# 衬底材料对微带线间串扰耦合的影响研究

白 雪 徐雷钧

(江苏大学电气信息工程学院 镇江 212013)

摘 要:随着系统频率的提高,衬底材料特性已成为影响信号走线之间串扰的一个不可忽略的因素。该文基于传输 线方程和频域 S 参数对两平行微带线间串扰耦合进行理论分析,并结合全波 3 维电磁场仿真工具对具有不同介电 常数和不同厚度的衬底材料进行了仿真和分析,得到了微带线在不同衬底下的电场分布,以及近端和远端串扰随频 率、衬底介电常数和厚度变化的曲线。随着频率的增大,远端串扰将大于近端串扰,并且随着衬底介电常数和厚度 的增加,微带线间的串扰呈现正弦上升的变化趋势。 关键词:微带线;串扰;衬底;介电常数 中图分类号:TN817 文献标识码:A 文章编号:1009-5896(2010)11-2768-04 DOI: 10.3724/SP.J.1146.2010.00428

# Research on the Effects of Substrates on the Crosstalk in Microstrips

Bai Xue Xu Lei-jun

(School of Electrical and Information Engineering, Jiangsu University, Zhenjiang 212013, China)

Abstract: With the increasing of system frequency, the characteristics of microstrip substrates are non-ignorable factor for affecting the crosstalk between transmission lines. This paper analyzes the crosstalk between two parallel microstrip lines based on the transmission line equations and S parameters, simulates the crosstalk with different permittivity and thickness of the substrate with 3D full-wave electromagnetic tool. The electric field distributions of microstrips with different substrates and the results of near-end and far-end crosstalks with the changing of frequency, substrate permittivity and thickness are obtained. The far-end crosstalk will be greater than the near-end crosstalk with the frequency increasing, and moreover, with the increasing of substrate permittivity and thickness, the crosstalks of microstrips will present a sine upward trend.

Key words: Microstrip; Crosstalk; Substrate; Permittivity

### 1 引言

导体间的电磁耦合在实际的电子系统和电路中 是一种常见的现象,在多数情况下,这样的耦合并 非设计者所期望的,此时该现象即被称为串扰<sup>[1]</sup>。近 年来,随着系统时钟频率和电路集成度的不断提高, 印刷电路板(PCB)上信号线间的串扰问题已成为影 响数字系统性能的一个重要因素。

目前关于传输线间串扰的研究方法很多,文献 [2-4]通过对终端阻抗的分析和匹配来消除传输线的 串扰,文献[5-8]通过改进的分析方法和模型对串扰 进行预测和评估,文献[9,10]引入接地保护线来改善 串扰。大多数方法都是从改进模型或者耦合补偿的 角度来分析和消除串扰,并且主要基于时域的分析 方法进行研究。而随着频率的提高,衬底材料特性 对串扰的影响已不可忽略,特别是在高频情况下,

2010-04-26 收到, 2010-07-16 改回

江苏省高校自然科学研究项目(10KJB510002)资助课题 通信作者:徐雷钧 xlking@ujs.edu.cn

信号波长已经可以和走线的长度相比拟,衬底材料 的微小变化就能对微带线上信号的传播造成影响, 当前对于该方面的研究尚未见有深入系统的报道。 本文基于频域 S 参数的方法对两平行微带线间串扰 耦合进行理论分析,并结合全波电磁场仿真的方法 研究衬底和频率的变化对微带线近端及远端串扰的 影响,找出串扰耦合随衬底特性参数变化的一般规 律。

## 2 串扰耦合理论

随着频率的提高,信号的波长已经可以和 PCB 上传输线的长度相比拟,因此传输线的分布效应已 不能忽略,对传输线进行分析时应使用分布参数。 图 1 所示的是终端带有负载的两条平行微带线。

根据多导体传输线(MTL)理论, 描述传输线的 基本参数由电感矩阵[**L**]、电容矩阵[**C**]、电阻矩阵[**R**] 和电导矩阵[**G**]组成。对于图 1 中给出的两平行微带 线, 传输线方程为



图 1 两平行微带线 3D 结构

 $\partial \mathbf{V}(x)/\partial x = -[\mathbf{Z}]\mathbf{I}(x), \ \partial \mathbf{I}(x)/\partial x = -[\mathbf{Y}]\mathbf{V}(x)$  (1) 其中 **V**和 **I** 是每根线上的电压和电流矢量, x 代表 传输线上的位置,

$$[\boldsymbol{Z}] = [\boldsymbol{R}] + j\omega[\boldsymbol{L}] = \begin{bmatrix} R_{11} + j\omega L_{11} & R_{12} + j\omega L_{12} \\ R_{21} + j\omega L_{21} & R_{22} + j\omega L_{22} \end{bmatrix}$$
(2)

$$[\mathbf{Y}] = [\mathbf{G}] + j\omega[\mathbf{C}] = \begin{bmatrix} G_{11} + j\omega C_{11} & G_{12} + j\omega C_{12} \\ G_{21} + j\omega C_{21} & G_{22} + j\omega C_{22} \end{bmatrix} (3)$$

对式(1)进一步微分并将式(2)代入可以得到电 压的波动方程,同理也可以得到电流的波动方程, 如下式所示:

 $\partial^2 \mathbf{V}(x)/\partial x^2 = \gamma^2 \mathbf{V}(x), \quad \partial^2 \mathbf{I}(x)/\partial x^2 = \gamma^2 \mathbf{I}(x)$  (4) 其中传播常数  $\gamma$  由矩阵[**Z**][**Y**]或[**Y**][**Z**]经对角化后 得到。为了便于分析,假设图 1 中的平行微带线是 均匀对称的,使用奇偶模的分析方法可以分别得到 奇偶模传播常数和奇偶模特性阻抗:

$$\gamma_{\rm ev} = j\omega \sqrt{(L_{11} + L_{12})(C_{11} + C_{12})}$$
(5)

$$\gamma_{\text{odd}} = j\omega \sqrt{(L_{11} - L_{12})(C_{11} - C_{12})}$$
(6)

$$Z_{\rm ev} = \sqrt{(L_{11} + L_{12})/(C_{11} + C_{12})}$$
(7)

$$Z_{\rm odd} = \sqrt{(L_{11} - L_{12})/(C_{11} - C_{12})}$$
(8)

如图 1 所示,为了分析串扰,在两平行微带线的端口 1 处加上一个电压激励 *V*<sub>in</sub>,其余各端口均接负载阻抗 *Z*<sub>0</sub>,在两平行线间距并非很小的情况下,此时另一根导线上所产生的串扰可以用 *S* 参数表示为<sup>[1]</sup>

$$S_{21} = \frac{V_2(0)}{V_1(0)}$$
  

$$\approx \frac{\Delta Z}{2Z_0} \left\{ 1 - e^{-2\gamma_0 l} \left[ \cos(2\Delta kl) + \frac{\Delta Z}{Z_0} \sin(2\Delta kl) \right] \right\} (9)$$
  

$$S_{41} = \frac{V_2(l)}{V_1(0)} \approx -j e^{-\gamma_0 l} \sin(\Delta kl)$$
(10)

$$\gamma_0 = j\omega\sqrt{L_{11}C_{11}}, \quad Z_0 = \sqrt{L_{11}/C_{11}}$$
(11)

$$\Delta k = \frac{\left(\gamma_{\rm ev} - \gamma_{\rm odd}\right)}{2j} \approx \frac{\omega}{2Z_0} \left(L_{12} + C_{12}Z_0^2\right) \tag{12}$$

$$\Delta Z = \frac{\left(Z_{\rm ev} - Z_{\rm odd}\right)}{2} \approx \frac{j\omega}{2\gamma_0} \left(L_{12} - C_{12}Z_0^2\right) \qquad (13)$$

值得注意的是,在非均匀介质中,传输线的电 容和电感均和频率、衬底的介电常数有关,为了简 化计算上的复杂度,通常微带线被认为工作在准 TEM 模式,它们在一定的低频范围内被认为和频率 无关,但是随着频率的提高和介质材料的变化,传 统的经验公式已不再准确,要想准确地提取电容和 电感参数,必须借助于电磁场分析工具进行3 维全 波数值仿真。

#### 3 串扰仿真及分析

使用全波 3 维电磁场仿真软件 HFSS 可以准确 地得到微带传输线电磁场的分布,从而能够较为准 确地提取电容和电感参数,并对串扰进行较好的预 计和评估。用于仿真的微带线宽度 w=0.2 mm,厚 度 b=0.035 mm,导线间距 s=0.6 mm,导线长度 l=5cm,信号源阻抗和其余各终端负载  $Z_0$ 均为 50  $\Omega$ , 首先选用的 PCB 材料为 FR4( $\varepsilon_r$ =4.4),衬底厚度 h=1 mm。频率范围为 100 MHz~10 GHz,仿真结 果如图 2 和图 3 所示。

从图 3 中可以看出,曲线呈现周期震荡变化, 主要原因是在高频时,信号的波长已经和导体的长 度可比拟,因此在不同的频率点上微带线的近端和 远端会产生电压的峰值和谷值,从式(9),式(10)中 也能看出其应该是呈周期性并按指数规律变化。随 着频率的增大, *S*<sub>21</sub>和 *S*<sub>41</sub>的总趋势也在变大,在频 率小于 1 GHz 时,两者相差不大,但是在频率较高 时,*S*<sub>41</sub>明显增长的比 *S*<sub>21</sub>快,说明高频下远端串扰 比近端串扰更严重。

为了研究不同衬底材料对平行微带线串扰的影响,特别是在高频情况下,衬底介质的属性对信号 传播模式及衰减具有不可忽略的作用,因此改变衬 底材料的介电常数,在ε<sub>r</sub>=2-7.6 时,进一步对近端 和远端串扰进行仿真,得到的结果如图 4 和图 5 所 示。

随着衬底介电常数的增加,在频率小于1 GHz 时,近端串扰呈缓慢增加的趋势,但是当频率增加 到5 GHz 时,近端串扰的变化幅度较大,并且呈现 正弦变化的趋势,说明在高频情况下,串扰对衬底 材料的介质变化较为敏感。一个有趣的现象是,当 频率小于1 GHz 时,随着介电常数的增加,远端串 扰的变化趋势与近端串扰正好相反,呈现缓慢下降 的趋势,并且波动没有那么明显。而在5 GHz 时, 远端串扰增加的速度比近端串扰快,并且高频时串 扰的变化明显比低频时的变化剧烈。主要原因是在

8



图 2 S21幅值随频率变化曲线(近端串扰)



图 3 S41幅值随频率变化曲线(远端串扰)

图 4 近端串扰随衬底介电常数变化曲线

5 6 7

介电常数  $\epsilon_r$ 

f = 0.5 GHz

=5 GHz

4

f = 1 GHz

.



图 5 远端串扰随衬底介电常数变化曲线

低频时电磁波的传播模式为慢波模式,此时电力线 并未进入到衬底,衬底材料的变化对电磁场传播影 响较小,而随着频率的增加,电磁波的传播模式将 会逐渐过渡到介质准 TEM 模式,此时电力线渗透 进入衬底,因此材料的介电常数变化会显著影响电 磁场的传播。图6给出了在5GHz下,衬底介电常 数分别为4.4和6时的微带线的电场分布。

从不同衬底介电常数的微带线电场分布中可以 看出,介电常数为6时的近端和远端电场强度明显 要比介电常数为4.4时的大,因此在频率为5GHz 时,串扰更为严重。远端电场强度比近端电场强度 略大,说明远端的串扰比近端的串扰略为严重。从 仿真的结果可知,在高频的情况下,电场强度随介 电常数呈周期性的变化,频率越高,这种周期性的 变化越为明显,所以在高频情况下,串扰的大小并 非完全随介电常数而递增,但是总的趋势是增加的。

3

进一步改变衬底的厚度 h 分别为 0.7 mm, 1 mm, 1.5 mm 和 2 mm, PCB 板为 FR4( $\varepsilon_r$  =4.4), 其他参数都不变, 经 HFSS 仿真后得到的近端串扰 和远端串扰曲线如图 7 和图 8 所示。

从仿真结果可以看出,随着衬底厚度的增加, 串扰也会随之有所增加,在低频时近端串扰和远端 串扰增加得较为明显,而在高频时,近端串扰和远 端串扰随衬底厚度的变化不明显,总的来说,在高 频时远端串扰比近端串扰增加的快。因此对于平行 微带线而言,使用衬底较薄的材料应具有更好的抑 制串扰性能。

### 4 结论

在系统工作频率不断上升的状况下,传统的解析法或等效电路法已不能准确的分析 PCB 上信号串扰情况,为了更好的研究从低频到高频整个频带范围内的串扰变化情况,本文基于频域 S 参数理论,使用全波电磁场数值法对平行微带线间的串扰进行



图 6 不同衬底微带线的近端和远端电场分布图(f=5 GHz)



图 7 不同衬底厚度下的近端串扰随频率变化曲线

了仿真和分析,研究了不同介电常数和不同厚度的 衬底对串扰的影响,得到了一系列具有实际意义的 结果,在频率低于1GHz时,衬底介电常数的增加 对串扰的影响并不显著,但是在频率高于2GHz的 情况下,衬底材料对线间的串扰具有不可忽略的影 响。

#### 参考文献

- Ciamulski T and Gwarek W K. Coupling compensation concept applied to crosstalk cancelling in multiconductor transmission lines [J]. *IEEE Transactions on Electromagnetic Compatibility*, 2008, 50(2): 437–441.
- [2] Broyde F and Clavelier E. A new method for the reduction of crosstalk and echo in multiconductor interconnections [J]. *IEEE Transactions on Circuits and Systems I: Regular Papers*, 2005, 52(2): 405–416.
- [3] Ciamulski T and Gwarek W K. On eliminating crosstalk within multiconductor transmission lines [J]. *IEEE* Microwave and Wireless Components Letters, 2004, 14(6): 298–300.
- [4] Ding Wei-qiang, Tang Dong-hua, and Liu Yan, et al.. Compact and low crosstalk waveguide crossing using impedance matched metamaterial [J]. Applied Physics Letters, 2010, 96(11): 1–3.
- [5] 朱樟明, 钱利波, 杨银堂. 一种基于纳米级 cmos 工艺的互连 线串扰 rlc 解析模型 [J]. 物理学报, 2009, 58(4): 2631-2636. Zhu Zhang-ming, Qian Li-bo, and Yang Yin-tang. A novel interconnect crosstalk RLC analytic model based on the nanometer CMOS technology [J]. Acta Physica Sinica, 2009, 58(4): 2631-2636.
- [6] 李鑫, Wang Janet M, 张瑛, 等. 工艺随机扰动下非均匀 RLC 互连线串扰的谱域方法分析 [J]. 电子学报, 2009, 37(2): 398-403.

Li Xin, Wang Janet M, and Zang Ying, et al.. Spectral



图 8 不同衬底厚度下的远端串扰随频率变化曲线

method for analysis of crosstalk of non-uniform RLC interconnects in the presence of process variations [J]. Acta Electronica Sinica, 2009, 37(2): 398–403.

[7] 董刚,李跃进,杨银堂.两相邻耦合 rlc 互连的串扰估计 [J].
 电路与系统学报,2006,11(2):150-152.

Dong Gang, Li Yue-jin, and Yang Yin-tang. Estimation of crosstalk between two adjacent coupling RLC interconnects[J]. Journal of Circuits and Systems, 2006, 11(2): 150–152.

- [8] Song E, Cho J, and Kim J, et al.. Modeling and design optimization of a wideband passive equalizer on PCB based on near-end crosstalk and reflections for high-speed serial data transmission [J]. *IEEE Transactions on Electromagnetic Compatibility*, 2010, 52(2): 410–420.
- [9] 黎淑兰,刘元安,唐碧华.降低有损耦合微带线间串扰的方法 分析[J].电波科学学报,2006,21(4):503-507.
  Li Shu-lan, Liu Yuan-an, and Tang Bi-hua. Analysis of approach for reducing crosstalk between lossy coupled microstrip lines [J]. *Chinese Journal of Radio Science*, 2006, 21(4): 503-507.
- [10] Yang Yi, Liu Yi-fang, and Zhou Ya-ping, et al. Minimizing crosstalk in high-speed differential buses by optimizing power/ground and signal assignment [C]. IEEE 18th Conference on Electrical Performance of Electronic Packaging and Systems, Portland, OR, USA, Oct. 19–21, 2009: 255–258.
- [11] Hill D A, Cavcey K H, and Johnk R T. Crosstalk between microstrip transmission lines [J]. *IEEE Transactions on Electromagnetic Compatibility*, 1994, 36(4): 314–321.
- 白 雪: 女,1975年生,博士生,研究方向为电磁兼容、信号与 数据处理.
- 徐雷钧: 男, 1976 年生, 副教授, 研究方向为射频与微波/毫米 波集成电路设计、无源器件的建模、电磁兼容等.