 的识别方法对调频连续波(FMCW),Frank,Costas,FSK/PSK 4 类 LPI 信号的综合识别率保持在 93.4%以上,高于 传统的主成分分析加支持向量机法(PCA-SVM)和主成分分析加线性判别分析法(PCA-LDA)。 关键词:低截获概率雷达;深度学习;深度置信网络;双谱对角切片;受限玻尔兹曼机 中图分类号: TN97 文献标识码: A 文章编号: 1009-5896(2016)11-2972-05 DOI: 10.11999/JEIT160031

# Research on Low Probability of Intercept Radar Signal Recognition Using Deep Belief Network and Bispectra Diagonal Slice

WANG Xing<sup>10</sup> ZHOU Yipeng<sup>10</sup> ZHOU Dongqing<sup>10</sup> CHEN Zhonghui<sup>20</sup> TIAN Yuanrong<sup>10</sup> <sup>10</sup>(Institute of Aeronautics and Astronautics Engineering, Air Force Engineering University, Xi'an 710038, China) <sup>20</sup>(Unit 95357 of PLA, Foshan 528227, China)

Abstract: A novel recognition algorithm for Low Probability of Intercept (LPI) radar signal based on deep learning of radar signals' Bispectra Diagonal Slice (BDS) is proposed in this paper. Firstly, a Deep Belief Network (DBN) model is established on stacked Restricted Boltzmann Machines (RBM), then the model is used for layer-by-layer unsupervised greedy learning of radar signals' BDS. Secondly, a Back Propagation (BP) algorithm is applied to fine tune parameters of DBN model with a supervised way according to learning error. Finally, the BDS-DBN model is constructed to classify and recognize unknown LPI signals. The theoretical analysis and the simulation results show that, the average recognition accuracy of the proposed algorithm for Frequency Modulation Continuous Wave (FMCW), Frank, Costas and FSK/PSK signals can reach 93.4% or ever higher while the SNR is better than 8 dB, which is better than that of Principal Component Analysis-Support Vector Machine (PCA-SVM) algorithm and Principal Component Analysis (PCA-LDA) algorithm.

**Key words**: Low Probability of Intercept (LPI) radar; Deep learning; Deep Belief Network (DBN); Bispectra Diagonal Slice (BDS); Restricted Boltzmann Machine (RBM)

## 1 引言

低截获概率<sup>[1,2]</sup>(Low Probability of Intercept, LPI)雷达信号具有时宽带宽积大、抗干扰能力强、 高分辨和低截获等特性<sup>[3]</sup>,逐渐在机载火控雷达、舰 载防空雷达、超视距雷达等领域广泛应用。雷达信 号识别是电子对抗中的关键环节,然而传统的非合作截获接收机难以对 LPI 信号进行有效识别,因此 LPI 雷达信号的有效识别方法成为非合作雷达信号 处理的研究重点。

实现雷达信号识别的关键在于选取有效的信号 特征和识别算法。在信号特征选择方面,传统的脉 冲描述字难以描述 LPI 信号等复杂的新体制雷达信 号,因此模糊函数特征、熵特征、双谱特征等一系 列新特征逐渐提出。其中双谱特征不仅包含了信号 的振幅和相位信息,而且还具有时移不变性、尺度 变化性、相位保持性以及抑制高斯噪声的特点<sup>[4]</sup>,在

收稿日期: 2016-01-16; 改回日期: 2016-07-14; 网络出版: 2016-09-30 \*通信作者: 王星 wang\_xing1965@163.com

基金项目: 国家自然科学基金(61372167), 航空科学基金(20152096019)

Foundation Items: The National Natural Science Foundation of China (61372167), The Aeronautical Science Foundation of China (20152096019)

信号识别中具有重要优势。文献[5]通过 B 分离度准 则提取双谱二次特征,然后基于支持向量机分类器 实现雷达辐射源识别,但二次特征的提取导致部分 信息丢失,影响了识别正确率的提高。文献[6]运用 主成分分析方法对矩形积分双谱特征矢量降维后通 过支持向量机实现对通信辐射源的识别,正确率达 到 90%, 然而这种基于矩形积分双谱特征和通信辐 射源信号特征的特征集维度较大且不完全适用于雷 达信号。在识别算法方面,随着机器学习理论的发 展,深度学习由于具有强大的特征学习能力,逐渐 成为模式识别领域的研究热点。深度学习方法通过 卷积神经网络、受限玻尔兹曼机、自编码器及其变 型[7,8]等基础模块搭建深层神经网络。这类深层网络 相比于神经网络算法和支持向量机等"浅层学习" 方法而言,可以自动地学习得到层次化的特征表示, 从而更有利于分类或特征的可视化<sup>19</sup>,目前已经在语 音识别、信息检索和计算机视觉等领域取得了突破 性进展。

在前人的研究基础上,本文提出一种基于双谱 对角切片(Bispectra Diagonal Slice, BDS)和深度置 信网络(Deep Belief Network, DBN)的 LPI 雷达信 号识别方法。在信号特征方面,基于双谱的对称性 提取对角切片,不仅能有效体现信号双谱特征,还 可以极大地减小特征的维数;在识别算法方面,利 用深度学习的强大学习和表达能力实现对 BDS 特 征的深层次学习,进而实现 LPI 信号的准确识别。

# 2 LPI 信号双谱分析

#### 2.1 双谱特征分析

双谱是信号高阶谱中三阶累量的简称,是信号 三阶自相关的2维傅里叶变换。对于某 LPI 雷达信 号 *x*(*t*),其双谱表达式为

$$\begin{split} B_x(w_1,w_2) &= G_{3,x}(w_1,w_2) \\ &= \sum_{\tau_1} \sum_{\tau_2} C_{3x}(\tau_1,\tau_2) \mathrm{e}^{-\mathrm{j}(w_1\tau_1+w_2\tau_2)} \qquad (1) \end{split}$$

其中,  $C_{3x}(\tau_1, \tau_2)$ 为信号 x(t)的三阶相关函数:

$$C_{3x}(\tau_1, \tau_2) = E\left\{x^*(t)x(t+\tau_1)x(t+\tau_2)\right\}$$
(2)

根据信号双谱的定义,信号的双谱为一个 N×N 维矩阵。不同雷达信号的双谱分布不同,图 1 为本 文研究的 4 种 LPI 雷达信号样本的双谱 3 维图(Z 轴 为幅度,X,Y 轴为双谱矩阵的 N 维),从图中可知 4 种样本的双谱图差异较大,选择信号双谱特征作为 雷达信号识别的依据具有可行性。

#### 2.2 双谱对角切片(BDS)的提取

直接应用双谱进行雷达信号识别需要进行复杂的2维计算。而由于三阶自相关函数在( $\tau_1, \tau_2$ )平面有6种对称关系,因此只要知道信号在平面内12个区域中任意一个的分布,即可根据对称性得到全平面的分布。

因此,考虑到双谱的对称特性,可选取双谱矩 阵的 BDS 作为信号的特征,对角切片由双谱矩阵的 反对角线元素组成。图 2 为图 1 中 4 个 LPI 信号样 本双谱图的对角切片,4 种 LPI 雷达信号的对角切 片均关于中心对称,但切面形状区分明显,因此可 以作为信号识别依据。



#### 图 1 4 种雷达信号的双谱示例



图 2 4 种信号 BDS 示例

## 3 基于 BDS-DBN 的 LPI 雷达信号识别

#### 3.1 受限玻尔兹曼机(RBM)预训练

DBN 作为一种深层神经网络最初由 Hinton 等人<sup>[10]</sup>提出,这种模型可以看作是由多个受限玻尔兹 曼机(Restricted Boltzmann Machine, RBM)前后叠 加形成,是有着多层解释因子的神经网络<sup>[11,12]</sup>。RBM 是 DBN 的基本结构单元,其网络单元分为可视层 和隐含层,结构如图 3 所示。其中  $v_i$ 和  $h_j$ 取值为二 值状态(取 0 或 1), $a_i$ 和  $b_j$ 分别为对应单元的偏置值,  $w_{ij}$ 为单元  $v_i$ 和  $h_j$ 之间的权重。



图 3 RBM 结构示意图

单层 RBM 训练时,将已知的可视层数据作为 输入,通过条件概率 *p*(*h*|*v*)得到隐含层 *h*,然后根据 隐含层 *h* 和条件概率 *p*(*v*|*h*)重构可视层 *v*'。训练过 程中需要调整网络参数使重构的可视层 *v*'与输入的 可视层 *v* 之间的残差最小。当重构效果较好时可认 为隐含层是可视层的一种较优的特征提取。由于提 取的特征不是事先定义的,而是根据输入数字自身 特点进行提取得到,因此更能体现数据内在结构特 点。

#### 3.2 基于多层 RBM 的 DBN 构建

本文算法由多个 RBM 构成 DBN 模型, 以 BDS

作为底层 RBM 的输入。前一个 RBM 训练得到的 隐含层输出作为后一个 RBM 的可视层输入,多个 RBM 逐层进行无监督贪心预训练,优化得到网络的 权值组合。然后运用 BP 算法针对训练结果与期望 结果的误差对整个网络参数进行微调。由 2 层 RBM 构成的 DBN 模型如图 4 所示,图中圆点为各层单 元。

#### 3.3 基于 BDS-DBN 的 LPI 雷达信号识别算法

在信号双谱特征和深度学习理论的基础上,本 文提出一种基于 BDS-DBN 的 LPI 雷达信号识别方 法。算法的具体步骤为:

步骤 1 BDS提取。首先计算各类信号的双谱, 然后提取其对角切片 BDS,并进行归一化处理;



图 4 2层RBM构成的DBN模型

2975

步骤 2 无监督的 RBM 训练。RBM 逐层连接 组成 DBN 模型,将训练集信号的 BDS 作为底层 RBM 的可视层输入,对各个 RBM 进行单独的逐层 无监督贪心预训练;

步骤3 有监督的 BP 微调。在最后一个 RBM 的输出后加上一个后向传播(Back Propagation, BP) 机制用于有监督的学习。即将带类别标签的 BDS 数据作为输入,运用 BP 算法将实际分类结果和样本标签的误差向后逐层传递,对整个 DBN 网络进行参数微调以降低误差,并将 DBN 模型参数传递给分类层;

步骤 4 信号识别。将测试集样本的 BDS 作为 模型输入,进行信号识别。

#### 4 实验结果及分析

#### 4.1 实验设置

实验所使用的 LPI 信号均通过 Low Probability of Intercept Toolbox<sup>[13]</sup>产生,包括4种 LPI 信号: 调频连续波 (Frequency Modulation Continuous Wave, FMCW)信号, Frank 信号, Costas 信号和 FSK/PSK 信号。

FMCW 信号:采用三角波 FMCW 波形,载频  $f_0$ 范围为 1~2 kHz,采样频率  $f_{s1}$ 为 7 kHz,调制带 宽 F范围为 250~350 Hz; Frank 信号:采用 8 个步 进频率,载频  $f_0$ 范围为 1~2 kHz,采样频率  $f_{s2}$ 为 7 kHz; Costas 信号:频率序列为[3 2 6 4 5 1] kHz 和 [2 4 8 5 10 9 7 3 6 1] kHz,频率波动范围为 500 Hz, 采样频率  $f_{s3}$ 为 15 kHz; FSK/PSK 信号:基于 Costas 序列跳频的 FSK 信号和 PSK 信号组合,跳频序列 为[5 4 6 2 3 1] kHz,频率波动范围为 500 Hz,采样 频率  $f_{s4}$ 为 15 kHz。4 种信号的幅度均为 1,长度为 500,各产生信号样本的 BDS 共 500 组,有监督预 训练时随机选择每类信号的 250 组作为训练集,将 剩下的 250 组作为测试集。

双谱运算采用非参数化直接双谱估计法<sup>[4]</sup>,获 得的双谱矩阵为 128×128 维,BDS 为 1×128 维。 DBN 网络的深度为 2 层,为了保证对原始数据的全 信息输入,底层 RBM 的可视层单元数设为 128,隐 含层单元数为 80,第 2 层 RBM 的隐含层单元数为 60。

#### 4.2 结果及分析

**4.2.1 算法识别效果**为了验证 BDS 在雷达信号识别中的有效性,将 BDS-DBN 算法与直接利用 DBN 识别原始信号的算法进行比较,识别效果如表 1 所示。

由表1可知,采用 BDS 作为 DBN 输入比采用 原始信号直接作为输入的识别率有显著提高,说明 BDS 能够作为区分不同 LPI 雷达信号的有效特征。

表1 DBN 与 BDS-DBN 识别正确率对比(%)

| 信号      | FMCW | Frank | $\operatorname{Costas}$ | FSK/PSK | 平均正确率 |
|---------|------|-------|-------------------------|---------|-------|
| DBN     | 96.4 | 0     | 26.0                    | 30.4    | 38.2  |
| BDS-DBN | 99.2 | 100   | 97.6                    | 96.4    | 98.3  |

进一步分析 BDS-DBN 算法中各层的输出特性。通过 LDA 方法将 4 种信号在各层的输出降维到 d<sub>1</sub>,d<sub>2</sub>和 d<sub>3</sub>组成的 3 维空间。图 5(a)-图 5(c)分别为 原始信号、底层 RBM 输出以及第 2 层 RBM 的降 维输出。从图 5(a)中可知 4 种信号的原始数据在降 维空间中严重混叠。随着 RBM 个数的增加,从底 层 RBM 输出和第 2 层 RBM 输出可以看出 4 种信 号样本逐渐分离。上述现象说明本文采用的 DBN 模型能够对 4 种信号进行逐层有效分离。

**4.2.2 不同算法识别效果比较** 将本文提出的 BDS-DBN 算法与 PCA-LDA 算法以及 PCA-SVM 算法 进行比较,在不同加性高斯白噪声条件下对4类LPI 信号进行识别,识别结果如表2所示。

表 2 不同信噪比下的识别正确率(%)

| 信噪比(dB) | 0    | 2    | 4    | 6    | 8    | 10   |
|---------|------|------|------|------|------|------|
| PCA-SVM | 45.3 | 58.9 | 67.6 | 75.7 | 83.1 | 88.2 |
| PCA-LDA | 56.2 | 66.7 | 74.5 | 80.1 | 86.6 | 91.9 |
| BDS-DBN | 64.8 | 73.5 | 80.3 | 87.7 | 93.4 | 97.1 |

表 2 中可以看出,在不同信噪比条件下本文算 法的识别正确率均高于 PCA-LDA 算法和 PCA-SVM 算法。由于 PCA-LDA 算法基于线性降维后最 大化类间距离并最小化类内距离的思想,因此对于 数据样本的特征学习不充分;而 SVM 算法作为一 种浅层学习方法,对于信号双谱特征这类高度非线 性数据学习能力较差;相比之下 BDS-DBN 算法通 过 RBM 单元对数据内在特征进行降维和特征提取, 对 BDS 数据的内在结构学习更充分,因而对于 4 类 LPI 雷达信号的识别更有效。

#### 5 结束语

本文提出一种基于信号双谱对角切片特征和深 度置信网络的 LPI 雷达信号识别算法。在信号特征 提取方面,基于信号双谱特性提出的 BDS 特征拓展 了雷达对抗侦察中的信息维度,可以有效地表征雷 达信号特征;在识别方法方面,基于 BDS 和 DBN 的 LPI 雷达信号识别方法可以获得良好的识别正确 率。仿真结果表明,在不同信噪比条件下,该算法 可以有效识别典型的 LPI 雷达信号,识别性能优于 传统的 PCA-SVM 和 PCA-LDA 算法。



图 5 DBN 模型中各层输出的降维结果

#### 参 考 文 献

- PHILLIP E P. Detecting and Classing Low Probability of Intercept Radar (Second Edition)[M]. Norwood, MA, USA, Artech House, 2009: 1–15.
- [2] LIU Y J, XIAO P, WU H C, et al. LPI radar signal detection based on radial integration of Choi-Williams time-frequency image[J]. Journal of Systems Engineering and Electronics, 2015, 26(5): 973–981. doi: 10.1109/JSEE.2015.00106.
- [3] 李娜, 王珂, 李保珠. 低截获概率雷达信号检测方法的优化及应用[J]. 光学精密工程, 2014, 22(11): 3122-3128. doi: 10. 3788/OPE. 20142211.3122.

LI Na, WANG Ke, and LI Baozhu. Optimization and application of LPI radar signal detection method[J]. *Optics* and *Precision Engineering*, 2014, 22(11): 3122–3128. doi: 10.3788/OPE. 20142211.3122.

[4] 蔡忠伟,李建东.基于双谱的通信辐射源个体识别[J].通信学报,2006,28(2):75-79. doi: 10.3321/j.issn:1000-436x.2007.02.
 012.

CAI Zhongwei and LI Jiandong. Study of transmitter individual identification based on bispectra[J]. *Journal on Communications*, 2006, 28(2): 75–79. doi: 10.3321/j.issn: 1000-436x.2007.02.012.

- [5] 王世强,张登福,毕笃彦,等.双谱二次特征在雷达信号识别中的应用[J].西安电子科技大学学报(自然科学版),2012,39(2):127-132.doi:10.3969/j.issn.1001-2400.2012.02.021.
  WANG Shiqiang, ZHANG Dengfu, BI Duyan, *et al.* Research on recognizing the radar signal using the bispectrum cascade feature[J]. *Journal of Xidian University*, 2012, 39(2): 127-132. doi: 10.3969/j.issn.1001-2400.2012.02.021.
- [6] 徐书华,黄本雄,徐丽娜. 基于 SIB/PCA 的通信辐射源个体 识别[J]. 华中科技大学学报(自然科学版), 2008, 36(7): 14-17. doi: 10.3321/j.issn:1671-4512.2008.07.004.
  XU Shuhua, HUANG Benxiong, and XU Lina. Identification of individual radio transmitters using SIB/PCA[J]. Journal of Huazhong University of Science and Technology (Natural Science Edition), 2008, 36(7): 14-17. doi: 10.3321/j.issn:1671-4512.2008.07.004.
- [7] 胡振,傅昆,张长水.基于深度学习的作曲家分类问题[J].计算机研究与发展,2014,51(9):1945-1954. doi: 10.7544/issn. 1000-1239.2014.20140189.

HU Zhen, FU Kun, and ZHANG Changshui. Audio classical

composer identification by deep neural network[J]. Journal of Computer Research and Development, 2014, 51(9): 1945–1954. doi: 10.7544/issn.1000-1239.2014.20140189.

- SCHMIDHUBER J. Deep learning in neural networks: An overview[J]. Neural Networks, 2014, 61: 85–117. doi: 10.1016/ j.neunet.2014.09.003.
- [9] 尹宝才,王文通,王立春. 深度学习研究综述[J]. 北京工业大学学报,2015,41(1):48-59. doi: 10.11936/bjutxb2014100026.
   YIN Baocai, WANG Wentong, and WANG Lichun. Review of deep learning[J]. *Journal of Beijing University of Technology*, 2015, 41(1):48-59. doi: 10.11936/bjutxb2014100026.
- [10] HINTON G E, OSINDERO S, and TEH Y W. A fast learning algorithm for deep belief nets[J]. Neural Computation, 2006, 18(7): 1527–1554.doi: 10.1162/neco.2006.18.7.1527.
- [11] SARIKAYA R, HINTON G E, and DEORAS A. Application of deep belief networks for natural language understanding[J]. *IEEE Transactions on Audio, Speech, and Language Processing*, 2014, 22(4): 778–784. doi: 10.1109/TASLP. 2014.2303296.
- [12] HINTON G, LI D, DONG Y, et al. Deep neural networks for acoustic modeling in speech recognition: the shared views of four research groups[J]. *IEEE Signal Processing Magazine*, 2012, 29(6): 82–97. doi: 10.1109/MSP.2012.2205597.
- [13] TABOADA and FERNANDO L. Detection and classification of low probability of intercept radar signals using parallel filter arrays and higher order statistics[D]. [Ph.D. dissertation], Naval Postgraduate School, 2002.
- [14] 张旭. 基于信号分析的无线设备"指纹"特征提取[D]. [硕士论 文],北京邮电大学, 2014: 13-14.
  ZHANG Xu. Wireless devices "fingerprint" feature extraction based on signal analysis[D]. [Master dissertation], Beijing University of Posts and Telecommunications, 2014: 13-14.
- 王 星: 男,1965年生,教授,博士生导师,研究方向为电子对 抗理论与技术.
- 周一鹏: 男, 1992年生, 硕士生, 研究方向为电子战信号处理.
- 周东青: 男, 1988年生, 博士生, 研究方向为组网电子对抗.
- 陈忠辉: 男,1969年生,高级工程师,研究方向为电子对抗理论 与技术.
- 田元荣: 男, 1989年生, 博士生, 研究方向为电子战信号处理.