一种用于雷达资源管理的目标雷达截面积预测算法

秦 童 戴奉周* 刘宏伟

(西安电子科技大学雷达信号处理国家重点实验室 西安 710071)

摘 要: 在管理与优化雷达有限资源的应用中,目标的雷达截面积的起伏会对资源分配后的效果产生巨大的影响。 针对该问题,该文提出一种对目标的雷达截面积进行预测的方法。该方法首先对回波进行处理以获取目标雷达截面 积的测量值,进而通过概率密度转移的方法对目标在下一个时刻的雷达截面积进行预测。通过对来自3种飞机的雷 达实测数据的计算,验证了该预测方法能够得到较为准确的预测值。最后,建立功率分配的优化方程,并通过仿真 验证了对雷达截面积准确的预测能够提高功率分配后的测量精度。 关键词: 雷达截面积预测; 概率密度; 资源管理

中图分类号: TN953 文献标志码: A 文章编号: 1009-5896(2015)08-1849-06 DOI: 10.11999/JEIT141466

Radar Cross Section Prediction Method for Radar Resource Management

Qin Tong Dai Feng-zhou Liu Hong-wei (National Key Laboratory of Radar Signal Processing, Xidian University, Xi'an 710071, China)

Abstract: In the application of planning and management of the limited resources of radar, the fluctuation of the target's Radar Cross Section (RCS) area will have a significant impact on the effects of allocation of resources. For this problem, this paper puts forward a prediction of target radar cross section method. This method firstly gets the measurement of the target's radar cross section, and predicts the value by using the method of probability density transfer. Based on the calculation of radar measured data from three types of aircraft, the method can get more accurate prediction. Finally, the optimization of power distribution equation is built and simulation results demonstrate that the accurate prediction of the RCS will improve the measurement accuracy after the power allocation.

Key words: Radar Cross Section (RCS) prediction; Probability density; Resource management

1 引言

近年来,相控阵雷达技术已经取得了快速的发展。这种类型的雷达可以灵活地改变发射波的照射 方向,选择需要照射的目标,调整发射功率、驻留 时间等参数。这些特性为我们提供了管理、优化雷 达资源的可能性,进而可以对雷达资源进行合理的 分配,从而达到节约雷达消耗功率,提高测量、跟 踪精度,节约时间消耗等效果。

目前已有大量的关于雷达资源优化的研究工作^[1-5],主要包括对雷达发射功率的优化与电磁波 照射目标的驻留时间的优化。一般对于雷达资源进 行优化的步骤是:(1)预测目标在下一个时刻的状 态,包括目标的位置、雷达截面积(RCS)等。(2)根 据预测的结果计算下一个时刻需要分配给各个目标 的资源。(3)按照计算结果,调整雷达的发射参数, 分配雷达资源。由此可见,对目标在下一个时刻状 态进行预测的准确度,对于资源分配的效果具有至 关重要的影响,但是对于目标 RCS 的预测,尚没有 较为实用成熟的算法。

在目标飞行的过程中, 雷达照射目标的视角是 不断变化的。而对于形状较为复杂的目标, 只要照 射视角有变化, 就会引起 RCS 较大的起伏^[6]。在工 程计算中常把目标的 RCS 视为一个定值, 或者将 RCS 的起伏模型描述为统计模型, 即施威林 (Swerling)起伏模型。然而这些方法只能够提供 RCS 的取值范围或者某个固定的值, 无法提供目标 RCS 在某个时刻的精确预测值。因此传统的估计 RCS 的 方法无法完全满足资源管理方面实际应用的要求。

²⁰¹⁴⁻¹¹⁻²⁴ 收到, 2015-05-07 改回, 2015-06-08 网络优先出版 国家自然科学基金(61271291, 61201285),新世纪优秀人才支持计划 (NCET-09-0630),全国优秀博士学位论文作者专项资金(FANEDD-201156)和中央高校基础本科研业务费专项基金资助课题 *通信作者:戴奉周 fzdai@xidian.edu.cn

针对目标 RCS 的预测,目前已经有了一些相关的研究^[7-14]。文献[7]将复杂目标分解成大量的三角形,进而采用射线跟踪的方法对 RCS 进行计算。文献[8]与文献[9]则采用模态法根据目标的形状来对 RCS 进行预测。而文献[10]中,则采用物体光学形态的方法对 RCS 进行分析与计算。在文献[11]与文献[12]中,由于对目标的跟踪需要用到 RCS 的信息,将 RCS 分解为常量与噪声分量的方法进行估计。文献[13]与文献[14]中,已知目标的具体形状,根据形状转化为散射方程以计算目标在各个角度的 RCS。

通过现有的对资源优化管理的研究^[6],可以看 到,需要进行跟踪的目标中存在一定的距离雷达较 远、回波信噪比较小的目标。进而在跟踪的过程中 很难通过识别等方法获取目标的物理形态,同样难 以通过文献[7~14]中的方法对 RCS 进行预测。以上 文献中预测 RCS 的方法,都需要利用目标形状的先 验信息,因此并不适合应用到资源管理的步骤中去。

综上,如何仅仅通过雷达的回波,获取、计算、 预测目标的 RCS 仍是一个难题。针对在资源管理的 过程当中,对目标信息了解有限的情况下,本文提 出了一种预测目标 RCS 的方法。首先建立对目标的 跟踪,通过回波获取目标当前时刻的 RCS 测量值, 通过目标的航迹获取雷达照射目标的方向与目标飞 行方向的夹角。接下来根据以上获取的历史信息, 采用概率密度转移的方法,估计、预测目标在下一 时刻的 RCS。而后,为了验证预测 RCS 准确性对 资源管理的影响,本文提出了对发射功率进行优化 的方法。为了验证对 RCS 预测的准确性,本文采用 来自3种飞机的雷达回波实测数据对目标的 RCS 进 行预测。最后,采用仿真实验,验证了 RCS 预测方 法的准确性以及优化发射功率对于提高测量误差的 效果。

2 资源分配的分析

2.1 系统模型

在雷达与声呐系统中,接收到的回波信号 $s_b(t)$ 表示为

$$s_b(t) = s(t - \tau_0) + \omega(t), \quad 0 \le t \le T \tag{1}$$

其中,s(t)表示为发射信号, $\omega(t)$ 表示为信号噪声, τ_0 表示为信号由雷达照射目标并返回雷达的双程时 延。

雷达与目标之间的径向距离为R,光速为c,则双程时延 τ_0 可以表示为 $\tau_0 = 2R/c$ 。

2.2 距离测量的克拉美罗下界(CRLB)

由于信号的噪声 $\omega(t)$ 导致了时延的误差。文献 [15]给出了时延误差的方差 var($\hat{\tau}_0$)的克拉美罗下界 $CRLB(\hat{\tau}_0)$ 的推导过程

$$\operatorname{CRLB}(\hat{\tau}_0) = \frac{2}{\operatorname{SNR} \cdot \overline{F}^2}$$
(2)

其中 SNR 表示回波信噪比, \overline{F}^2 表示信号的均方带宽。

回波的信噪比 SNR 与目标的 RCS x(t),目标 与雷达之间的径向距离 R(t) 以及在 t 时刻雷达照射 目标的发射功率 P(t) 有关。回波信噪比可以表示为

$$\operatorname{SNR} \propto \left[x(t) / R^4(t) \right] \cdot P(t)$$
 (3)

则对目标距离测量误差的方差 $var(\hat{R})$ 的克拉 美罗下界表示为

$$\operatorname{var}(R) \ge \operatorname{CRLB}(R) = \frac{c^2}{2 \cdot \operatorname{SNR} \cdot \overline{F}^2} \propto \frac{R^4(t)}{P(t) \cdot x(t)} \quad (4)$$

2.3 资源分配的影响因素

在跟踪的过程中, 雷达对目标的测量误差需要 保持在一个合适的水平。假设 σ_p 为期望的测量误差 方差, 则期望的对距离的测量误差方差 var(R)

$$\left|\operatorname{var}\left(R\right) - \sigma_{p}^{2}\right| < \varepsilon \tag{5}$$

其中 ε 表示测量误差方差可以接受的变化范围。

在 t-1 时刻, 需要对 t 时刻目标的 RCS x(t|t-1) 与径向距离 R(t|t-1) 进行预测,并根据预测的结果对功率资源 P(t) 进行分配。则期望的测量 误差方差可以表示为

$$\sigma_p^2 \propto \frac{R\left(t\left|t-1\right)^4}{P\left(t\right) \cdot x\left(t\left|t-1\right)} \tag{6}$$

在 *t* 时刻, 通过对回波的处理, 得到了目标实际的 RCS *x*(*t*) 与径向距离 *R*(*t*) 。则式(6)可以表示为

$$\left| \operatorname{var}(R) - \sigma_p^2 \right| \propto \left| \frac{R^4(t)}{P(t) \cdot x(t)} - \frac{R^4(t|t-1)}{P(t) \cdot x(t|t-1)} \right|$$
$$= \left| \frac{x(t|t-1) \cdot R^4(t) - x(t) \cdot R^4(t|t-1)}{P(t) \cdot x(t) \cdot x(t|t-1)} \right|$$
(7)

由式(7)可以看到,功率分配的有效性很大程度 上依赖于预测的准确性。接下来,将对预测目标 RCS 的方法进行详细的描述。

3 RCS 的预测

3.1 预测模型

假设飞机处于雷达的视线范围内,采用 $x(t) \in \chi$ 表示目标在t时刻的雷达截面积,其中 $\chi = \{\chi_1, \chi_2, \dots, \chi_{N_x}\}$ 表示目标 RCS 的全部状态。对雷达的回波进行处理后,得到目标 RCS 的测量值y(t),可以表示为

$$y(t) = x(t) + n_w(t) \tag{8}$$

其中 $n_w(t)$ 表示目标 RCS 的测量噪声。采用 $\theta(t)$ 表

示雷达视线与目标飞行轨迹的夹角,称为照射视角。

将目标的 RCS 在t+1时刻的预测值表示为 $\hat{x}(t+1)$,则预测值可以表示为一系列的预测状态按 照概率求和的结果。

$$\hat{x}(t+1) = \sum_{k} x_{k}(t+1) \Pr\left(x_{k}(t+1) | Y_{t}, \theta(t)\right) \quad (9)$$

其中 $x_k(t+1)$ 表示目标 RCS 在t+1时刻的状态值 为 χ_k 。

$$x_k (t+1) \coloneqq \{ x (t+1) = \chi_k \}$$
(10)

Pr $(x_k(t+1)|Y_t, θ(t))$ 表示在 t 时刻,在已知当前 时刻的照射视角 θ(t) 与测量值的集合 Y_t 情况下,目 标 RCS 为 $x_k(t+1)$ 的先验概率。其中测量值的集合 Y_t 表示从 1 时刻到 t 时刻目标 RCS 的全部测量值的 集合。

$$Y_{t} = \{y(t), y(t-1), \cdots, y(1)\}$$
(11)

目标 RCS 状态的先验概率表示为

$$\Pr\left(x_{k}\left(t+1\right)|Y_{T},\theta\left(t\right)\right)$$

$$=\sum_{\theta_{m}}\Pr\left(x_{k}\left(t+1\right),\theta_{m}\left(t+1\right)|x_{l}\left(t\right),\theta\left(t\right)\right)$$

$$\cdot\frac{\Pr\left(x_{l}\left(t\right),Y_{t},\theta\left(t\right)\right)}{\Pr\left(Y_{t},\theta\left(t\right)\right)}$$
(12)

其中, $\theta_m(t+1)$ 表示照射视角 $\theta(t+1)=m$ (rad); Pr $(x_l(t), Y_t, \theta(t))$ 表示在t时刻,已知测量值的集合 为 Y_t 、照射视角为 $\theta(t)$ 、目标 RCS 的状态 $x(t) = \chi_l$ 情况下的后验概率; Pr $(Y_t, \theta(t))$ 表示测量值的观测 概率; Pr $(x_k(t+1), \theta_m(t+1)|x_l(t), \theta(t))$ 表示目标 RCS 状态的转移概率。即在t时刻,目标 RCS 状态 为 $x_l(t)$ 、照射视角为 $\theta(t)$ 情况下,到了t+1时刻, 目标 RCS 状态变化为 $x_k(t+1)$,照射视角变化为 $\theta_m(t+1)$ 的概率。

3.2 后验概率

在t时刻,已知目标 RCS 的测量值集合 Y_t 与角度 $\theta(t)$ 情况下,目标 RCS 的状态 $x_l(t)$ 的后验概率定义为

$$F_{l}(t) = \Pr\left(x_{l}(t), Y_{t}, \theta(t)\right)$$
(13)

则式(13)可以推导为

$$F_{l}(t) = \Pr\left(x_{l}(t), Y_{t}, \theta(t)\right)$$

$$= \Pr\left(y(t)|x_{l}(t), \theta(t)\right)$$

$$\cdot \sum_{x_{o}(t-1)} \Pr\left(x_{l}(t), \theta(t)|x_{o}(t-1), \theta(t-1)\right)$$

$$\cdot F_{o}(t-1)$$
(14)

其中, $\Pr(y(t)|x_l(t), \theta(t))$ 表示目标 RCS 的观测概 率,即目标 RCS 状态为 $x_l(t)$ 、照射视角为 $\theta(t)$ 情 况下,目标 RCS 的测量值为y(t)的概率; $\Pr(x_l(t), \theta(t)|x_o(t-1), \theta(t-1))$ 表示为状态转移的概率; $F_o(t-1) = \Pr(x_o(t-1), Y_{t-1}, \theta(t-1))$ 表示在t-1时刻的后验概率。

3.3 状态转移概率

状态转移概率可以表示为

$$\Pr\left(x_k (t+1), \theta_m (t+1) | x_l (t), \theta(t)\right)$$

$$= \sum_{i=1}^d \Pr\left(x_k (t+1), \theta_m (t+1) | r_i, x_l (t), \theta(t)\right)$$

$$\cdot \Pr\left(r_i | x_l (t), \theta(t)\right)$$
(15)

其中r,表示为状态转移模型。

假设目标的状态由 { $x_l(t), \theta(t)$ } 转移到 { x_k ·(t+1), $\theta_m(t+1)$ }服从某些状态转移模型。本文根 据目标 RCS 实测数据中设定了 d 种状态转移模型: $r_i \in [r_1, r_2, ..., r_d]$ 。而各种模型的后验概率可以表示 为 Pr($r_i | x_l(t), \theta(t)$),在时刻 t,根据状态 $x_l(t)$ 与角 度 $\theta(t)$ 对模型 r_i 的概率进行更新。

通过以上公式的推导,可以通过学习目标 RCS 的起伏趋势,利用概率转移的形式,对 RCS 进行预测。相比较传统的采用 Swerling 模型对目标的 RCS 进行估计的方法,本文采用的算法在获取目标信息 有限的基础上,对 RCS 进行较为准确的预测。

4 功率分配

本算法针对的是多波束相控阵雷达,可以同时 发射多个波束并跟踪多个目标,而雷达能够灵活地 调整每个波束的指向与发射功率。接下来将对该类 型雷达,设计照射目标的发射功率分配的方法。

考虑到需要在保证测量精度的前提下节约发射 功率资源,以式(5)作为优化目标,即测量误差的方 差接近一个固定的值 σ_p^2 。根据雷达的特性,同一时 间内照射全部目标的发射功率之和有限,即 $\sum_{n=1}^{N} P_n(t) \leq E$,其中 $P_n(t)$ 表示照射第n个目标 的发射功率,总计共有N个目标。而E表示雷达在 同一时刻可以提供的总的发射功率。具体的优化方 程可以描述为

$$\begin{array}{c} \min_{P_{n}(t),n=1,\cdots,N} \left\{ \max_{n} \left| \operatorname{var}\left(\widehat{R}_{n}\left(t\right)\right) - \sigma_{p}^{2} \right| \right\} \\ \text{s.t.} \quad \sum_{n=1}^{N} P_{n}\left(t\right) \leq E \end{array} \right\} \tag{16}$$

其中 var($\hat{R}_n(t)$) 表示第 n 个目标在 t 时刻的测量误差。

其中 V_p 表示期望获得的值, $x_n(t)$ 表示第n个目标在 t时刻的 RCS。

根据以上公式,功率分配的过程可以描述为: 在*t*时刻对目标在*t*+1时刻的状态进行预测,并根 据预测的状态通过式(17)对照射功率的计算,雷达 再根据计算的结果调整波束指向与发射功率。

5 实验结果及分析

本文将采用雷达实测数据对 RCS 的预测算法 进行验证,并建立仿真,采用多种功率分配方法进 行比较,以检验本文提出的功率分配结果的有效性。

5.1 RCS 预测

奖状

14.40

本文采用雷达实测数据对 RCS 的预测算法进行验证,实测数据来自C波段雷达对3种不同的飞机进行照射产生的回波。3种飞机的具体参数如表1 所示。

飞机	长 (m)	宽 (m)	高 (m)	类型
安-26	23.80	29.20	9.83	螺旋桨
雅克-42	36.38	34.88	9.83	喷气式

15.90

4.57

喷气式

表13种飞机的参数

通过对雷达回波的处理,得到目标在跟踪过程 中每个时刻t的 RCS 测量值y(t)、照射视角 $\theta(t)$ 与 径向距离R(t)。采样间隔为1s,共进行100s的仿 真。对安-26型号飞机的 RCS 预测结果如图1所示, 对雅克-42型号飞机的 RCS 预测结果如图2所示, 对奖状型号飞机 RCS 预测结果如图3所示。图中给 出了目标真实的 RCS 值,通过本文方法预测结果与 传统的 Swerling 模型估计值3种结果,以此对预测 结果进行比较。采用两种方法对3种飞机的 RCS 进 行预测的平均预测误差如图4所示。

通过图 1~图4中对3种飞机的仿真结果可以看 出,采用本文的预测方法,可以较为准确地预测出 目标 RCS 的起伏趋势,并进行较为准确地预测。相 对于传统的采用 Swerling 模型对 RCS 进行估计的方



图1 安-26型号飞机RCS预测结果

法,本文的方法更加准确,进而保证了功率分配的 准确性。

从图 4 可以看到,采用本文的方法对于不同的 目标 RCS 进行预测,由于目标本身的原因,会对预 测的效果产生巨大的影响。目标的形状越复杂,RCS 的变化趋势越复杂,越难以预测,预测的误差越大。 本次仿真所采用的 3 种飞机的回波数据中,安-26 飞机是大型螺旋桨飞机,形状较为复杂,因此对 RCS 的预测误差较大。

接下来,本文将通过进一步的仿真,以验证说 明影响本文算法预测 RCS 准确性的影响因素。本文 将采用3组数据分别进行预测,3组数据情况为:

数据 1: 奖状飞机在 300 s 内的回波数据,重访时间间隔为 1 s,回波信噪比为 15 dB。

数据 2: 在数据 1 作为标准情况下,增加一定的噪声,使回波信噪比为 11 dB,重访时间间隔为 1 s。以此来模拟目标 RCS 起伏加剧对预测准确性的影响。

数据 3: 在数据 1 作为标准情况下,增大重访时间间隔为 2 s。以此来模拟当目标运动产生的照射视角的变化率增大,对于预测结果准确性的影响。

则分别对3组数据进行预测,整个预测过程中, 预测值与真实值的平均误差如图5所示。

通过仿真图可以看到,目标 RCS 起伏剧烈程度 与雷达照射视角的变化率,均会直接影响本文预测 算法的准确性。RCS 起伏程度越剧烈、视角变化率 越大,预测的误差越大。因此,本文算法适用于 RCS 起伏具有一定趋势,剧烈程度不大,飞行过程中视 角变化率有限的目标。而在实际的使用过程中,可 以将预测后的结果与实际量测进行比较,当预测误 差超过门限,表明本文方法不适用当前目标。

5.2 功率分配

在仿真场景中,共有 3 个目标在雷达视线范围 内飞行。本文采用 3 种发射功率分配的方法,来进 行仿真与比较。首先采用第 3 节的预测目标 RCS 的 方法与第 4 节中功率分配的方法,对雷达照射目标



图2 雅克-42型号飞机RCS预测结果



的电磁波发射功率进行分配,经过功率分配后,雷达对 3 个目标实际的测量误差如图 6 所示。接下来采用传统的 Swerling 模型方法对目标 RCS 进行估计,并采用式(17)对功率进行分配,分配后 3 个目标的跟踪误差如图 7 所示。最后采用平均分配功率的方法,即照射 3 个目标的发射功率相同,则对 3 个目标实际跟踪误差如图 8 所示。仿真中设置的期望的对目标测量的误差为 200 m,即式(5)中 $\sigma_p = 200$ 。

通过图 6 可以看到,采用本文提供的方法对 RCS 进行预测,由于有较为准确的 RCS 的预测值, 故而经过功率分配后,得到的测量误差基本处于期 望的误差取值附近。而通过图 7 可以看出,虽然采 用相同的功率分配准则,但是由于采用了传统的 Swerling模型对 RCS进行估计,RCS 的预测不准确, 导致功率分配的不准确,进而导致了目标 3 的测量 误差较大,超出了期望的范围。通过图 8 可以看出, 采用平均分配功率的方法,目标 3 的测量误差过大, 存在丢失目标航迹的可能。 通过以上对比仿真可以看出,通过本文的方法 对目标在下一时刻的 RCS 进行预测,可以得到较为 准确的预测值,进而能够进行较为准确的功率分配, 保证对目标的测量误差处于合理的范围内。若采用 传统的 Swerling 模型的方法对 RCS 进行估计,由于 估计值的不准确,导致经过功率分配后得到的测量 误差的结果并不理想。

6 结束语

本文研究了雷达在对目标的跟踪过程中,对目标的 RCS 进行预测,并将预测结果应用到功率分配的问题。首先,本文采用概率密度转移与变化趋势学习的方法,推导了对目标 RCS 的预测方法。而后,本文提出了一种雷达电磁波照射目标的功率分配方法,并推导出目标 RCS 预测的准确性对于功率分配结果的影响。进而,通过3种飞机的实测数据,验证了本文方法能够对 RCS 进行较为准确的预测。最后,通过仿真对3种分配方法的比较,验证了本文的分配方法对于控制跟踪误差,节约资源的有效性。



参考文献

[1] 严俊坤, 纠博, 刘宏伟, 等. 一种针对多目标跟踪的多基雷达
 系统聚类与功率联合分配算法[J]. 电子信息学报, 2013, 35(8): 1875-1881.

Yan Jun-kun, Jiu Bo, Liu Hong-wei, et al.. Joint cluster and

power allocation algorithm for multiple targets tracking in multistatic radar systems[J]. *Journal of Electronics & Information Technology*, 2013, 35(8): 1875–1881.

[2] Godrich H, Petropulu A P, Vincent H, et al. Power allocation strategies for target localization in distributed multiple-radar architectures[J]. IEEE Transactions on Signal Processing, 2011, 59(7): 3226–3240.

- [3] Elshafei M and Hanif D. Radar pluse interleaving for multi-target[J]. Naval Research Logistics, 2003, 6(10): 101–103.
- Ghosh S, Hansen J, Rajkumar R, et al.. Integrated resource management and scheduling with multi-resource constraints
 [C]. Real-Time Systems Symposium, Lisbon, 2004: 25–37.
- [5] Li W L and Yuan S. Efficient anchor power allocation for location-aware networks[C]. IEEE International Conference (ICC), Kyoto, 2011: 1–6.
- [6] Inasawa Y, Saito M, Naito I, et al.. Numerical calculation and experimental validation of RCS analysis for radome-enclosed scatterer by using PMCHWT- formulation[C]. 2011 General Assembly and Scientific Symposium, Istanbul, 2011: 1–4.
- [7] Altm N and Yazgan E. RCS prediction using fast ray tracing in plucker coordinates[C]. 2013 7th European Conference on Antennas and Propagation, Sweden, 2013: 284–288.
- [8] Chan K K, Wong S, Riseborough E, et al.. RCS predictions and measurements of a full size jet engine model[C]. Antennas and Propagation Society International Symposium, Memphis, 2005: 97–100.
- [9] El-Kamchouchy H, Saada K S, Hafez A E S, et al.. An accurate multistatic radar RCS for airhawk F117 stealthy target[C]. 15th International Conference on Computer Modelling and Simulation, Cambridge, 2013: 734–738.
- [10] Sun Bin, Wang Xue-zhi, Moran B, et al. Target tracking using range and RCS measurements in a MIMO radar network[C]. Radar Conference 2013, Beijing, 2013: 1–6.

- [11] Jeong Ho-ryung, Lee Dong-han, Oh Tae-bong, et al.. RCS measurement and analysis of corner reflector and its background for KOMPSAT-5 calibration and validation[C]. 2011 3rd International Asia-Pacific Conference on Synthetic Aperture Radar(APSAR), Seoul, 2011: 1–4.
- Mertens M and Ulmke M. Ground target tracking with RCS estimation utilizing probability hypothesis density filters[C].
 16th International Conference on Information Fusion, Istanbul, 2013: 2145–2152.
- [13] Tong Jun, Shan Gan-lin, et al.. Decomposition of maneuvering target RCS based on wavelet analysis[C]. 2010 First International Conference on Pervasive Computing, Signal Processing and Applications. Hangzhou, 2010: 972–976.
- [14] Li Yong, Li Wen-zhu, Yuan Li, et al.. Research on RCS characteristic of three kinds of metal plat[C]. 2012 IEEE 2nd International Conference on Cloud Computing and Intelligent Systems (CCIS), Hangzhou, 2012: 875-878.
- [15] Kay S M 著. 罗鹏飞,张文明,刘忠,等译. 统计信号处理基础 估计与检测理论[M]. 第 1 版,北京:电子工业出版社, 2011:44-47.
- 秦 童: 男,1988年生,博士生,研究方向为目标跟踪、认知雷达资源管理等.
- 戴奉周: 男,1978年生,副教授,研究方向为统计与自适应信号 处理、目标检测等.
- 刘宏伟: 男,1971年生,教授,研究方向为雷达信号处理、雷达 自动目标识别、认知雷达、协同探测等.