# 单载波通信系统的迭代频域合成均衡算法

乔 良<sup>\*①</sup> 辛吉荣<sup>①②</sup> 郑 辉<sup>①</sup> <sup>①</sup>(盲信号处理重点实验室 成都 610041) <sup>②</sup>(国防科学技术大学电子科学与工程学院 长沙 410073)

**摘 要:**为提高符号间干扰(ISI)信道条件下信号接收的可靠性,该文研究单载波通信系统的多天线空间分集接收问题,提出一种迭代频域合成均衡算法。该算法推导先验信息条件下合成均衡器的频域传输函数,并借助快速傅里 叶变换(FFT)实现合成均衡器系数和均衡滤波的高效计算。仿真结果表明,相比时域算法,该算法能够在不损失性 能的前提下,大幅降低运算复杂度。与单载波频域均衡(SC-FDE)算法相比,该算法不需要在数据传输的结构中插 入循环前缀(CP),提高频谱利用率,能够直接应用于现有单载波通信系统。

关键词:无线通信;空间分集;频域均衡;符号间干扰

中图分类号: TN92 文献标识码: A DOI: 10.11999/JEIT141507 文章编号: 1009-5896(2015)08-1950-07

# Iterative Frequency Domain Combining Equalization Algorithm for Single Carrier Systems

Qiao  $Liang^{(1)}$  Xin Ji-rong<sup>(1)2</sup> Zheng  $Hui^{(1)}$ 

<sup>(1)</sup>(National Key Laboratory of Science and Technology on Blind Signal Processing, Chengdu 610041, China) <sup>(2)</sup>(College of Electronic Science and Engineering, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China)

Abstract: To combat the effect of InterSymbol Interference (ISI) while transmitting data over wireless fading channels, the issue of single carrier communication signal receiving with multiple antennas is studied and an iterative frequency domain combining equalization algorithm is proposed. The proposed algorithm derives the theoretical frequency domain transfer function of the combining equalizer with *a priori* information. An efficient implementation is proposed which employs the Fast Fourier Transform (FFT) to compute the combining equalizer coefficients and equalization filter. Numerical results show that the proposed algorithm reduces complexity enormously with nearly no performance loss compared with the time domain algorithm. Compared with Single Carrier Frequency Domain Equalization (SC-FDE), the Cyclic Prefix (CP) overhead can be avoided, and the computationally efficient frequency domain algorithm can be applied to the existing single carrier communication systems.

**Key words**: Wireless communication; Spatial diversity; Frequency domain equalization; InterSymbol Interference (ISI)

# 1 引言

无线通信系统中,信道的多径和衰落效应导致 接收信号中产生符号间干扰(InterSymbol Interference, ISI)。信道均衡是补偿信道畸变、消除 ISI 的有效手段,但是对于严重 ISI 信道,均衡处理 的信号中仍然会出现较高的误码率。采用多个接收 天线的空间分集技术能够减小接收机遭遇信道衰落 的深度和衰落的持续时间,从而提高信号传输的可 靠性。空间分集与信道均衡技术的结合能够在减小 信道衰落影响的同时消除 ISI,提高通信的可靠性。

2014-11-27 收到, 2015-04-28 改回, 2015-06-08 网络优先出版 国家自然科学基金(61172140)资助课题 \*通信作者: 乔良 lqiao57s@163.com Turbo 均衡<sup>[1]</sup>是一种在均衡器和译码器之间迭 代交换软信息的算法,它在信道均衡时充分利用了 纠错编码的增益,因此在相同的信道条件下其性能 优于传统均衡算法。近年来,Turbo 均衡被广泛应 用于短波<sup>[2]</sup>、水声通信<sup>[3]</sup>、OFDM<sup>[4]</sup>等领域。在迭代 均衡与空间分集的联合优化方面,文献[5]提出了一 种迭代合并均衡算法,根据最小均方误差(Minimum Mean Square Error, MMSE)准则,将多路接收信号 以及译码器反馈的先验信息送入合成均衡器,同时 完成分集合成和信道均衡。文献[6]在水声通信的背 景下提出了一种空间分集自适应 Turbo 均衡算法, 该算法在符号合成时使用了简单的等增益合成,无 法达到最优的均衡合成性能。

文献[5]和文献[6]都是从时域均衡的角度开展研 究,近年来单载波频域均衡(Single Carrier Frequency Domain Equalization, SC-FDE)的研究 受到广泛关注,同时域均衡相比,频域均衡借助于 快速傅里叶变换(FFT)实现,具有更低的计算复杂 度<sup>[7-13]</sup>。文献[7]在移动通信的环境下研究了一种低 复杂度的 MMSE Turbo 均衡,该算法借助 FFT 实 现了滤波器系数的高效计算,但是均衡滤波部分仍 然在时域完成。文献[8]提出了一种迭代分组判决反 馈均衡器 (Iterative Block Decision Feedback Equalizer, IBDFE), 按照 MMSE 准则推导了前向均 衡器和反馈均衡器系数的迭代计算方法。文献[12] 在具有大多径时延和多普勒频移的水声信道背景下 研究了 IBDFE 算法,提出了一种联合迭代均衡和频 域信道估计算法,其研究指出,IBDFE 的性能优于 传统时域 DFE,并且具有更低的计算复杂度。文献 [13] 针对高阶连续相位调制 (Continuous Phase Modulation, CPM)信号,从Rimoldi分解的角度出 发, 通过设计 CPM 信号发射帧结构, 提出了一种适 应于高阶 CPM 信号的 Turbo 频域均衡算法。但是, 上述 SC-FDE 算法需要在数据传输的结构中插入循 环前缀(Cyclic Prefix, CP),用于将信道的线性卷积 关系转换为循环卷积。显然, CP 的引入一方面降低 了频谱的利用效率,另一方面使得 FDE 无法直接应 用于现有单载波通信系统。

本文研究了单载波通信系统的多天线分集接收 问题,从频域的角度将 Turbo 迭代均衡与分集接收 相结合,提出了一种迭代频域合成均衡算法。该算 法不需要在数据传输中插入 CP,同时能够有效降低 计算复杂度,能够直接应用于现有单载波通信系统。 计算机仿真的结果表明,本文算法通过在合成均衡 器与信道译码器之间迭代交换外信息,充分利用了 多天线接收和信道译码的增益,其性能接近于理想 无符号间干扰信道分集合成的性能。

## 2 信号模型

考虑单天线发射, D 个天线接收的单输入多输 出(Single Input Multiple Output, SIMO)传输系统, 其信道模型如图 1 所示。信道编码的输入为等概的 {0,1} 信息比特序列 { $b_k$ },编码比特交织后形成待传 输的比特序列  $c = \{c_1, c_2, \dots, c_L\}$ ,其中子序列  $c_n \triangleq$ { $c_{n,1}, c_{n,2}, \dots, c_{n,Q}$ } 表示连续的 Q 个交织编码比特,星 座映射模块将每个子序列  $c_n$ 映射为发送符号  $d_n$  $\in \mathcal{A} = \{\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_{|\mathcal{A}|}\}$ ,星座点 $\alpha_j$ 对应Q 个特定的比 特。

设第 i 个分集接收支路的信道冲激响应为



图 1 离散时间等效信道模型

$$h^{(i)}[n] = \sum_{l=0}^{L-1} h_l^{(i)} \delta[n-l], \ i = 1, 2, \cdots, D$$
 (1)

式(1)中上标(*i*)表示第*i*个分集接收支路,*L*表示信 道记忆长度。假设加性噪声 $w_n^{(i)}$ 是独立同分布的复高 斯随机变量,实部和虚部的方差都等于 $\sigma_i^2/2$ ,且不 同接收支路的噪声相互独立,则第*i*个分集支路的离 散时间等效信道的输出可以表示为

$$r_n^{(i)} = \sum_{l=0}^{L-1} h_l^{(i)} d_{n-l} + w_n^{(i)}, \quad i = 1, 2, \cdots, D$$
 (2)

其中,  $\{h_l^{(i)}\}_{l=0}^{L-1}$ 是第i个 ISI 信道的复系数。

# 3 软输入软输出(SISO)频域合成均衡器

本节在先验信息条件下,推导了合成均衡器前向部分和反馈部分的频域传输函数。频域合成均衡器的结构如图 2 所示,其中  $P^{(1)}(\omega), P^{(2)}(\omega), \cdots, P^{(D)}(\omega) \in D$ 个前向滤波器的频率响应,对应的时域系数为  $p_l^{(1)}, p_l^{(2)}, \cdots, p_l^{(D)}, Q(\omega) \in 反馈滤波器的频率响应,对应的时域系数为 <math>q_l$ ,  $\{\overline{d}_n\}$ 是软符号估计值,反映了上次迭代反馈的先验信息。



图 2 SISO 频域合成均衡的结构图

#### 3.1 输出信噪比的时域表示

s

根据 Turbo 原理,合成均衡器的输出  $s_n$  应该与 先验软符号值  $\bar{d}_n$  不相关,因此对于反馈均衡器引入 约束条件  $q_0 = 0$ ,则合成均衡器的输出  $s_n$  可以表示 为

其中,  $g_l^{(i)} \triangleq h_l^{(i)} * p_l^{(i)}$ , 频域 $G^{(i)}(\omega) = H^{(i)}(\omega)P^{(i)}(\omega)$ ,  $g_0 = \sum_{i=1}^{D} g_0^{(i)}$ ,  $\eta_n$ 为合成均衡器输出的残留符号 间干扰和滤波噪声,假设其为均值为 0,方差为 $\sigma^2$ 的 复高斯白噪声。因为发送符号  $d_n$ 相互独立,噪声独 立于发送数据符号,不同分集支路的噪声相互独立,则

$$\sigma^{2} = \mathbf{E} \left[ \left| s_{n} - g_{0} d_{n} \right|^{2} \right] = \left( \sigma_{d}^{2} - \sigma_{\overline{d}}^{2} \right) \sum_{l \neq 0} \left| \sum_{i=1}^{D} g_{l}^{(i)} \right|^{2} + \sigma_{\overline{d}}^{2} \sum_{l \neq 0} \left| q_{l} - \sum_{i=1}^{D} g_{l}^{(i)} \right|^{2} + \sum_{i=1}^{D} \sum_{l} \sigma_{i}^{2} \left| p_{l}^{(i)} \right|^{2}$$
(4)

式(4)中 $\sigma_d^2$ 为发送符号功率, $\sigma_{\overline{d}}^2$ 为软符号估计值 $\overline{d}_n$ 的功率, $\sigma_i^2$ 为分集支路i中噪声 $w_n^{(i)}$ 的功率。根据式(3),合成均衡器的输出信噪比为

$$SNR_{out} = \frac{\left|g_0\right|^2 \sigma_d^2}{\sigma^2} \tag{5}$$

为了使合成均衡器的输出符号  $s_n$  达到最优,首先考虑最大输出信噪比准则。显然当 $\sigma^2$  取值为最小时,满足合成均衡器的输出信噪比 SNR<sub>out</sub>最大。由式(4)可知,当 $\sigma_a^2 \sum_{l \neq 0} |q_l - \sum_{i=1}^{D} g_l^{(i)}|^2$  取最小值时,满足该条件,即 $q_l = \sum_{i=1}^{D} g_l^{(i)} = g_l, l \neq 0$ ,考虑到 $q_0 = 0$ ,则对应的频域表达式为

$$Q(\omega) = G(\omega) - g_0 \tag{6}$$

因为  $g_l \triangleq \sum_{i=1}^{D} g_l^{(i)} = \sum_{i=1}^{D} h_l^{(i)} * p_l^{(i)}$ , 其频域表达式 为

$$G(\omega) = \sum_{i=1}^{D} H^{(i)}(\omega) P^{(i)}(\omega)$$
(7)

这时合成均衡器输出信噪比的表达式为

$$SNR_{out} = \frac{|g_0|^2 \sigma_d^2}{\left(\sigma_d^2 - \sigma_{\bar{d}}^2\right) \left(\sum_l |g_l|^2 - |g_0|^2\right) + \sum_{i=1}^D \sigma_i^2 \sum_l |p_l^{(i)}|^2}$$
(8)

# 3.2 输出信噪比的频域表示

根据 Parseval 定理,

$$\sum_{l} |g_{l}|^{2} = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} |G(\omega)|^{2} d\omega$$
$$= \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \left| \sum_{i=1}^{D} H^{(i)}(\omega) P^{(i)}(\omega) \right|^{2} d\omega \qquad (9)$$

$$\sum_{l} \left| p_{l}^{(i)} \right|^{2} = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \left| P^{(i)}(\omega) \right|^{2} d\omega$$
 (10)

另外,

$$\begin{aligned} \left|g_{0}\right|^{2} &= \left|\frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} G(\omega) \mathrm{d}\omega\right|^{2} \\ &= \left|\frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \left[\sum_{i=1}^{D} H^{(i)}(\omega) P^{(i)}(\omega)\right] \mathrm{d}\omega\right|^{2} \end{aligned} \tag{11}$$

将式(9)~式(11)代入式(8)中,则输出信噪比SNR<sub>out</sub>可以用频率响应表示为

$$SNR_{out} = \sigma_d^2 \left[ \frac{\left(\sigma_d^2 - \sigma_{\overline{d}}^2\right) \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \left|\sum_{i=1}^{D} H^{(i)}(\omega) P^{(i)}(\omega)\right|^2 d\omega + \sum_{i=1}^{D} \sigma_i^2 \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \left|P^{(i)}(\omega)\right|^2 d\omega}{\left(\frac{1}{2\pi}\right)^2 \left|\int_{-\pi}^{\pi} \left[\sum_{i=1}^{D} H^{(i)}(\omega) P^{(i)}(\omega)\right] d\omega\right|^2} - \left(\sigma_d^2 - \sigma_{\overline{d}}^2\right) \right|^{-1}$$
(12)

对于角频率 $\omega$ ,定义矢量 $H(\omega) \triangleq [H^{(1)}(\omega), H^{(2)}(\omega), \dots, H^{(D)}(\omega)]^{\mathrm{T}}, P(\omega) \triangleq [P^{(1)}(\omega), P^{(2)}(\omega), \dots, P^{(D)}(\omega)]^{\mathrm{T}},$ 以及噪声矩阵 $\Sigma \triangleq \operatorname{diag}(\sigma_{1}^{2}, \sigma_{2}^{2}, \dots, \sigma_{D}^{2}),$ 将其代入式(12)中,有

$$\mathrm{SNR}_{\mathrm{out}} = \sigma_d^2 \left[ \frac{\frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \boldsymbol{P}^{\mathrm{H}}(\omega) \boldsymbol{F}(\omega) \boldsymbol{P}(\omega) \mathrm{d}\omega}{\left(\frac{1}{2\pi}\right)^2 \left| \int_{-\pi}^{\pi} \boldsymbol{H}^{\mathrm{T}}(\omega) \boldsymbol{X}^{-1}(\omega) \boldsymbol{X}(\omega) \boldsymbol{P}(\omega) \mathrm{d}\omega \right|^2} - \left(\sigma_d^2 - \sigma_{\overline{d}}^2\right) \right]^2$$
(13)

其中矩阵**F**(ω) 定义为

$$\boldsymbol{F}(\omega) \triangleq \left(\sigma_d^2 - \sigma_{\bar{d}}^2\right) \boldsymbol{H}^*(\omega) \boldsymbol{H}^{\mathrm{T}}(\omega) + \boldsymbol{\Sigma}$$
(14)

$$\operatorname{SNR}_{\operatorname{out}} \leq \sigma_d^2 \left[ \frac{1}{\frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \left| \boldsymbol{H}^{\mathrm{T}}(\omega) \boldsymbol{X}^{-1}(\omega) \right|^2 \mathrm{d}\omega} - \left( \sigma_d^2 - \sigma_{\overline{d}}^2 \right) \right]^{-1}$$
(15)

而  $X(\omega)$  定义为一个特定的矩阵,满足  $F(\omega) = X^{H}(\omega)X(\omega)$ 。

# 3.3 最大输出信噪比准则确定合成均衡器的频域传 输函数

根据 Cauchy-Schwarz 不等式, 输出信噪比的上界为

式(15)中当且仅当  $X(\omega)P(\omega) = \lambda (H^{T}(\omega)X^{-1}(\omega))^{H}$ , 即  $P(\omega) = \lambda F^{-1}(\omega)H^{*}(\omega)$ 时,合成均衡器输出的信噪 比达到最大,这就是前向均衡器频率响应的表达式。 这时,由式(7)

$$G(\omega) = \boldsymbol{H}^{\mathrm{T}}(\omega)\boldsymbol{P}(\omega) = \lambda \boldsymbol{H}^{\mathrm{T}}(\omega)\boldsymbol{F}^{-1}(\omega)\boldsymbol{H}^{*}(\omega) \quad (16)$$
  
因此

$$g_0 = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \lambda \boldsymbol{H}^{\mathrm{T}}(\omega) \boldsymbol{F}^{-1}(\omega) \boldsymbol{H}^*(\omega) \mathrm{d}\omega = \lambda \beta \quad (17)$$

其中,参数  $\beta$  定义为  $\beta \triangleq \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \boldsymbol{H}^{\mathrm{T}}(\omega) \boldsymbol{F}^{-1}(\omega)$ · $\boldsymbol{H}^{*}(\omega) \mathrm{d}\omega$ ,将其代入式(15)中,则有

$$\mathrm{SNR}_{\mathrm{out}} = \sigma_d^2 \left[ \frac{1}{\beta} - \left( \sigma_d^2 - \sigma_{\overline{d}}^2 \right) \right]^{-1}$$
(18)

另外,根据式(17),有

$$\mathrm{SNR}_{\mathrm{out}} = \frac{\left|g_{0}\right|^{2} \sigma_{d}^{2}}{\sigma^{2}} = \frac{\left|\lambda\beta\right|^{2} \sigma_{d}^{2}}{\sigma^{2}}$$
(19)

联立式(18)和式(19),可以推出  

$$\sigma^{2} = |\lambda\beta|^{2} \left[\beta^{-1} - \left(\sigma_{d}^{2} - \sigma_{\overline{d}}^{2}\right)\right]$$
(20)

## 3.4 最小化均方误差确定参数λ

在 3.3 小节的推导中,参数 $\lambda$ 是一个任意的常数,不同的 $\lambda$ 对应于不同的频域合成均衡器,特别地,本文选取的 $\lambda$ 使得均方误差(MSE)最小。根据 MSE 的定义,合成均衡器输出的 MSE 为

$$MSE = E[|s_n - d_n|^2] = |g_0 - 1|^2 \sigma_d^2 + \sigma^2 = |\lambda\beta - 1|^2 \sigma_d^2 + |\lambda\beta|^2 [\beta^{-1} - (\sigma_d^2 - \sigma_d^2)]$$
(21)

令 $\partial MSE / \partial \lambda = 0$ ,则有

$$\lambda = \frac{\sigma_d^2}{1 + \beta \sigma_{\overline{d}}^2} \tag{22}$$

此时合成均衡器的输出信噪比可以表示为

$$\mathrm{SNR}_{\mathrm{out}} = \frac{g_0}{1 - g_0} \tag{23}$$

即合成均衡器的性能由系数 g0 唯一描述。

### 4 迭代频域合成均衡

接收机中迭代频域合成均衡的整体结构如图 3 所示,软输入软输出(Soft Input Soft Output, SISO) 频域合成均衡器输出的均衡符号记为 $s_n$ , SISO 解映 射模块将均衡符号转化为对应编码比特的外信息  $L_e^E(c_{n,i})$ , 经过解交织后作为译码器的先验信息  $L_a^D(c_{k,i})$ 用于 SISO 译码。译码器在输出信息序列硬 判决 $\{\hat{b}_k\}$ 的同时更新编码比特的外信息  $L_e^D(c_{k,i})$ , 经 过交织后作为频域合成均衡器的先验信息  $L_a^E(c_{n,i})$ , 软符号映射模块将比特外信息转化为对应的软符号 值 $\bar{d}_n$ ,用于下次迭代处理。首次迭代时比特的外信 息为零,相应的软符号值 $\bar{d}_n = 0$ 。

#### 4.1 SISO 解映射

SISO 解映射模块根据合成均衡器的输出符号  $s_n$ ,以及比特的先验 LLR  $L_a^E(c_{n,j})$ ,计算比特的外信 息 LLR。与文献[7]中的推导类似,在 QPSK 调制 Gray 映射条件下,比特的外信息 LLR 可以表示为





$$q_{n,i} = \frac{1}{1 - g_0} \operatorname{Re}(s_n \alpha)$$

#### 4.2 软符号映射

软符号映射模块根据上次迭代译码器所提供的 比特先验信息  $L_a^E(c_{n,j})$ 来计算软符号估计  $\{\bar{d}_n\}$ ,在 QPSK 调制 Gray 映射条件下,发送符号的期望 $\bar{d}_n$ 可 以表示为

$$\overline{d}_n = \frac{1}{\sqrt{2}} \left[ \tanh\left(-\frac{L_a^E(c_{n,2})}{2}\right) + \mathbf{j} \cdot \tanh\left(-\frac{L_a^E(c_{n,1})}{2}\right) \right] (25)$$

软符号映射模块同时计算软符号估计的方差  $\sigma_{\bar{a}}^2$ ,因为 $E(\bar{d}_n) = 0$ ,因此

$$\sigma_{\overline{d}}^2 = \mathbf{E}\left(\left|\overline{d}_n\right|^2\right) \approx \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} \left|\overline{d}_n\right|^2 \tag{26}$$

其中 N 是数据块长度。参数  $\sigma_d^2$  衡量了符号估计的可 靠度,初始迭代时,由于没有任何先验信息,因此  $\overline{d}_n = 0, \sigma_d^2 = 0$ 。随着迭代的进行,先验信息  $L_a^E(c_{n,j})$ 的可靠度不断增加,  $\overline{d}_n \to d_n, \sigma_d^2 \to \sigma_d^2$ 。

## 5 频域合成均衡器的具体实现

#### 5.1 频域合成均衡器的计算步骤

第3节给出了合成均衡器前向部分和反馈部分 应该满足的频域形式,如果用横向滤波器精确实现 该结构,则需要无限长滤波器,在实际实现中一般 计算 N<sub>p</sub> 个离散频点的频域响应来近似该结构,从时 域来看, N<sub>p</sub> 也可以理解为对应均衡滤波器的长度。 SISO 频域合成均衡器的具体计算步骤为:

步骤 1 各分集接收支路估计信道冲激响应  $\{\hat{h}_{n}^{(i)}\}$ ,做  $N_{p}$ 点 FFT,得信道频率响应  $\{\hat{H}_{k}^{(i)}\}$ , i = 1, 2, ..., D,或者直接在频域估计  $\{\hat{H}_{k}^{(i)}\}$ ;

步骤 2 对每个频点k,  $\boldsymbol{H}_{k} \triangleq [H_{k}^{(1)}, H_{k}^{(2)}, \cdots, H_{k}^{(D)}]^{\mathrm{T}}$ , 计算  $\boldsymbol{F}_{k} \triangleq (\sigma_{d}^{2} - \sigma_{\bar{d}}^{2})\boldsymbol{H}_{k}^{\mathrm{H}}\boldsymbol{H}_{k}^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{\Sigma} \, \boldsymbol{\pi} \, \boldsymbol{P}_{k}^{\prime} = \boldsymbol{F}_{k}^{-1}\boldsymbol{H}_{k}^{*}, \ k = 0, 1, \cdots, N_{p} - 1;$ 

步骤 3 计算参数 
$$\beta = \frac{1}{N_p} \sum_{k=0}^{N_p-1} \boldsymbol{H}_k^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P}_k'$$
,  $g_0 =$ 

 $\frac{\sigma_{d}^{2}\beta}{1+\beta\sigma_{\overline{d}}^{2}}\,;$ 

步骤 4 前向均衡器的频率响应  $P_k = \frac{\sigma_d^2}{1+\beta\sigma_d^2} P'_k$ ,  $k = 0, 1, \dots, N_p - 1$ ,每个频点依次计算  $P_k$ ,可得各分 集支路前向均衡器的频率响应  $\{P_k^{(i)}\} = \{P_0^{(i)}, P_1^{(i)}, \dots, P_{N_n-1}^{(i)}\}$ ;

步骤 5 反馈均衡器的频率响应  $Q_k = \boldsymbol{H}_k^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P}_k - g_0$ ,  $k = 0, 1, \dots, N_p - 1$ ;

步骤 6 在频域完成均衡滤波操作,前向均衡器 系数  $\{P_k^{(i)}\}, i = 1, 2, ..., D$ ,反馈均衡器系数  $\{Q_k\}$ 分别 做  $N_p$ 点 IFFT,时域补零后,再做 N 点 FFT,分别 表示为  $\{\tilde{P}_k^{(i)}\}$ 和  $\{\tilde{Q}_k\}$ 。根据重叠保留法(Overlap And Save, OAS),将接收数据以 N 点为单位逐块处 理,数据块之间交叠长度为 L,其中 L  $\geq N_p$ 。

需要指出的是, 当接收天线数目为1时, 矩阵 $F_k$  退化为一个标量, 矩阵求逆也转化为标量的倒数, 相应的计算步骤退化为文献[7]中的处理方式, 但是 与文献[7]不同的是,本文中的均衡滤波部分(步骤 6) 也是在频域实现的, 计算效率更高。当接收天线数 为1,  $\sigma_{\overline{a}}^2 = 0$ , 即没有任何先验信息时, 步骤 4 实质 上就是 MMSE 线性均衡, 与文献[8]的初始化方式相

$$\left|\overline{n}\right|, \left|\mathbb{I}\right| P_k \right|_{\sigma_d^2 = 0} = \frac{\sigma_d^2 H_k}{\sigma_d^2 \left|H_k\right|^2 + \sigma_w^2} \circ$$

#### 5.2 计算复杂度分析

表 1 比较了本文算法同文献[5]中时域迭代合并 均衡算法(Minimum Mean Square Error Iterative Combining Equalization, MMSE-ICE)、文献[14]中 频域判决反馈迭代频域均衡算法 (Frequency Domain Equalization with Frequency Domain Decision Feedback, FDE-FDDF)的计算复杂度,运 算量分为均衡器系数计算和均衡滤波两部分,单位 为复数乘法次数。统计中假设本文算法的均衡器系 数每N点更新一次, D维矩阵求逆的运算量为 $D^3$ , N点 FFT 的运算量为 $(N/2)\log_2 N$ 。括号内的数字 表示当取典型值D = 4,  $N_p = 32$ , M = 5, N = 128时,具体的运算量数值。从表 1 可以看出,相比时 域 MMSE-ICE 算法,本文算法有效降低了计算复杂 度;而同单天线接收的 FDE-FDDF 算法相比,因为 本文算法利用了多个接收天线,问题规模更大,因 此运算量要大于 FDE-FDDF。表中典型条件下,本 文算法的运算量约为 FDE-FDDF 的 2.7 倍, 这在实 际应用中是可以接受的。

# 6 计算机仿真

信号调制方式为 QPSK, 信道编码方式为 1/2

码率非系统卷积编码,其生成多项式G = [171,133],每帧信息比特的长度为 1024 bit,最后 6 bit 为结尾比特,用于编码器结束于零状态,交织器为 2048 bit的 S 伪随机交织器,迭代次数取为 4 次,信道译码使用 max-log-MAP 算法,仿真中假设各分集支路的接收信噪比相同,信道冲激响应精确已知,数据交叠长度 $L = N_p$ 。

## 6.1 FFT 长度 N<sub>n</sub> 对迭代频域合成均衡性能的影响

考虑两天线分集接收,两个 ISI 信道的冲激响应 分别为 $h_1$ =[0.227, 0.460, 0.688, 0.460, 0.227],  $h_2$  = [-0.049+0.359i, 0.482-0.569i, -0.556+0.587i, 1, -0.171+0.061i],其中信道1是文献[15]中的严重 ISI 信道,信道2是文献[16]中具有一定代表意义的典型 ISI 信道。图4给出了当FFT 点数 $N_p$ 分别取8和32 时,本文迭代频域合成均衡算法的误码率曲线,为 了进行比较,图中同时也给出了文献[5]中时域 MMSE-ICE 算法的性能曲线。从图4中可以看出, FFT 点数越多,迭代频域合成均衡的性能越好,当  $N_p$  = 32时,本文提出的迭代频域合成均衡算法的性 能已经非常接近于时域 MMSE-ICE 算法的性能,在 后续仿真中均取 $N_p$  = 32。

#### 6.2 静态信道条件下,迭代频域合成均衡的误码性能

仍然考虑 6.1 小节中的静态 ISI 信道条件,图 5 给出了本文算法在两天线和单天线接收时的误码性 能,同时给出了文献[14]中频域判决反馈迭代频域均 衡算法(FDE-FDDF)的性能曲线。需要指出的是, FDE-FDDF 算法仅考虑了单天线接收条件,因此只 能与本文算法退化到单天线时的性能进行比较。从 图 5 可以看出,本文算法在单天线条件下的性能与 FDE-FDDF 算法非常接近,甚至在严重 ISI 信道下 还略优于 FDE-FDDF。而将两天线接收的性能同单 天线进行比较可以发现,达到10-4误码率,信道 1 需要的 $E_b / N_0$ 约为10 dB,信道2需要的 $E_b / N_0$ 约 为 5 dB, 而两分集迭代频域合成均衡只需要约 0.5 dB,非常接近于两个理想无符号间干扰信道分集合 成的性能,同时4次迭代所带来的性能增益约为3  $dB(3.5 dB \rightarrow 0.5 dB)$ ,因此本文迭代频域合成均衡 算法有效改善了接收系统的处理增益,降低了信号 接收的信噪比需求。

# 6.3 块衰落信道条件下,迭代频域合成均衡的误码性能

仿真采用 6 径瑞利衰落信道,多径之间的时延 间隔为符号周期,6 条多径具有相等的平均功率。仿 真中信道假设为块衰落(block fading)的,即在一帧 之内信道是固定的,不同帧之间的信道独立随机产 生,10000次 Monte Carlo 仿真结果统计。

图 6 给出了块衰落信道条件下,当接收天线数

表 1 不同算法每个接收符号每次迭代所需的运算量



目分别为1,2,4时,本文迭代频域合成均衡算法的 性能,同时在单天线条件下给出了文献[14]中 FDE-FDDF 算法的性能作为对比。与 6.2 小节的仿真结果 类似,本文算法在单天线条件下的性能与 FDE-FDDF 算法非常接近。从图中可以看出,接收天线 数目的增加能够有效提高接收系统的误码性能,1 天线接收条件下,达到 $10^{-4}$ 误码率需要的 $E_b/N_0$ 约 为 5.4 dB, 当 2 天线接收时, 需要的  $E_b / N_0$  约为 0.4 dB, 而当4天线接收时, 仅需要-2.6 dB。同理想无 符号间干扰信道分集接收的性能相比, 当接收天线 数为 1 时,即使采用迭代均衡算法,其性能距离性 能界仍然约有2dB的性能差距,而当接收天线数为 2和4时,迭代频域合成均衡的性能已经能够达到性 能界。另一方面,由于分集合成改善了信道中的 ISI, 随着接收天线数目的增加,迭代处理的增益逐渐减 小,1天线接收时,迭代增益约为2.9 dB(8.3 dB→ 5.4 dB), 2 天线接收时, 迭代增益约为 1.8 dB(2.2 dB →0.4 dB), 4 天线接收时, 迭代增益只有约 0.7 dB  $(-2.6 \text{ dB} \rightarrow -1.9 \text{ dB})_{\circ}$ 

#### 7 结束语

本文针对单载波通信系统的多天线迭代接收问题,提出了一种迭代频域合成均衡算法,该算法通过在合成均衡器和信道译码器之间迭代交换外信

息,有效改善了接收机抗严重符号间干扰的能力。 相比时域迭代均衡,本文算法有效降低了计算复杂 度;相比频域均衡,本文算法避免了在数据帧中插 入 CP,提高了频谱利用效率,能够直接应用于现有 单载波通信系统。这为宽带无线通信系统中消除符 号间干扰,提高系统性能提供了一种新的接收处理 方案。

## 参考文献

- Douillard C, Jezequel M, and Berrou C. Iterative correction of intersymbol interference: Turbo equalization[J]. European Transactions on Telecommunications, 1995, 6(5): 507–511.
- Otnes R and Tüchler M. Improved receivers for digital high frequency waveforms using Turbo equalization[C].
   Proceedings of IEEE Military Communications Conference, California, USA, 2002, 1: 99–104.
- [3] Rafati A, Lou Huang, and Xiao Cheng-shan. Soft-decision feedback Turbo equalization for LDPC-coded MIMO underwater acoustic communications[J]. *IEEE Journal of Oceanic Engineering*, 2013, 39(1): 90–99.
- [4] Wang Zhao-hui, Huang Jie, Zhou Sheng-li, et al. Iterative receiver processing for OFDM modulated physical-layer network coding in underwater acoustic channels[J]. IEEE Transactions on Communications, 2013, 61(2): 541–553.
- [5] 高梅,黄国策,杜栓义,等.用于短波高速数据传输的迭代合

并均衡算法[J]. 系统工程与电子技术, 2013, 35(9): 1954-1960. Gao Mei, Huang Guo-ce, Du Shuan-yi, *et al.* Iterative combining equalization algorithm for high data rate HF transmission[J]. *Systems Engineering and Electronics*, 2013, 35(9): 1954–1960.

- [6] Christophe L and Raphaël L B. Adaptive MMSE Turbo equalization with high-order modulations and spatial diversity applied to underwater acoustic communications[C]. Proceedings of 11th European Wireless Conference on Sustainable Wireless Technologies, Vienna, Austria, 2011: 1–6.
- [7] Christophe L, Raphaël L B, and Dominique L. Lowcomplexity MMSE Turbo equalization: a possible solution for EDGE[J]. *IEEE Transactions on Wireless Communications*, 2005, 4(3): 965–974.
- [8] Benvenuto N and Tomasin S. Iterative design and detection of a DFE in the frequency domain[J]. *IEEE Transactions on Communications*, 2005, 53(11): 1867–1875.
- [9] Zhang Chao, Wang Zhao-cheng, Pan Chang-yong, et al. Low complexity iterative frequency domain decision feedback equalization[J]. *IEEE Transactions on Vehicular Technology*, 2011, 60(3): 1295–1301.
- [10] Luzio M, Dinis R, and Montezuma P. SC-FDE for offset modulations: an efficient transmission technique for broadband wireless systems[J]. *IEEE Transactions on Communications*, 2012, 60(7): 1851–1861.
- [11] Zhang Xiao-hui, Chen E, and Mu Xiao-min. Single-carrier frequency-domain equalization based on frequency-domain oversampling[J]. *IEEE Communications Letters*, 2012, 16(1): 24–26.
- [12] 张歆,张小蓟.水声信道中的迭代分组判决反馈均衡器[J].电 子与信息学报,2013,35(3):683-688.

Zhang Xin and Zhang Xiao-ji. Iterative block decision feedback equalization for underwater acoustic channels[J]. *Journal of Electronics & Information Technology*, 2013, 35(3): 683–688.

[13] 钟凯,彭华,葛临东. 基于 Rimoldi 分解的连续相位调制信号 Turbo 频域均衡算法[J]. 电子与信息学报, 2014, 36(5): 1190-1195.
Zhong Kai, Peng Hua, and Ge Lin-dong. Turbo frequency domain equalization algorithm based on Rimoldi

decomposition for continuous phase modulation signals[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2014, 36(5): 1190–1195.

- [14] Benjamin Ng, Chan-Tong L, and Facloner D. Turbo frequency domain equalization for single carrier broadband wireless systems[J]. *IEEE Transactions on Wireless Communications*, 2007, 6(2): 759–767.
- Tüchler M and Singer A C. Turbo equalization: an overview[J].
   *IEEE Transactions on Information Theory*, 2011, 57(2): 920–952.
- [16] Moulines E, Duhamel P, Cardoso J F, et al. Subspace methods for the blind identification of multichannel FIR filters[J]. *IEEE Transactions on Signal Processing*, 1995, 43(2): 516–525.
- 乔 良: 男,1984年生,博士生,工程师,研究方向为通信信号 处理.
- 辛吉荣: 男,1985 年生,博士生,工程师,研究方向为阵列信号 处理.
- 郑 辉: 男,1957年生,博士生导师,高级工程师,研究方向为 盲信号处理、智能信息处理.