数据锁存处理的低误码率编码方法研究

吴金¹ 江 琦² 郑丽霞^{*1} 孙东辰² 宋 科² 孙伟锋²
 ¹(东南大学无锡分校 无锡 214135)
 ²(东南大学集成电路学院 南京 210096)

摘 要:对于时间信号量化后的数字编码处理,传统编码方法高频条件下存在高误码率导致数据量化精度退化的问题。该文从数据误码根源分析入手,建立起不同状态模式下包含锁存和延迟失配效应的误码解析分析模型,并在二进制和格雷码编码方法对比的基础上,分析了低误码率的同频码编码设计方法。基于 TSMC 0.35 μm CMOS 工艺,完成了采用同频码编码方法的时间数字转换器(TDC)电路及其版图设计,多项目晶元(MPW)芯片的测试结果表明:同频编码的误码率相比同等条件下传统编码方法的误码率明显降低,并与理论分析基本吻合。
 关键词:编码电路;时间数字转化器;误码率;数据采样
 中图分类号: TN402
 文献标识码:A
 文章编号: 1009-5896(2016)07-1831-07
 DOI: 10.11999/JEIT151104

Research on Low Bit Error Rate Encoding Method for Data Latch Processing

WU Jin^①

JIANG Qi²

 ${\rm ZHENG\ Lixia}^{\textcircled{0}} \qquad {\rm SUN\ Dongchen}^{\textcircled{0}} \qquad {\rm SONG\ Ke}^{\textcircled{0}} \qquad {\rm SUN\ Weifeng}^{\textcircled{0}}$

⁽¹⁾(Wuxi Branch, Southeast University, Wuxi 214135, China)

⁽²⁾(Institute of Integrated Circuit, Southeast University, Nanjing 210096, China)

Abstract: In the data processing of quantified time signal, traditional encoding method in high frequency is faced with the problem of high Bit Error Rate (BER) affecting the data's quantitative accuracy. This paper presents BER mechanism analytical model according to the analysis of the causes of bit error, which takes both data latch and delay mismatch effects of different state pattern into consideration. And the analysis of same frequency coding mode with low BER is put forward based on the comparison of the binary and Gray coding method. The circuit and layout designs of Time to Digital Converter (TDC) with same frequency coding mode are implemented in TSMC 0.35µm CMOS process. The test results of the Multi Project Wafer (MPW) chip show that BER of the same frequency coding mode is effectively reduced compared with traditional encoding modes under the same conditions. **Key words**: Coding circuit; Time to Digital Converter (TDC); Bit Error Rate (BER); Data sampling

1 引言

时间数字转换器 (Time-to-Digital Converter, TDC)可将两个异步信号定义的时间间隔模拟量转 换为二进制数字量^[1-3]。时间测试量程与量化分辨 率作为 TDC 的关键指标,在大阵列应用条件下因寄 生效应的影响而明显退化。对被测时间的非理想采 样与编码操作,显著增加了转换过程中的非线性误 差^[4,5]。因此,为了抑制 TDC 有效转换位数的退化, 必须在状态采样和数据编码处理过程中找到抑制误 码的有效方法。TDC 的基本量化单位通常直接或间

收稿日期: 2015-09-29; 改回日期: 2016-03-03; 网络出版: 2016-04-07 *通信作者: 郑丽霞 zhenglx79@163.com

基金项目: 江苏省自然科学基金(BK2012559)

接来自于计数时钟信号^{16]},时钟频率的变化将直接引 起状态采样的误码;对于频率稳定的计数时钟,触 发器的非理想建立保持时间^{17]},同样可引入状态锁存 误码。电路系统中的各类非理想因素正是通过对计 数时钟频率和逻辑电路延迟特性的影响,使系统量 化分辨性能明显偏离理想本征特性。

为简化分析,本文仅考虑在时钟频率稳定条件 下的误码问题及误码抑制方法。一般数字电路系统 中的数据采样均可通过采样时钟信号与数据时序的 配合,即采样时充分避开触发器建立保持时间有效 作用区域而避免误码。但在 TDC 应用中,由于采 样时钟信号与有效数据之间时序关系的随机性,非 理想采样引起的误码无法避免。此外,对采样状态 的非理想编码也会引入多路编码数据之间相对关系 的变化而产生误码。在二进制编码电路中,由传输

Foundation Item: Natural Science Foundation of Jiangsu Province (BK2012559)

路径延迟失配引起的误码,最低编码位因其频率最高,误码率最大。二进制编码状态变化时,编码中多位数据同时发生翻转,产生很大的尖峰脉冲,噪声特性的退化又进一步增大了误码风险^[8]。目前,对于TDC应用中数据转换误码模型仍缺乏系统研究,本文通过对误码根源的分析,提出了针对随机性数据非理想采样与编码的误码分析模型,在此基础上给出了抑制误码的优化方法及相应的编码电路设计方案。

2 误码产生根源

在上升和下降沿延迟均为零的理想稳定时钟条件下,对于频率为 f 的周期数据信号,其误码率 e 定义为一个周期内数据错误时间段 t_e所占的比重,即

$$e = ft_e \tag{1}$$

数据采样过程中误码有两种不同性质的来源, 分别对应数据锁存误码和数据编码误码。当随机到 来的数据锁存信号触发沿与数据信号跳变沿之间的 时间间隔小于触发器的建立保持时间时,数据采样 出错¹⁹。这种由触发器固有的建立保持时间引入的错 误采样为数据锁存误码,以e₁表示。实际非理想触 发器无法完全消除此类误码,只能通过减小建立保 持时间以及降低采样频率的方式加以抑制。在对多 相时钟各状态节点的编码过程中,扇入数量不同、 输出逻辑路径不匹配以及节点负载差异等因素,导 致相对延迟偏差并改变数据之间正常的相位关系, 由此引入的数据编码误码,以e₂表示^[10-12]。非理想 编码误码率的降低或消除依赖于电路延迟匹配性能 的改善。

触发器建立保持时间产生的固有锁存误码,其 本质是对正确数据的错误锁存,决定了系统所能达 到的最小误码率; 延迟失配引入的编码误码与不同 信号沿之间的相互位置关系密切相关,涉及最小公 倍周期的确定等问题,其实质是对错误数据的正确 锁存。若两种不同性质的误码源独立无关,则可分 别计算 e1和 e2,并利用线性叠加原理计算总的误码 率,即 e=e1+e2。若引入的两类误码信号相关,则 需找出两者的最小公倍数周期,将两个相关信号等 效成一个复合信号,分别考察锁存和编码误码率, 并按照等效单周期内的误差状况叠加得到完整误码 率,总误码率小于相互独立的两种误码源直接叠加 的结果,即 $e \leq e_1 + e_2$ 。在极特殊状态下,若两种误 码同时发生,双重误码可恢复到非误码,其实质是 对错误数据的错误锁存得到正确的数据。为简化模 型分析可忽略低概率事件,并可用最大误码率 e1+e2 估算最差条件下的总误码率 e。

3 误码模型

为正确锁存数据,触发器锁存时刻之前数据稳 定不变的最小时间应大于触发器的建立时间 t_s,而 保持时间 t_h决定了触发器锁存时刻之后,数据需维 持稳定不变的最小时间。输入数据需在触发器锁存 时刻之前与之后的建立保持时间 t_{sh}内维持稳定不 变,才能正确锁定数据,其中 t_{sh}=t_s+t_h,此类固有 误码率可以由 t_{sh}占时钟周期信号的比重近似估算。 在此基础上,增加编码误码模型,再根据两者不同 关联特性以特定方式叠加可以得到完整的误码模 型。

3.1 数据跳变沿近似对齐的误码模型

以两位二进制编码为例,编码数据周期信号 Y₁ 和 Y₂的频率分别为 f₁和 f₂, t_{sr}和 t_{hr}分别表示针对高 电平锁存的建立及保持时间, t_{sf}和 t_{hr}分别表示针对 低电平锁存的建立及保持时间; 触发器建立(或保持) 时间可取其高、低电平建立(或保持)时间的平均值。 若编码数据跳变沿之间的时间间隔充分靠近并小于 t_{sh},即边沿非严格对齐, Y₁和 Y₂的误码时间段存在 部分重合,各自的固有误码不再相互独立,有效误 码率低于各自独立误码率的线性叠加,即

$$e < t_{\rm sh} \times (f_1 + f_2) \tag{2}$$

根据图 1 给出的数据采样时序关系, 若 Y_1 和 Y_2 上升沿间距为 t_1 , 低频信号 Y_2 下降沿与 Y_1 上升 沿间距为 t_2 , 则高频信号 Y_1 的锁存误码率为 $t_{sh} \times f_1$; 由于 Y_2 上升沿与 Y_1 跳变沿之间存在交叠的建立保 持时间,所以 Y_2 引起的建立保持时间有效作用范围 增加了 t_1+t_2 , 即锁存误码率增加了 $(t_1+t_2)/T$, 其 中 T取两信号的最小公倍周期,则对于数据跳变沿 近似对齐的两路编码信号其总误码率为

 $e = t_{\rm sh} \times \max\{f_1, f_2\} + (t_1 + t_2) \times \min\{f_1, f_2\} \quad (3)$

显然,以上总误码率仍满足式(2)给定的约束条件,且式中第1项为触发器锁存单路高频信号的固 有锁存误码,对于多位编码的误码率,由数据变化 频率最高的权重位决定;第2项给出了两路二进制 编码细微延迟失配下低频数据位锁存对总误码的贡 献。降低各路编码信号的频率,采用低建立保持时 间的触发器,减小各路数据跳变沿之间的细微延迟 差异是降低数据锁存误码率的基本方法。若式(3)中 $t_1=t_2=0$,则总误码率仅来自于高频数据的锁存误 码,边沿严格对齐可将各路间失配对误码率附加的 影响降为0,以上两路编码可推广到多级二进制编 码输出模型。当二进制编码中任意两位数据跳变沿 的间距大于建立保持时间,则需要采用3.2 节数据 跳边沿非对齐模型进行相关误码率的计算。



图 1 相邻二分频数据采样的时序关系图

3.2 数据跳变沿非对齐的误码模型

对于其它非二进制编码方法,通常其相邻两位 编码输出信号的边沿间距远大于建立保持时间,满 足边沿无交叠条件;若 Y₁和 Y₂频率相同,初始沿 不交叠必然导致信号相位交错且不会再交叠;Y₁和 Y₂频率如存在整数倍关系,初始边沿错位,且错位 的相位差小于各编码输出的最小周期,两路信号之 间仍然不会出现边沿交叠。在此重复周期内,仅需 计算各自数据通路的锁存误码率,叠加后得到总的 锁存误码率。将以上两信号关系推广到无边沿交叠 的多位编码输出状态,得到由锁存误码决定的总误 码率为

$$e_1 = t_{\rm sh} \times \sum_{i=1}^n f_i \tag{4}$$

对于跳变沿非交叠的编码方法,两路交错信号 之间延迟失配产生的编码误码,可用图 2 定性说明。 Y_1 和 Y_2 为理想无延迟编码输出, Y'_1 和 Y'_2 为有延迟 的实际编码输出, 与 Y_1 和 Y_2 的相对延迟分为上升 沿延迟 t_{dr1} 和 t_{dr2} ,以及下降沿延迟 t_{dr1} 和 t_{dr2} 。若仅 编码输出有延迟,触发数据锁存的采样信号没有延 迟,在编码数据的相对延迟时间内,实际编码数据 与理想状态相反,即对错误数据的正确锁存形成误 码。在一个周期内,两组信号相对延迟构成的误码 总时间为 $t_e = t_{dr1} + t_{dr2} + t_{dr2}$ 。由于非交叠下各路 信号引起的编码误码相互独立,根据独立原则计算 各自周期内的误码并叠加,则总的编码误码率为



图 2 各支路延迟不匹配的输出波形

$$e_2 = (t_{\rm dr1} + t_{\rm df1}) \times f_1 + (t_{\rm dr2} + t_{\rm df2}) \times f_2 \tag{5}$$

以上两路无交叠边沿误码可推广到 n 级无交叠 编码支路的情况,对于相互独立的数据锁存与编码 误码,总误码率为

$$e = t_{\rm sh} \times \sum_{i=1}^{n} f_i + \sum_{i=1}^{n} \left[\left(t_{\rm dri} + t_{\rm dfi} \right) \times f_i \right]$$
(6)

与数据跳变沿近似对齐模式不同的是,数据跳 变沿非对齐模式下各权重数据位变化的频率均对锁 存误码有贡献,且延迟失配对误码的影响也比跳变 沿近似对齐模式下的更大。对于 Gary 码编码方法, 因各编码支路上升沿相对延迟相等,设为 t_{dr},下降 沿相对延迟相等,设为 t_{dr},则编码误码简化为

$$e_2 = \left(t_{\rm dr} + t_{\rm df}\right) \times \sum_{i=1}^n f_i \tag{7}$$

在各编码支路频率均相同的情况下,如同频码 编码,式(7)可进一步简化为

$$e_2 = n \times (t_{\rm dr} + t_{\rm df}) \times f_1 \tag{8}$$

因此,不同编码方式在不同状态条件下的误码 率,可以通过以上解析模型定量描述。

4 低误码率设计

根据所建立的误码模型,首先分析降低误码的 基本策略和方法,随后给出具体的实现方案并加以 验证。

4.1 编码误码抑制分析

降低触发器建立保持时间和编码数据的频率, 是降低锁存误码的基本方法。对于延迟失配造成的 编码误码可以通过控制采样信号延迟以减小此类误 码所占的比重。为简化分析,对每路数据信号的高 低电平传输延迟采用对称近似,即 $t_{dr1}=t_{df1}=t_{df1}$, $t_{dr2}=t_{df2}=t_{d2}$;但不同编码支路因逻辑门和路径深度 不同,其传输延迟并不相同。设 $t_{d2}>t_{d2}$,若控制采样 信号同步延迟 t_{d2} ,等效为采样信号不变,将 Y'_1 与 Y'_2 同步左移 t_{d2} ,如图3中 Y'_1 和 Y'_2 虚线所示。



图 3 采样信号延迟 ta2 的等效波形

等效后的 Y'_{2} 与初始理想 Y_{2} 重合,因此采样信号 触发锁存的是正确的数据 Y_{2} 。同理,虚线 Y'_{1} 相比原 始理想 Y_{1} 延迟了($t_{d1}-t_{d2}$),2($t_{d1}-t_{d2}$)时段内是对错 误数据实施的正确锁存,其中两倍系数来自对称的 高低电平跳变两组状态变化,因此边沿失配引入的 编码误码率降低到:

$$e_{2x} = 2\left|t_{d1} - t_{d2}\right| \times f_1 \tag{9}$$

采样信号经过某种延迟匹配控制后的编码误码率与未经延迟匹配的编码误码率比值为

$$p = \frac{e_{2x}}{e_2} = \frac{2|(t_{d1} - t_{d2}) \times f_1|}{2(t_{d1} + t_{d2}) \times f_1} = \frac{|t_{d1} - t_{d2}|}{t_{d1} + t_{d2}}$$
(10)

实际上,编码数据高低电平传输延迟并不相同,即 t_{di}≠t_{di};并且采样信号传输延迟 t_a与数据传输延迟 t_a与数据传输延迟 t_a与数据传输延迟 t_a与数据传输延迟 t_a与数据传输延迟 t_a与数据的编码误码率为

$$e_{2x} = \left(\sum_{i=1}^{n} |t_{\rm dri} - t_d| + \sum_{i=1}^{n} |t_{\rm dfi} - t_d|\right) \times f_1$$
(11)

对于传输延迟不匹配边沿非交叠的两路编码, 若 $t_{a1}=2t_{a2}$,则 p=33.3%。随着 $t_{a1} = t_{a2}$ 逐渐接近, 且与采样信号延迟匹配,则编码误码率逐渐变小, 当 $t_{a1}=t_{a2}=t_{a}$ 时, p=0 且编码误码率 $e_{2x}=0$,即延迟 匹配的理想条件下可彻底抑制编码误码。实际设计 编码电路时,要求 n 条编码数据支路的延迟以及采 样信号的延迟均尽可能匹配。

4.2 编码电路设计

本文暂不考虑数据锁存误码的抑制,编码电路 设计仅考虑降低延迟失配引入的非理想编码误码。 由于多相位时钟信号相位数多为 2 的幂次方,因此 二进制编码最为常用。N 相状态节点编码后的状态 位数 $m = \log_2 N$,当 N 很大时,位数 m 大幅度减小, 致使传输输出的数据位数明显下降,因此编码有助 于减小芯片面积和数据传输时间等开销。当 $N \ge 8$ 时,编码不可省。以 N = 16 相输入、m = 4 位输出的 二进制编码电路为例,根据延迟链中 16 个结点状态 的特定组合关系,判断检测采样信号在一个时钟周 期内的相对位置,经编码得到 4 位数据输出 $Y_1 \sim Y_4$, 其中 Y_1 为最高权重位, Y_4 为最低权重位,具体逻辑 关系及其对应的逻辑电路见表 1(A)栏,其中 B_i 为延 迟链中第 i级输出的节点状态, $i = 1 \sim 16$ 。

门控信号有效的计数模式下,编码电路始终有效,即输出 Y₁~Y_n始终在循环变化并在采样信号到 来后锁存。对于二进制编码方式,权重降低 1 位则 频率翻倍, *m* 位编码输出,权重最低编码位输出数 据 Y_n的频率为权重最高位即结点信号时钟频率的 2^{*m*-1}倍。由二进制编码逻辑可以看出,4 条编码支 路的输入驱动和延迟传输路径各不相同,最低位 Y₄ 延迟最大且频率最高,误码率最高。由于编码各支 路延迟均有失配,调节采样信号只能满足其中一路 编码支路延迟匹配的要求,编码误码率难以降低。

采用格雷码编码可部分解决非理想编码误码问 题^[13],格雷码作为一种无权单步自补码,具备反射 特性和循环特性,同时具有消除随机取数时出现重 大误差的能力[14]。格雷码在任意两个相邻数之间转 换时,只有一个权重数位发生变化意味着无交叠沿, 最大数与最小数之间也仅一个状态数不同,大大减 少了状态转换过程中逻辑发生混淆的概率。编码前 将 16 个状态分为单独的 16 等分,其最低位 Y₄ 有 8 个跳变沿,要使各位频率最低,Y1~Y4所有边沿相 加应等于16,由于 Y₁和同频的 Y₂均对应 2 个边沿, 2 倍频的 Y₃对应 4 个边沿,以上各位相加恰好等于 16。4位格雷码编码输出及对应的逻辑电路如表1(B) 栏所示。同等条件下,最高权重位频率比对应的二 进制编码降低一半,该支路的锁存误码率自然降低。 但格雷码中各级延迟失配依然存在,编码误码仍无 法完全消除。

假设编码后 $Y_1 \sim Y_4$ 依然保持 16 种原始状态, 但重新调整其排列顺序,保证每位信号频率相同, 为此需再增加一位 Y_0 仲裁位,构成同频编码,一种 同频编码逻辑关系如表 1(C)栏所示,除 Y_0 外, $Y_1 \sim Y_4$ 每位输出异或逻辑的两位输入状态节点均间 隔 4 个节点,因此输出频率相同,附加的 Y_0 仲裁位 频率相比以上节点频率减半。对比表 1 中的 3 种编 码方法的电路结构,仅同频编码电路中 5 个编码输 出支路同时可以实现比较严格的对称匹配,抑制编 码误码的效果最佳。

5 仿真计算与测试结果分析

5.1 仿真评估

二进制、格雷码、同频码 3 类编码方式都存在 触发器固有的锁存误码,在触发器建立保持时间固 定不变的条件下,误码率与编码数据相对延迟及各 编码位的频率有关。在相同的时钟频率驱动下,可 根据各类编码不同位的频率,计算出各权重位的固 有锁存误码率,再计算各支路延迟失配产生的编码 误码,进而评估整体误码水平。

图 4(a)为二进制编码输出波形,其中横坐标为 仿真的时间,纵坐标为电压值,电压值的高、低分 别代表逻辑电平 1 和 0。图中各条支路边沿近似对 齐且频率依次成倍数关系,若编码位相邻跳变区相 互靠近距离小于建立保持时间,则需采用数据跳变 沿近似对齐的误码模型,否则该两路编码应采用数

	(A) 二进制编码	(B) 格雷码编码	(C) 同频码编码
编码逻辑关系	$\begin{cases} Y_1 = \overline{B_{16}} \\ Y_2 = B_4 \oplus B_8 \\ Y_3 = \overline{B_4 \oplus B_6 + B_8 \oplus B_{10}} \\ \overline{Y_4} = \overline{(B_1 \oplus B_2) + (B_3 \oplus B_4)} \\ \overline{\bullet(B_5 \oplus B_6) + (B_7 \oplus B_8)} \end{cases}$	$\begin{cases} Y_1 = B_8 \oplus 0 \\ Y_2 = B_4 \oplus 0 \\ Y_3 = B_2 \oplus B_8 \\ Y_4 = B_1 \oplus B_3 + B_5 \oplus B_7 \end{cases}$	$\begin{cases} Y_0 = B_{16} = B_8 \oplus 1 \\ Y_1 = B_4 \oplus B_8 \\ Y_2 = B_3 \oplus B_7 \\ Y_3 = B_2 \oplus B_6 \\ Y_4 = B_1 \oplus B_5 \end{cases}$
电 路 结 构	$B_{16} - Y_1 B_4 \qquad B_5 \qquad Y_2$ $B_4 \qquad B_6 \qquad Y_3 \qquad B_1 \qquad Y_3$ $B_1 \qquad B_2 \qquad B_3 \qquad B_4 \qquad Y_4 \qquad B_5 \qquad B_6 \qquad B_7 \qquad B_8 \qquad B_7 \qquad B_8 \qquad B_1 \qquad B_1 \qquad B_2 \qquad B_3 \qquad B_4 \qquad B_5 \qquad B_6 \qquad B_7 \qquad B_8 \qquad B_7 \qquad B_8 \qquad B_8 \qquad B_7 \qquad B_8 \qquad B_8 \qquad B_7 \qquad B_8 \qquad B$	$B_{8} \longrightarrow Y_{1}$ $B_{4} \longrightarrow Y_{2}$ $B_{2} \longrightarrow Y_{3}$ $B_{1} \longrightarrow Y_{3}$ $B_{3} \longrightarrow Y_{4}$ $B_{5} \longrightarrow Y_{4}$	$ \begin{array}{c} 1 \\ B_8 \\ B_8 \\ B_4 \\ B_8 \\ F_7 \\ B_7 \\ B_7 \\ B_7 \\ B_7 \\ B_7 \\ F_7 \\ B_7 \\ F_7 \\ $

表1 3种编码逻辑关系及电路结构对比

据跳变沿非对齐的误码模型。采样信号出现在各编码数据信号跳变沿附近的锁存误码可以利用式(3)或式(4)方便得到,在理想交叠条件下等效频率为各权重位中的最高频率;在非交叠模式下所有权重位均有效,等效频率取各权重位频率之和。

图 4(b)给出其中一种边沿非对齐误码情况,采 样信号在边沿邻近时刻出现,理想情况下若各支路 延迟匹配,Y₄Y₃Y₂Y₁=0000或者Y₄Y₃Y₂Y₁=1111, 编码误码率为 0,仅最高频权重位的锁存误码起作 用;支路延迟失配将造成实际获得的数据偏离以上 理想状态,部分编码位采样锁存的是错误数据。这 种延迟失配不仅带来锁存误码的增加(低频权重位 锁存误码开始起作用),同时还会带来数据编码误码 率的增加。通常各相邻交叠沿的距离均小于建立保 持时间,因此需要采用沿近似交叠模型计算总的误 码率。

格雷码编码输出仿真结果如图 5 所示,各编码 输出均无交叠沿,Y₁与 Y₂保持原有编码输入频率不 变,则其它两路数据的频率相比二进制编码方法同 比特位频率减半,对应的锁存误码率同比例下降。4 条传输链不匹配造成的边沿延迟偏差引入明显的编 码误码。

同频编码输出仿真结果如图 6 所示,编码输出 的 $Y_0 \sim Y_4$ 中, $Y_1 \sim Y_4$ 数据频率相同,且无交叠沿, 该频率为时钟频率即仲裁位 Y_0 频率的两倍。从 $Y_1 \sim Y_4$ 4 条链的逻辑结构看,其扇入数量相同,逻 辑结构相同,逻辑门级数相同,延迟相同,频率稳 定,编码误码率极低。同频率码所获得的性能改善 所付出的代价,是增加了一位冗余仲裁位 Y_0 ,仲裁 位的应用使编码电路的面积略有增加。

电路中采用的主从式 DFF 触发器, 其高电平建 立、保持时间均为 0, 低电平建立、保持时间分别 为 70 ps, 100 ps, 计数时钟频率 f₀=40 MHz。3 种 编码方式的锁存误码率和编码误码率均可根据不同 模式下的误码模型直接计算得到。假设二进制编码 与其它两种编码方法一样均适用于边沿非对齐模 型,则对于二进制、格雷码和同频码3种编码方式, 每种编码模式下各权重位等效频率分别为 fa+2fa+ $4f_0 + 8f_0 = 15f_0$, $f_0 + f_0 + 2f_0 + 4f_0 = 8f_0$, $f_0 + 2f_0 +$ 2f₀=9f₀,即3种编码的锁存误码率比例关系近似为 15:8:9。实际二进制编码因边沿近似对齐带来的相邻 数据位建立保持时间的部分交叠,其近似交叠模式 下误码计算结果相比以上非交叠模式有不同程度的 降低。对 3 种编码电路分别进行各自条件下的最佳 延迟匹配,理论计算结果如表2所示,结果表明, 同频码在同等时钟频率下的误码率最低,其编码误 码近似为 0, 与无编码的数据直接锁存电路总误码 率等效;虽然增加了1个用于冗余位所需的触发器 电路,但总误码率分别降低到二进制码的1/2和格 雷码的 3/5 左右, 且编码位最高频率的降低可带来 明显的功耗降低。



图 4 二进制编码及其误码计算示意图



图 5 格雷码编码输出波形

表 2 3 种编码方式的误码率计算结果(%)

编码方式	DFF 锁存误码	编码误码	累计误码率
二进制编码	7.4	5.1	12.5
格雷码编码	5.4	4.5	9.9
同频码编码	6.1	0	6.1

5.2 测试结果

一款基于双延迟锁定环的三段式 TDC 采用了 低误码率的同频码编码方法,基于 TSMC 0.35 µm CMOS 工艺流片。对 TDC 电路进行单射精 度测量^[15,16],测试时选用 4 个不同档位进行精测, 每一档位进行多组数据量测量,保证数据覆盖档位 中较多时刻,针对 300 ns 档由 100 组扩大为 500 组。



图 6 同频率码编码输出波形

所有档数据按统计学原理进行粗处理,且数据服从 高斯分布,取置信水平为 0.95,默认(μ-3σ,μ+3σ) 区间外数据为错误数据,即所默认误码造成的粗大 误差结果。

表 3 给出了误码率测试分析的理论数据和实际 测量数据,其中理论误码率即总误码率为触发器锁 存误码率与编码误码率之和,将测量的错误数据组 占测量组总数的比重,定义为实测的综合误码率。 考虑到理论模型建模条件的近似和实际测试存在的 误差,理论计算和实测结果近似吻合,两者之间的 偏差在允许的范围内。对于同频编码电路,此时固 有误码率占据主导,继续降低误码率,将主要依靠 降低工作频率、减小触发器建立保持时间所带来的 本征锁存误码率的降低。

档位(ns)	测试组数	无效组数	误码率	理论误码率	综合误码率
50	100	6	6	6.1	
200	100	4	4		F 19
300	500	25	4		0.13
500	100	6	4		

表3 误码率测试分析(%)

6 结束语

基于数据采样和编码的误码机制,本文提出了 典型工作条件和状态模式下的误码模型,分析了误 码产生根源并提出降低误码率的实现方法,即降低 编码位最高频率并减小各编码支路的延迟失配。对 优化后的编码电路完成了基于 TSMC 0.35 µm CMOS 工艺流片和测试验证,误码率的实测结果与 理论计算相吻合,验证了误码模型的正确性和误码 抑制方法的有效性。

参考文献

- LI Qianfeng and HU Qingsheng. A 10ps 500MS/s two-channel Vernier TDC in 0.18 μm CMOS technology[C].
 IEEE Workshop on Advanced Research and Technology in Industry Applications (WARTIA), Ottawa, Canada, 2014: 1268–1271. doi: 10.1109/WARTIA.2014.6976513.
- [2] BREZINA C, FU Y, ZAPPON F, et al. GOSSIPO-4: evaluation of a Novel PLL-based TDC-technique for the readout of gridpix-detectors[J]. *IEEE Transactions on Nuclear Science*, 2014, 61(2): 1007–1014. doi: 10.1109/ TNS.2014.2301141.
- [3] UCHIDA Daisuke, IKEBE Masayuki, MOTOHISA Junichi, et al. A 12-bit, 5.5-µW single-slope ADC using intermittent working TDC with multi-phase clock signals[C]. International Conference on Electronics, Circuits and Systems (ICECS), Marseille, France, 2014: 770–773. doi: 10.1109/ICECS. 2014.7050099.
- [4] KALISZ J, SZPLET R, PELKA R, et al. Single-chip interpolating time counter with 200-ps resolution and 43-s range[J]. IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement, 1997, 46(4): 851–856. doi: 10.1109/19.650787.
- [5] KATOH Kentaroh, DOI Yoshihito, ITO Satoshi, et al. An analysis of stochastic self-calibration of TDC using two ring oscillators[C]. IEEE Conference on Asian Test Symposium (ATS), Jiaosi Township, China, 2013: 140–146. doi: 10.1109/ ATS.2013.35.
- [6] URANO Yuki, YUN WonJoo J, KURODA Tadahiro, et al. A 1.26 mW/Gbps 8 locking cycles versatile all-digital CDR with TDC combined DLL[C]. International Symposium on Circuits and Systems (ISCAS), Beijing, China, 2013: 1576–1579. doi: 10.1109/ISCAS.2013.6572161.
- [7] 姚茂群,张立彬,耿亮. 电流型 CMOS 脉冲 D 触发器设计
 [J]. 电子与信息学报, 2014, 36(9): 2278-2282. doi: 10.3724/ SP.J.1146.2013.00343.

YAO Maoqun, ZHAGN Libin, and GENG Liang. Design of current-mode CMOS pulse-triggered D flip-flops[J]. *Journal* of Electronics & Information Technology, 2014, 36(9): 2278– 2282. doi: 10.3724/SP.J.1146.2013.00343. [8] 欧庆于,罗芳,吴晓平.基于 NCL 电路的抗故障攻击设计研究[J].电子与信息学报,2014,36(7):1648-1655.doi:10.3724/SP.J.1146.2013.00750.

OU Qingyu, LUO Fang, and WU Xiaoping. The research on countermeasure against fault attacks for NCL circuits[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2014, 36(7): 1648–1655. doi: 10.3724/SP.J.1146.2013.00750.

- [9] PELKA R, KALISZ J, and SZPLET R. Nonlinearity correction of the integrated time-to-digital converter with direct coding[J]. *IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement*, 1997, 46(2): 449–453. doi: 10.1109/19.571882.
- [10] POLAT Ö and MANZAK A. Design and analysis of low power Carbon Nanotube Field Effect Transistor (CNFET) D Flip-Flops (DFFs)[C]. International Conference on Computer Research and Development (ICCRD), Shanghai, China, 2011, 3: 399–401. doi: 10.1109/ICCRD.2011.5764223.
- [11] TAIT A N and PRUCNAL P R. Applications of wavelength-fan-in for high-performance distributed processing systems[C]. Proceedings of the IEEE/ACM International Symposium on Nanoscale Architectures, Paris, France, 2014: 177–178. doi: 10.1109/NANOARCH.2014. 6880485.
- [12] JIN Wei, LU Sheng, HE Weifeng, et al. Robust design of sub-threshold flip-flop cells for wireless sensor network[C]. International Conference on VLSI and System-on-Chip (VLSI-SoC), Hong Kong, China, 2011: 440–443. doi: 10.1109/VLSISoC.2011.6081623.
- [13] SALIGRAM Rakshith and RAKSHITH T R. Contemplation of synchronous Gray Code counter and its variants using reversible logic gates[C]. IEEE Conference on Information & Communication Technologies (ICT), JeJu Island, Korea, 2013: 661–665. doi: 10.1109/CICT.2013.6558177.
- [14] KALISZ J, PAWLOWSKI M, and PELKA R. Error analysis and design of the Nutt time-interval digitiser with picosecond resolution[J]. Journal of Physics E: Scientific Instruments, 1987, 20(11): 1330–1341.
- [15] REDANT Tom, STUBBE Frederic, and DEHAENE Wim. A low power time-of-arrival ranging front end based on a 8-channel 2.2 mW, 53ps single-shot-precision time-to-digital converter[C]. IEEE Conference on Solid State Circuits, Jeju, Korea, 2011: 321–324. doi: 10.1109/ASSCC.2011.6123578.
- [16] HENZLER Stephan. Time-to-Digital Converters[M]. London, Springer Science & Business Media, 2010: 25–31.
- 吴 金: 男, 1965 年生,博士,教授,研究方向为集成电路设 计、红外传感信号检测.
- 江 琦: 男, 1992 年生,硕士生,研究方向为时间数字转换电路设计.
- 郑丽霞: 女, 1979年生, 讲师, 研究方向为红外读出电路.