## 干扰背景下基于双圆阵的全向测角方法

田 超\* 文树梁

(北京无线电测量研究所 北京 100854)

**摘 要**: 当干扰与目标方位夹角较小时,基于单圆阵的方位全向米波雷达在进行干扰对消时,目标回波的对消损失 较大,从而降低了干扰对消后的目标检测概率和目标方位估计精度。针对此问题,该文提出一种基于双圆阵的干扰 对消和目标方位角估计算法。该算法先利用小圆阵激励出的-1,0和1阶相位模式初步估计干扰的方位角,后利用 大圆阵激励出对称高阶相位模式获得精确的干扰方位角并利用其激励出的非对称高阶相位模式进行干扰对消和目 标方位角的估计。该算法相对于单圆阵的干扰对消和测角方法可以减小目标回波的对消损失,提高干扰对消后的信 噪比,从而增大目标检测概率和提高目标方位角的估计精度,仿真结果证明了该算法的有效性。 关键词: 雷达;双圆阵;干扰对消;全向测角;角度模糊

中图分类号: TN957 文献标识码: A 文章编号: 1009-5896(2015)07-1751-06 DOI: 10.11999/JEIT141375

# Omni-directional Angle Measurement Algorithm under Interference with Double Circular Arrays

Tian Chao Wen Shu-liang

(Beijing Institute of Radio Measurement, Beijing 100854, China)

Abstract: If the azimuth angle between the interference and the detected target is small, the energy of the received signal reflected by the target may have a great loss when the interference is cancelled for an omni-directional VHF radar with single circular array. To resolve this problem, an improved algorithm based on double circular arrays is proposed. The algorithm firstly utilizes the excited phase mode -1, 0 and 1 of the small array to estimate a rough azimuth angle of the interference, and then acquires an accurate one by symmetrical phase modes of high orders of the large array. Finally, interference cancellation and estimation of target's azimuth angle are fulfilled via unsymmetrical phase modes of the large array. Compared with the algorithm based on single array, the proposed algorithm can reduce the energy loss of the useful signal and increase the estimation precision of target's azimuth angle. Simulation results demonstrate the effectiveness of the proposed algorithm.

**Key words**: Radar; Double circular arrays; Interference cancellation; Omni-directional angle measurement; Angle ambiguity

## 1 引言

在现代战争中,如何在复杂的干扰环境下有效 探测目标是雷达研制面临的严峻挑战。特别是对于 文献[1]中提到的移动式、小尺寸方位全向米波雷达, 该雷达虽然因为具有反隐身和反辐射导弹的能力以 及机动性强、系统组成简单、成本低且可进行空域 全方位的同时覆盖等特点而逐渐受到关注,但其方 位全向的特性亦使得其更容易受到压制干扰的影响。

由于该米波雷达的发射、接收方向图均是方位 全向的,因而通过降低方向图旁瓣以及常规旁瓣相 消<sup>[2,3]</sup>的抗干扰方法难以有效应用;而且该雷达的测 角体制与常规警戒搜索雷达不同,是利用均匀圆阵 相位模式空间中的-1,0和1阶模式进行联合测角, 故无法使用类似于文献[4]中结合和差波束与辅助波 束的新方法达到抗干扰的目的。另外,方位全向米 波雷达的阵列口径小,阵元间互耦严重,而在互耦 系数未知的情况下,诸如自适应置零方法<sup>[5,6]</sup>、自适 应干扰对消方法<sup>[7]</sup>和基于阻塞预处理的抗干扰方 法<sup>[8,9]</sup>的应用均受到限制。相比之下,文献[10]基于 JADE的盲源分离方法和文献[11]基于典范相关分 析的盲源分离方法可以有效实现干扰和目标回波的 分离,但用于全向测角的相位信息全部在分离矩阵 中,因此无法利用盲源分离后的输出信号得到目标 方位的估计。文献[12]利用噪声调频信号的恒模特性 重构出干扰进而在时域实现干扰对消的方法,针对 噪声调频干扰的效果较好,但当干扰兼具调频和调

<sup>2014-10-29</sup> 收到, 2015-02-06 改回, 2015-05-11 网络优先出版 \*通信作者: 田超 qctchao87@126.com

幅特性时,干扰重构误差较大。利用干扰和目标回 波的极化差异可以实现有效的干扰抑制<sup>[13,14]</sup>,文献 [15]提出的自适应极化对消滤波器和文献[16]提出的 雷达收发极化的联合优化方法可用于方位全向米波 雷达,但前者在干扰与目标回波极化特性接近以及 干扰与目标方位夹角较小时,对消损失较大,而后 者基于现有方位全向雷达的系统组成则不易实现。

由于米波全向雷达阵列口径较小,阵元间互耦 效应严重,这限制诸多经典测角方法和抗干扰方法 的应用。相对于干涉测角、和差单脉冲测角以及0 阶和1阶相位模式测角等方法,文献[1]提出的一种实 现简单的联合测角方法,其利用-1阶和1阶相位模式 消除互耦的影响,利用-1阶和0阶相位模式消除测角 模糊,进而获得目标方位的无模糊估计。在该方法 的基础上,可以进一步得到基于-1阶、0阶和1阶相 位模式的干扰对消和对消后目标方位角估计方法, 该方法实现简单且在不同压制干扰下均有效,但当 干扰与目标方位夹角较小时,目标回波损失较大。 为解决该问题,本文提出了基于大小双圆阵的干扰 对消和目标方位估计方法,并对相位模式阶数和阵 列参数的选择进行了分析,最后对所提方法的有效 性进行了仿真验证。

## 2 基于高阶相位模式激励的干扰对消方法

均匀离散圆阵的天线阵元分布如图 1 所示, N 个相同的天线均匀分布在直径为 d 的圆周上。

假设目标的方位角和俯仰角分别为 $\theta_s$ 和 $\varphi_s$ ,干扰的方位角和俯仰角分别为 $\theta_r$ 和 $\varphi_I$ ,阵列中心收到的目标回波和干扰信号分别记为 $s_T(t)$ 和I(t),第k个阵元对应的接收支路中的噪声记为 $n_k(t)$ ,均值为0,方差为 $\sigma^2$ 。经过时域采样, $s_T(t)$ ,I(t)和 $n_k(t)$ 分别对应输出 $s_T(n)$ ,I(n)和 $n_k(n)$ 。经过匹配滤波后,若 $n_0$ 为输出峰值对应的位置,此时信号、干扰和噪声分别对应的输出为 $s_c(n_0)$ , $I_c(n_0)$ 和nc $_k(n_0)$ ,那么第k个阵元收到的信号经时域采样和匹配滤波后的输出可表示为



图1 均匀离散圆阵示意图

$$S_{k}(n_{0}) = s_{c}(n_{0})e^{j\beta_{s}\cos\left\{\theta_{s} - \frac{2\pi(k-1)}{N}\right\}} + I_{c}(n_{0})e^{j\beta_{1}\cos\left\{\theta_{1} - \frac{2\pi(k-1)}{N}\right\}} + nc_{k}(n_{0})$$
(1)

其中,  $\beta_{\rm s} = \pi d \cos \varphi_{\rm s} / \lambda_{\rm c}$ ,  $\beta_{\rm I} = \pi d \cos \varphi_{\rm I} / \lambda_{\rm c}$ ,  $k = 1, \cdots, N$ 。

利用式(1)可得均匀圆阵激励出的 p 阶和 q 阶相 位模式为

$$\begin{split} G_{p}(n_{0}) &\approx \mathbf{j}^{p} N s_{\mathrm{c}}(n_{0}) \mathbf{J}_{p}(\beta) \mathrm{e}^{-\mathbf{j}p\theta_{\mathrm{s}}} \\ &+ \mathbf{j}^{p} N I_{\mathrm{c}}(n_{0}) \mathbf{J}_{p}(\beta) \mathrm{e}^{-\mathbf{j}p\theta_{\mathrm{I}}} \\ &+ \sum_{k=0}^{N-1} \mathrm{nc}_{k}(n_{0}) \mathrm{e}^{-\mathbf{j}2\pi pk/N} \\ G_{q}(n_{0}) &\approx \mathbf{j}^{q} N s_{\mathrm{c}}(n_{0}) \mathbf{J}_{q}(\beta) \mathrm{e}^{-\mathbf{j}q\theta_{\mathrm{s}}} \\ &+ \mathbf{j}^{q} N I_{\mathrm{c}}(n_{0}) \mathbf{J}_{q}(\beta) \mathrm{e}^{-\mathbf{j}q\theta_{\mathrm{I}}} \\ &+ \sum_{i=0}^{N-1} \mathrm{nc}_{k}(n_{0}) \mathrm{e}^{-\mathbf{j}2\pi qk/N} \end{split}$$
(2)

利用  $G_p$  和  $G_{-q}$ ,  $G_q$  和  $G_{-p}$  (p > 0,  $q \ge 0$ ,  $p \neq q$ )分别进行干扰对消可得

$$G_{p,-q}(n_0) = G_p(n_0) - \widehat{w}_{p,-q} G_{-q}(n_0)$$
(4)

$$G_{-p,q}(n_0) = G_{-p}(n_0) - \hat{w}_{-p,q}G_q(n_0)$$
 (5)

其中,  $\hat{w}_{p,-q}$  和  $\hat{w}_{-p,q}$  分别为对消系数。

当 $\hat{w}_{p,-q}$ 和 $\hat{w}_{-p,q}$ 的估计精度均较高时, $G_{p,-q}(n_0)$ 和 $G_{-p,q}(n_0)$ 中的干扰项可忽略不计,因此近似有  $G_{-p,q}(n_0) \sim i^p N_{\mathcal{S}}(n_0) L(\beta)$ 

$$\begin{aligned} \mathbf{f}_{p,-q}(n_0) &\approx \mathbf{j} \, N \mathbf{s}_{\mathrm{c}}(n_0) \mathbf{J}_p(\beta) \\ &\cdot \mathrm{e}^{-\mathrm{j}p\theta_{\mathrm{s}}} \left( 1 - \exp\left[ \mathrm{j}(p+q) \big(\theta_{\mathrm{s}} - \theta_{\mathrm{I}} \big) \right] \right) \\ &+ \mathrm{nc}_{p,-q}(n_0) \end{aligned} \tag{6}$$

$$G_{-p,q}(n_0) \approx \mathbf{j}^{-p} N \mathbf{s}_{\mathrm{c}}(n_0) \mathbf{J}_{-p}(\beta) \\ \cdot \mathrm{e}^{\mathbf{j} p \theta_{\mathrm{s}}} \left( 1 - \exp\left[-\mathbf{j}(p+q) \left(\theta_{\mathrm{s}} - \theta_{\mathrm{I}}\right)\right] \right) \\ + \mathrm{nc} \quad (n_0)$$
(7)

其中

$$\begin{split} &\operatorname{nc}_{p,-q}(n_0) = \sum_{k=0}^{N-1} \operatorname{nc}_k(n_0) \Big( \mathrm{e}^{-\mathrm{j}2\pi pk/N} - \widehat{w}_{p,-q} \mathrm{e}^{\mathrm{j}2\pi qk/N} \Big) \\ &\operatorname{nc}_{-p,q}(n_0) = \sum_{k=0}^{N-1} \operatorname{nc}_k(n_0) \Big( \mathrm{e}^{\mathrm{j}2\pi pk/N} - \widehat{w}_{-p,q} \mathrm{e}^{-\mathrm{j}2\pi qk/N} \Big) \end{split}$$

由式(6)和式(7)可知,干扰对消后目标回波的幅 度为对消前的 $L_{p,q} = |2\sin[(p+q)(\theta_s - \theta_1)/2]|$ 倍。在  $|\theta_s - \theta_1|$ 较小时, $L_{p,q}/L_{1,0}$ 随着p+q的增大而增大, 这意味着相比于利用 0 阶和-1 阶模以及 0 阶和 1 阶 模,利用 p 阶和 -q 阶模以及 q 和 -p 阶模来对消干扰 (p+q>1),有利于减少目标回波的损失。

## 3 基于双圆阵的全向测角方法

若干扰对消后信噪比较高,则可由式(6)和式(7) 得到

$$\frac{G_{-p,q}(n_0)}{G_{p,-q}(n_0)} \approx -\exp\left[\mathbf{j}(p-q)\theta_{\mathrm{s}} + \mathbf{j}(p+q)\theta_{\mathrm{I}}\right]$$
(8)

$$\hat{\mathbf{G}} = rg\left(\!-rac{G_{-p,q}(n_0)}{G_{p,-q}(n_0)} \!\exp\left(\!-\mathbf{j}2p\hat{ heta}_\mathrm{I}
ight)\!
ight), \;\; \mathrm{arg}(ullet) 
onumber \ ,$$

示取相位运算, $\hat{\theta}_{I}$ 为干扰方位角估计, $\hat{\theta}_{pq} \in [0, 2\pi]$ 。  $\hat{\theta}_{pq}$ 的均方根误差 $\delta_{pq}$ 为

$$\delta_{pq} \approx \frac{\sqrt{\mathbf{J}_{p}^{2}(\beta) + \mathbf{J}_{q}^{2}(\beta)}}{2 |\sin[(p+q)(\theta_{s} - \theta_{1})/2]| \cdot |\mathbf{J}_{p}(\beta)\mathbf{J}_{q}(\beta)|} \cdot \frac{1}{\sqrt{N |s_{c}(n_{0})|^{2}/\sigma^{2}}}$$
(9)

 $\ddot{\pi}(p-q)|\theta_s - \theta_I| + 2p\delta_{\theta_I} < \pi, \delta_{\theta_I}$ 为干扰方位角的估计精度,则可得目标方位角的无模糊估计值

$$\hat{\theta}_{\rm s} = \hat{\theta}_{\rm I} + \hat{\theta}_{pq} / (p - q) \tag{10}$$

由式(10)知,目标方位角的估计精度取决于 $\hat{\theta}_{pq}$ 和 $\hat{\theta}_{I}$ 的精度以及p和q的取值。

 $\hat{\theta}_{1}$ 可通过-1,0和1阶模进行无模糊测角获得。 然而,采用-1,0和1阶模进行无模糊测角对圆阵直 径的要求往往与采用高阶相位模式对消干扰对圆阵 直径的要求不一致,这种不一致将导致 $\hat{\theta}_{pq}$ 和 $\hat{\theta}_{1}$ 无法 同时达到理想精度。以p = 2, q = 3为例,为保证 干扰对消后的信噪比从而使 $\hat{\theta}_{pq}$ 获得较高的估计精 度,d 宜取1.2 $\lambda_{c}$ ,而为保证 $\hat{\theta}_{1}$ 的精度,d 宜取0.45 $\lambda_{c}$ 。 若 d 取 1.2 $\lambda_{c}$ ,而为保证 $\hat{\theta}_{1}$ 的精度仅为 d 取 0.45 $\lambda_{c}$  时的 1/22,如果 d 取 0.45 $\lambda_{c}$ ,那么 $\hat{\theta}_{pq}$ 的精度仅为 d 取 1.2 $\lambda_{c}$ 的1/6,因此,为了使 $\hat{\theta}_{pq}$ 和 $\hat{\theta}_{1}$ 均获得较高的估 计精度,可采用双圆阵。小圆阵可以布设于大圆阵 中,两圆阵共圆心。

假设小圆阵的阵列直径为 $d_1$ , 阵元数为 $N_1$ ,  $\beta_1 = 2\pi d_1 \cos \varphi_1 / \lambda_c$ , 小圆阵激励出的 0, -1 和 1 阶 模分别记为 $G'_0(n)$ ,  $G'_{-1}(n)$  和 $G'_1(n)$ 。干扰方位角可 在匹配滤波前利用多个快拍在最小均方误差的准则 下估计得到, 而利用大圆阵来估计目标方位角则需 利用匹配滤波输出峰值点的相位信息。

若记利用小圆阵激励出的-1,0和1阶模得到的 干扰方位角 θ<sub>1</sub>,且有

$$\exp(j2\hat{\theta}_{\mathrm{II}}) = \sum_{n=1}^{N_{\mathrm{ss}}} G_{1}^{\prime*}(n)G_{-1}^{\prime}(n) \Big/ \left| \sum_{n=1}^{N_{\mathrm{ss}}} G_{1}^{\prime*}(n)G_{-1}^{\prime}(n) \right| \quad (11)$$

由式(11)以及-1 和 0 阶模得到的干扰方位角可 以得到无模糊的  $\hat{\theta}_{11}$ ,且其精度可表示为

$$\delta_{\theta_{11}} \approx \frac{1}{2|J_1(\beta_1)| \sqrt{\frac{N_1}{N_{ss}\sigma^2} \sum_{n=1}^{N_{ss}} |I(n)|^2}}$$
(12)

假设大圆阵的阵列直径为 $d_2$ , 阵元数为 $N_2$ ,  $\beta_2 = 2\pi d_2 \cos \varphi_1 / \lambda_c$ , 在经过匹配滤波器之前, 大圆 阵激励出的 -h, h(h>1), -p, p, -q 和 q 阶模 分别记为 $G_{-h}(n)$ ,  $G_h(n)$ ,  $G_{-p}(n)$ ,  $G_p(n)$ ,  $G_{-q}(n)$ 和 $G_q(n)$ ,  $n = 1, \dots, N_{ss}$ ,  $N_{ss}$ 为快拍数。若记利用  $G_{-h}(n) 和 G_h(n)$ 得到的干扰方位角为 $\hat{\theta}_{12}$ , 则有  $\exp(j2h\hat{\theta}_{12}) = \sum_{n=1}^{N_{ss}} G_h^*(n)G_{-h}(n) / \left| \sum_{n=1}^{N_{ss}} G_h^*(n)G_{-h}(n) \right| (13)$ 

 $\hat{\theta}_{12}$ 的精度则为

$$\delta_{\theta_{12}} \approx 1 / \left[ 2h \left| \mathbf{J}_h(\beta_2) \right| \sqrt{\frac{N_2}{N_{\rm ss}} \sigma^2} \sum_{n=1}^{N_{\rm ss}} |I(n)|^2 \right]$$
(14)

若 $h(\delta_{\theta_{11}} + \delta_{\theta_{12}}) < \pi$ ,可得到无角度模糊的 $\hat{\theta}_{12}$ 为  $\hat{\theta}_{12} - \hat{\theta}_{12} + \frac{1}{2} \arg \left[ \exp\left(-\frac{i2h\hat{\theta}_{12}}{h}\right) \sum_{n=1}^{N_{ss}} C^{*}(n)C_{n}(n) \right]$ 

$$I_{12} = \theta_{11} + \frac{1}{2h} \arg \left( \exp \left( -j2h\theta_{11} \right) \sum_{n=1}^{N} G_h(n) G_{-h}(n) \right)$$

$$/ \left| \sum_{n=1}^{N_{ss}} G_h^*(n) G_{-h}(n) \right|$$

$$(15)$$

由式(12)和式(14)可知,如果双圆阵各参数的选择使得存在整数h满足 $h > \left| \frac{J_1(\beta_1)}{J_h(\beta_2)} \right| \sqrt{\frac{N_1}{N_2}}$ ,那么可确定以 $\hat{\theta}_{12}$ 为干扰方位角的估值,否则仍以 $\hat{\theta}_{11}$ 为干扰方位角的估值。

对消系数  $\hat{w}_{p,-q}$  和  $\hat{w}_{-p,q}$  则可利用  $G_{-p}(n)$ ,  $G_{p}(n)$ ,  $G_{-q}(n)$  和  $G_{q}(n)$  计算得到。

$$\widehat{w}_{p,-q} = \sum_{n=1}^{N_{ss}} G_{-q}^{*}(n) G_{p}(n) \bigg/ \bigg| \sum_{n=1}^{N_{ss}} G_{-q}^{*}(n) G_{q}(n) \bigg|$$
(16)

$$\widehat{w}_{-p,q} = \sum_{n=1}^{N_{\rm NS}} G_q^*(n) G_{-p}(n) \bigg/ \left| \sum_{n=1}^{N_{\rm NS}} G_q^*(n) G_q(n) \right| \quad (17)$$

需要说明的是,米波全向雷达的阵列直径往往较小,阵元间的互耦较为严重。然而,在均匀离散圆阵的相位模式空间,互耦对各阶相位模式的影响等效于乘以一复系数,此点在文献[1]中有详细论述。由于该系数可包含在 ŵ<sub>p,-q</sub> 和 ŵ<sub>-p,q</sub>中,故无需单独估计,也正是基于此,本文在建立数学模型时并未将互耦系数代入其中。

## 4 p,q,h及阵列参数的选择

出于对雷达高机动性以及铁路运输对装备尺寸 的限制,阵列直径最好不超过 3 m,而出于对隐身 目标和反辐射导弹的探测需求,选用的发射频率为 140~160 MHz,即要求阵列直径最大不超过1.5λ<sub>c</sub>, 同时期望的仰角覆盖范围为 0°~45°。

从获得高精度目标方位估计的角度,结合式 (9)、式(10)和式(14)可知,  $V_h = h |J_h(\beta_2)|$ 以及  $V_a = \frac{(p-q) |J_p(\beta_2)J_q(\beta_2)|}{\sqrt{J_p^2(\beta_2) + J_q^2(\beta_2)}} |\sin[(p+q)(\theta_s - \theta_1)/2]|$ 的取 值应尽量大。从提高对消后检测性能的角度,则要 求 $V_{\rm b} = V_{\rm a} / (p-q)$ 应尽量大。对于警戒搜索雷达而 言,在选择p, q时遵循检测优先的原则。

记
$$U_{pq} = \frac{\left| \mathbf{J}_{p}(\beta_{2}) \mathbf{J}_{q}(\beta_{2}) \right|}{\sqrt{\mathbf{J}_{p}^{2}(\beta_{2}) + \mathbf{J}_{q}^{2}(\beta_{2})}}$$
, 在 $p + q$ 分别为 3,

4, 5, 6, 7, 8 时,在不同的 p, q组合下,  $U_{pq}$ 随  $d/\lambda_{c}\cos\phi$ 的变化规律分别如图 2~图 7 所示。

由图 2~图 7 可得到,为保证 $U_{pq}$ 在0°~45°的 仰角范围内均较大, p+q=3,4,5,6,7,8时, p, q,  $d/\lambda_{c}$ 的适宜取值分别为: p=3, q=0,  $d/\lambda_{c}=0.92$ ; p=3, q=1,  $d/\lambda_{c}=1.06$ ; p=3, q=2,  $d/\lambda_{c}=1.35$ ; p=4, q=2,  $d/\lambda_{c}=1.45$ ; p=4, q=3,  $d/\lambda_{c}=1.50$ ; p=5, q=3,  $d/\lambda_{c}=1.50$ 。分别取上述6组参数时,在0°~45°的 仰角范围内 $U_{pq}$ 的最大值和最小值分别为: 0.33 和 0.30; 0.23 和 0.18; 0.30 和 0.25; 0.22 和 0.18; 0.27 和 0.14; 0.19 和 0.05。

结合图 2~图 7 以及图中分别对应的最佳 $d/\lambda_c$ 的取值,可以看出,随着p+q的增大, $d/\lambda_c$ 的最 佳取值逐渐增大,由于限制了d最大不超过1.50 $\lambda_c$ , 因此p+q=7和8时的最优 $d/\lambda_c$ 只能取1.50。可以 预见,p+q>8并越来越大时, $U_{pq}$ 的最大值和最 小值越来越小,同时,从图6和图7可以看到,确 定 $d/\lambda_{c}$ 后, $U_{pq}$ 随着仰角增大迅速减小,因此适宜的p和q应在 $p+q \leq 6$ 时选取。

由于选择合适的 p, q,  $d/\lambda_c$  的目的是为了使 得 $V_b$ 尽量大,而在目标与干扰方位角较小时,p+q越大, $V_b$ 越大。考虑极端情况, $|\sin[2(\theta_s - \theta_1)]|$ ,  $|\sin[5(\theta_s - \theta_1)/2]|$ 和  $|\sin[3(\theta_s - \theta_1)]|$ 分别为  $|\sin[3(\theta_s - \theta_1)/2]|$ 的 4/3, 5/3和2倍,将相应的倍 数等效到 p+q=3,4,5,6时,各自最佳 p, q,  $d/\lambda_c$ 取值分别对应 $U_{pq}$ 的最大值和最小值为 0.33和 0.30, 0.30和 0.24,0.50和 0.42,0.44和 0.36。通过比较不 难发现,p=3, q=2,  $d/\lambda_c=1.35$ 是更为合适的 参数组合。

 $V_h$ 的大小在存在干扰时影响干扰方位角的估计精度,在不存在干扰时直接影响目标方位角的估计精度,然而无论干扰存在与否,均希望 $V_h$ 尽量大。 h取不同值时, $V_h$ 随 $d/\lambda_c \cos\phi$ 的变化如图 8 所示。

由图 8 可知,  $d/\lambda_c \cos \phi = 0.95 \sim 1.35$  时,  $V_3$ 整体取值最大, 因此 h 以取 3 为宜。

在确定阵列直径 d 为1.35λ<sub>c</sub>以及测角中使用的 最高阶相位模式为 3 阶后,可以确定所需的天线阵 元数。天线阵元数的确定,以仰角为 0°且利用最 高阶数测角时,方位最大固有误差不超过 1°为准 则。由文献[1]知,固有误差在阵元数为偶数和奇数



时存在差异。通过仿真计算可知,当阵元数为不小于 10 的偶数或者不小于 9 的奇数时,利用 3 阶和-3 阶相位模式测角得最大固有误差小于 1°。阵元数为 偶数时,关于圆阵中心对称的两个阵元可共用一路 接收机,可以简化系统,减少硬件成本,但这亦可 能造成两个阵元在进入接收机之前引入的幅相不一 致无法补偿;阵元数为奇数时,在相同的最大固有 误差要求下,所需的阵元数更少,但接收机数量与 阵元数应相同。因此,阵元数是奇数或偶数应根据 实际需求选定。

综上所述,测角及大圆阵相关参数的选择为:  $p=3, q=2, h=3, 大圆阵 d/\lambda_c = 1.35, 阵元数$ 为不小于 10 的偶数或者不小于 9 的奇数,小圆阵的 阵列参数选择可参见文献[1]。

## 5 仿真结果及分析

本节主要验证本文所提方法相对于单圆阵利用 -1,0和1阶模进行干扰对消和目标方位估计方法, 在减小目标回波损失以及提高目标方位角测角精度 上的改进。

发射信号为线性调频信号,载频为150 MHz, 带宽为5 MHz,脉宽为100 µs,脉冲重复间隔1 ms, 时域采样率为5 MHz,静止目标距雷达51.029 km, 目标和干扰的仰角均为10°,目标方位角为30°, 干扰方位角为40°,单个阵元接收支路单脉冲信干 比为-60 dB。小圆阵直径0.9 m,阵元数为8,大圆 阵直径为2.7 m,阵元数为16。大圆阵利用3阶和 -2阶,-3阶和2阶模对消干扰,利用3阶和-3阶 模获得更高精度的干扰方位角。

由于压制干扰的类型不影响对消效果,故不妨 假设干扰为射频噪声干扰。脉冲压缩前,单个阵元 接收支路单脉冲信噪比分别为-10 dB和0 dB时, 利用单圆阵和双圆阵进行干扰对消的效果对比分别 如图 9 和图 10 所示,其中图 9(a)和图 10(a)为单圆 阵-1 阶模和0 阶模对消后的脉冲压缩输出,图 9(b) 和图 10(b)为双圆阵中利用大圆阵的-3 阶模和 2 阶 模对消后的脉冲压缩输出。

图 9 中利用单圆阵和双圆阵进行干扰对消后的信干比分别为 13.6 dB 和 20.47 dB,图 10 中利用单圆阵和双圆阵进行干扰对消后的信干比分别为 17.2 dB 和 21.5 dB,这说明无论单圆阵还是双圆阵,干扰均被较好地对消掉。

由图 9 可以看到,单个阵元支路脉冲压缩前信 噪比为-10 dB 时,利用单圆阵对消后,从匹配滤波 的输出中无法检测到目标,而利用双圆阵对消后的 匹配滤波输出中可以检测到目标,且经过 1000 次蒙 特卡洛仿真可以得到目标方位角估计值的均值为 30.3°,均方根误差为 9.9°。



图 8 不同的 h 取值时  $V_h$  随  $d / \lambda_c \cos \phi$  的变化

图 9 射频噪声干扰且信噪比为-10 dB 时单、双圆阵对消效果对比



图 10 射频噪声干扰且信噪比为 0 dB 时单、双圆阵对消效果对比

由图 10 可以看到,单个阵元支路脉冲压缩前信 噪比为 0 dB 时,分别基于单圆阵和双圆阵进行对消 后,从匹配滤波的输出中均可检测到目标,但前者 的输出峰值信噪比明显低于后者。经过 1000 次蒙特 卡洛仿真可以得到利用单圆阵对消干扰后得到目标 方位角估计值的均值为 30.2°,均方根误差为 12.5°, 利用双圆阵对消干扰后得到目标方位角估计值的均 值为 29.9°,均方根误差为 2.9°。

综上所述,基于双圆阵的对消方法在目标干扰 方位夹角较小时可以相对地减小目标回波的对消损 失,提高干扰对消后的信噪比,从而增大目标检测 概率和提高目标方位角的估计精度。

## 6 结束语

本文针对小尺寸方位全向米波雷达提出了一种 基于大小双圆阵相位模式激励的干扰对消和目标方 位估计算法,并给出了相位模式阶数和阵列参数的 选择依据。在目标与干扰方位夹角较小时,该算法 可有效减小目标回波的损失,提高干扰对消后的信 噪比,从而提高目标检测概率与目标方位角的估计 精度。不过本文算法无法解决多干扰问题,因此如 何消除多个干扰的影响还有待进一步的研究。

#### 参考文献

[1] 田超,文树梁.米波圆阵雷达全向测角算法及其性能分析[J].
 系统工程与电子技术,2013,35(12):2507-2512.

Tian Chao and Wen Shu-liang. Omni-directional angle measurement algorithm of meter-wave circular array radar and its performance analysis[J]. *Systems Engineering and Electronics*, 2013, 35(12): 2507–2512.

- [2] Zeng Guo-qi, Li Si-yin, Zhang Yan, et al. Low side lobe pattern synthesis using projection method with genetic algorithm for truncated cone conformal phased arrays[J]. Journal of Systems Engineering and Electronics, 2014, 25(4): 554–559.
- [3] 吉波,张科,刘晓婧,等. 基于自适应旁瓣相消的干扰源方位 估计方法[J]. 系统工程与电子技术, 2014, 36(10): 1913–1917.
   Ji Bo, Zhang Ke, Liu Xiao-jing, et al. DOA estimation method for jamming based on adaptive sidelobe canceller[J]. Systems Engineering and Electronics, 2014, 36(10): 1913–1917.
- [4] Li Rong-feng, Rao Can, Dai Ling-yin, et al. Combining sum-difference and auxiliary beams for adaptive monopulse in jamming[J]. Journal of Systems Engineering and Electronics, 2013, 24(3): 372–381.
- [5] Higgins T and Webster T. Mitigating interference via spatial and spectral nulling[J]. *IET Radar, Sonar & Navigation*, 2014, 8(2): 84–93.
- [6] Su Hong-tao, Liu Hong-wei, Shui Peng-lang, et al. Adaptive beamforming for nonstationary HF interference cancellation in skywave over-the-horizon radar[J]. *IEEE Transactions on* Aerospace and Electronic Systems, 2013, 49(1): 312–324.

- [7] Tan D K P, Lesturgie M, Sun Hong-bo, et al. Space-time interference analysis and suppression for airborne passive radar using transmissions of opportunity[J]. *IET Radar, Sonar & Navigation*, 2014, 8(2): 142–152.
- [8] 王强,张永顺,司文涛.基于阻塞预处理的多基地雷达抗主瓣 干扰算法[J].电子与信息学报,2014,36(3):734-738.
  Wang Qiang, Zhang Yong-shun, and Si Wen-tao. Main-lobe jamming suppression algorithm for multistatic radar based on block preconditioning[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2014, 36(3): 734-738.
- [9] 苏保伟,王永良,李荣锋,等. 阻塞矩阵方法对消主瓣干扰[J]. 系统工程与电子技术, 2005, 27(11): 1830-1832.
  Su Bao-wei, Wang Yong-liang, Li Rong-feng, et al. Mainlobe interference cancelling method via block matrix[J]. Systems Engineering and Electronics, 2005, 27(11): 1830-1832.
- [10] 王建明,伍光新,周伟光.盲源分离在雷达抗主瓣干扰中的应用研究[J].现代雷达,2010,32(10):46-49.
  Wang Jian-ming, Wu Guang-xin, and Zhou Wei-guang. A study on radar mainlobe jamming suppression based on blind source separation algorithm [J]. Modern Radar, 2010, 32(10): 46-49.
- [11] Bai Zhi-mao, Huang Gao-ming, and Yang Lu-xi. A radar anti-jamming technology based on canonical correlation analysis[C]. Proceedings of International Conference on Neural Networks and Brain, Beijing, China, 2005(1): 9–12.
- [12] Du Dong-ping and Tang-bin. Noise FM jamming suppression via logarithm transform[C]. Proceedings of International Conference on Communications, Circuits and Systems, Fujian, China, 2008: 957–959.
- [13] Gherardelli M. Adaptive polarization suppression of intentional radar disturbance[J]. *IEE Proceedings F: Radar* and Signal Processing, 1990, 137(6): 407–417.
- [14] Dai Huan-yao, Wang Xue-song, Li Yong-zhen, et al.. Main-lobe jamming suppression method of using spatial polarization characteristics of antennas[J]. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 2012, 48(3): 2167–2179.
- [15] Nathanson F E. Adaptive circular polarization[C]. Proceedings of IEEE International Radar Conference, Arlington, USA, 1975: 221–225.
- [16] 施龙飞,王雪松,肖顺平.干扰背景下雷达最佳极化的分步估 计方法[J]. 自然科学进展,2005,15(11):1324-1329.
  Shi Long-fei, Wang Xue-song, and Xiao Shun-ping. A stepwise estimation method of optimal polarization of radar with interference[J]. *Progress in Natural Science*, 2005, 15(11): 1324-1329.
- 田 超: 男,1987年生,博士生,研究方向为雷达总体技术与信 号处理.
- 文树梁: 男,1971年生,博士,研究员,研究方向为雷达总体技术与信号处理.