全双工主动窃听非正交多址接入系统智能超表面辅助物理层安全传输技术

阔永红 曹 琳 吕 璐 贺冰涛* 陈 健 (西安电子科技大学通信工程学院 西安 710071)

摘 要:针对全双工被动窃听和主动干扰攻击下的多用户非正交多址接入(NOMA)系统,该文提出一种智能超表面(RIS)辅助的鲁棒波束赋形方案以实现物理层安全通信。考虑在仅已知窃听者统计信道状态信息的条件下,以系统传输中断概率和保密中断概率作为约束,通过联合优化基站发射波束赋形、RIS相移矩阵、传输速率和冗余速率,来最大化系统的保密速率。为解决上述多变量耦合非凸优化问题,提出一种有效的交替优化算法得到联合优化问题的次优解。仿真结果表明,所提方案可实现较高的保密速率,且通过增加RIS反射单元数,系统保密性能更佳。

DOI: 10.11999/JEIT230296

文章编号: 1009-5896(2024)03-0798-10

Reconfigurable Intelligent Surfaces-aided Physical Layer Secure Transmission in Non-Orthogonal Multi-Access Systems Against Full-duplex Active Eavesdropping

KUO Yonghong	CAO Lin	LÜ Lu	HE Bingtao	CHEN Jian

(School of Telecommunications Engineering, Xidian University, Xi'an 710071, China)

Abstract: Considering the multi-user Non-Orthogonal Multi-Access(NOMA) system under the full-duplex attack of passive eaves-dropping and active interference at the same time, a robust beamforming scheme based on Reconfigurable Intelligent Surfaces (RIS) is proposed to realize physical layer secure communication. Under the condition that only the channel state information of the eavesdropper is known, the system transmission interruption probability and the confidential interruption probability are taken as the constraints and the system confidentiality rate is maximized by jointly optimizing the base station transmission beamforming, RIS phase shift matrix, transmission rate and redundancy rate. In order to solve the above multivariate coupling non-convex optimization problem, an effective alternating optimization algorithm is proposed to obtain the suboptimal solution of the joint optimization problem. The simulation results show that the proposed scheme can achieve a higher confidentiality rate, and when the number of RIS reflective elements is increased, the system confidentiality performance gets better.

Key words: Reconfigurable Intelligent Surfaces(RIS); Non-Orthogonal Multiple Access(NOMA); Physical layer security; Beamforming

收稿日期: 2023-04-18; 改回日期: 2024-01-18; 网络出版: 2024-01-28

*通信作者: 贺冰涛 bthe@xidian.edu.cn

基金项目:国家自然科学基金(62271368, 61971320, 62201421),中国博士后科学基金(BX20190264, 2019M650258),陕西省重点研发计划 (2023-YBGY-041),陕西省自然科学基础研究计划(2021JQ-206),广东省基础与应用基础研究基金(2020A1515110084)

Foundation Items: The National Natural Science Foundation of China (62271386, 61971320, 62201421), China Postdoctoral Science Foundation Project (BX20190264, 2019M650258), Key R&D Program Project of Shaanxi Province (2023-YBGY-041), Natural Science Basic Research Plan of Shaanxi Province (2021JQ-206), Guangdong Basic and Applied Basic Research Foundation (2020A1515110084)

1 引言

第6代(the Sixth Generation, 6G)通信技术需 要支持的用户及设备数量将大量增加,与之伴随而 来的是高要求的性能指标、高复杂度的网络、高成 本的硬件和日益增加的能源消耗,这些需求需要更 智能的技术来解决。智能超表面(Reconfigurable Intelligent Surfaces, RIS)能重新配置无线传播环 境,因此受到广泛关注。RIS由许多无源低成本的 反射元件组成,每个元件可以独立地调节反射信号 的振幅和相移,从而增强或抑制用户处接收的信 号[1],提升系统性能[2]。另一方面,非正交多址接 入(Non-Orthogonal Multiple Access, NOMA)技术 被普遍认为是提高频谱效率和实现大规模连接的有 效解决方案^[3]。NOMA通过使用叠加编码和串行干 扰消除(Successive Interference Cancellation, SIC)技术,可以在同一资源块中同时服务多个用户, 促进用户之间的频谱共享,有效提高频谱效率。 RIS和NOMA的结合是双赢的选择。NOMA可以提 高RIS系统的频谱效率,RIS可以通过调控无线环 境来确保用户的组合信道之间产生差异,以更好地 实现NOMA^[4]。文献^[5]中通过联合优化主动和被动 波束赋形,利用RIS提高NOMA系统的能量效率。 文献[6]利用RIS辅助NOMA系统的反向散射通信, 研究了对应场景下的中断概率,并证明了可以通过 增加RIS反射元件来提升NOMA网络中的远用户性能。

然而,无线信道的广播性和开放性为信息传输 提供便利的同时,也为非法用户窃取信息提供了可 乘之机,给无线通信传输带来了潜在的安全隐患。 信息保密和隐私保护已成为开发6G无线通信的关 键任务,通过物理层安全来保护NOMA通信的相 关研究早已展开[7]。物理层安全技术可以有效防止 信息泄露,但其主要基于合法接收者和恶意窃听者 之间的信号质量差异来实现,因此安全效果依赖于 通信的电磁环境。引入可智能调配无线传播环境的 RIS,为NOMA系统的物理层安全提供了更广阔的 研究空间。文献[8]针对RIS-NOMA系统提出了一 种通过人工噪声实现安全通信的策略,在满足系统 安全速率需求的前提下最大化合法用户的和速率。 文献[9]中则考虑了具有不完美信道状态信息(Channel State Information, CSI)的窃听场景,使用人工 噪声确保RIS-NOMA系统的安全传输,实现系统 要求的安全速率。

上述关于RIS-NOMA物理层安全的工作都假 设窃听者以半双工模式执行被动窃听。但窃听者可 能具有更强大的信号处理能力。如果网络中存在同 时执行主动干扰和被动窃听的全双工窃听者,会带 来更严重的安全隐患。由于NOMA本就存在用户 间的同频干扰,窃听者发射的主动干扰可以显著降 低用户的数据速率,从而引发传输中断。此时若增 大发射功率可以有效避免传输中断,但窃听者处的 信噪比也会增大,因此需要在增强或抑制合法信号 之间进行权衡。另一方面,多数工作中以可以获取 窃听者的全部或部分CSI为前提进行后续研究,但 是在实际网络中,窃听者属于不受信任的非法用 户,往往不会主动与基站交换CSI,因而合法系统 很难获取到窃听者的瞬时CSI。如果合法系统只知 道窃听者的统计CSI,会导致RIS无法准确调整信 道以防御窃听,且合法系统不能精确判断干扰大 小,进而威胁到传输的安全性和稳健性。如何利用 RIS来抵抗仅已知统计CSI的全双工窃听者,保护 NOMA传输,是亟待解决的关键问题。

基于上述分析,本文研究全双工攻击下的多用 户NOMA下行通信系统的物理层安全问题。在仅 己知窃听者统计CSI的情况下,提出了全新的RIS 辅助鲁棒波束赋形方案,来保障NOMA通信系统 的安全性与可靠性。具体地,本文以系统传输中断 概率和保密中断概率作度量,联合优化基站发射波 束赋形、RIS相移矩阵、传输速率和冗余速率,以 最大化系统保密速率。由于所形成的联合波束赋形 优化问题为多变量耦合的高度非凸问题,且存在难 以处理的概率性约束。为克服这一难题,本文提出 一种有效的交替优化算法来获得波束赋形问题的 解,其中使用伯恩斯坦型不等式(Bernstein-Type Inequality, BTI)近似处理概率性约束,使用算术 几何平均数(Arithmetic-Geometric Mean, AGM) 不等式转换非凸的目标函数,并利用罚函数法处理 RIS相移的秩一约束。仿真结果表明,相较于传统 方案,所提方案可实现较高的保密速率,且增加 RIS反射单元数有利于提升系统保密性能。

2 系统模型和优化问题

2.1 系统模型

本文考虑RIS辅助多用户NOMA系统的下行传输系统模型。系统中包含配置*M*根天线的基站、*K*个单天线NOMA用户、1个单天线窃听者和具有*N*个反射单元的RIS。其中单天线窃听者以全双工方式工作,即窃听者同时进行干扰攻击和窃听攻击。 RIS可以通过由智能控制器提供的单独的链路与基站通信,以协调传输和交换信息,且基站可以通过 控制器实现对反射单元相移和幅度的实时控制。

假设所有信道都是准静态块衰落信道,且经过 相邻元件的反射信道相互独立。基站到RIS、第i个 合法用户 U_i 和窃听者的信道矩阵和向量为: $H_{B,I} \in$ $\mathbb{C}^{N \times M}$, $h_{B,i} \in \mathbb{C}^{M \times 1}$, $h_{B,E} \in \mathbb{C}^{M \times 1}$ 。RIS到用户 U_i 和窃听者的信道向量为: $h_{I,i} \in \mathbb{C}^{N \times 1}$, $h_{I,E} \in \mathbb{C}^{N \times 1}$ 。窃听者到RIS和用户 U_i 的信道向量为: $h_{E,I} \in \mathbb{C}^{1 \times N}$, $h_{E,i} \in \mathbb{C}^{1 \times 1}$ 。由于信道互易性, RIS 到窃听者和窃听者到RIS的信道向量满足关系式 $h_{I,E} = h_{E,I}^{T}$ 。基站到RIS的信道为莱斯衰落信道, 其他链路皆为瑞利衰落信道。将第n个元素的反 射系数表示为 $\beta_n e^{j\alpha_n}$, 其中 $\alpha_n \in [0, 2\pi]$, $\beta_n = 1$, 则RIS的反射系数矩阵为 $\Theta = \text{diag}\{e^{j\alpha_1}, e^{j\alpha_2}, ..., e^{j\alpha_n}\}^T \in \mathbb{C}^{N \times N}$ 。

由于信道的缓慢变化特性,不失一般性,本文 假设基站可以准确地获得合法信道CSI^[10,11]。然 而,合法系统与窃听者之间是非合作关系,窃听者 不会主动将自己的相关信息发送给基站,因此基站 很难获取窃听者的瞬时CSI。但是可以通过长期监 测来估计窃听者信道的统计特性,例如 $\mathbb{E}\{|\mathbf{h}_{B,E}|^2\} = L^2_{B,E}$ 等^[7]。则窃听者的信道向量估计值由式(1)给出

$$\mathbf{h}_{\mathrm{B,E}} = L_{\mathrm{B,E}}^{2} \Delta \mathbf{h}_{\mathrm{B,E}}, \ \Delta \mathbf{h}_{\mathrm{B,E}} \sim \mathcal{CN}(0, \mathbf{I}) \\ \mathbf{h}_{\mathrm{I,E}} = L_{\mathrm{I,E}}^{2} \Delta \mathbf{h}_{\mathrm{I,E}}, \ \Delta \mathbf{h}_{\mathrm{I,E}} \sim \mathcal{CN}(0, \mathbf{I}) \\ \mathbf{h}_{\mathrm{E},i} = L_{\mathrm{E},i}^{2} \Delta \mathbf{h}_{\mathrm{E},i}, \ \Delta \mathbf{h}_{\mathrm{E},i} \sim \mathcal{CN}(0, \mathbf{I}) \\ \mathbf{h}_{\mathrm{E},i} = L_{\mathrm{I,E}}^{2} \Delta \mathbf{h}_{\mathrm{I,E}}^{T}, \ \Delta \mathbf{h}_{\mathrm{I,E}} \sim \mathcal{CN}(0, \mathbf{I})$$
(1)

其中, $L_{B,E}$, $L_{I,E}$, $L_{E,i}$ 表示大规模路径损耗因数, $\Delta h_{B,E}$, $\Delta h_{I,E}$, $\Delta h_{E,i}$ 表示遵循循环对称复高斯分布 的小衰落分量,**I**为单位矩阵。则合法用户 U_i 和窃 听者的接收信号分别表示为

$$y_{i} = \sum_{i=1}^{K} \left(\boldsymbol{h}_{\mathrm{I},i}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{H}_{\mathrm{B},\mathrm{I}} + \boldsymbol{h}_{\mathrm{B},i}^{\mathrm{H}} \right) \boldsymbol{w}_{i} \boldsymbol{s}_{i} + \left(\boldsymbol{h}_{\mathrm{I},i}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{h}_{\mathrm{E},i} + \boldsymbol{h}_{\mathrm{E},i} \right) \boldsymbol{z}_{\mathrm{E}} + n_{i} y_{\mathrm{E}} = \sum_{i=1}^{K} \left(\boldsymbol{h}_{\mathrm{I},\mathrm{E}}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{H}_{\mathrm{B},\mathrm{I}} + \boldsymbol{h}_{\mathrm{B},\mathrm{E}}^{\mathrm{H}} \right) \boldsymbol{w}_{i} \boldsymbol{s}_{i} + \mu P_{\mathrm{J}} + n_{\mathrm{E}} \right\}$$
(2)

其中, $w_i \in \mathbb{C}^{M \times 1}$ 表示用户 U_i 的预编码矢量, s_i 是 用户 U_i 的NOMA信息,且满足 $|s_i|^2 = 1$, $|z_E|^2 = P_J$ 是窃听者发射的干扰信号的功率。 $n_i, n_E \sim C\mathcal{N}(0, \sigma^2)$ 表示用户 U_i 和窃听者处功率为 σ^2 的复加性高斯白噪声。为了描述全双工窃听者处由于自干扰消除不完全而产生的剩余自干扰,本文采用了文献[12]中的环路干扰模型,该模型用系数 $\mu \in [0,1]$ 量化了自干扰的等级, $\mu = 0$ 时表示零自干扰。

根据NOMA解码原理,信道增益强的用户可以 对信道增益弱的用户信号进行解码。但是RIS的加 入会在发射端和接收端之间增加一条级联信道,可能 会对解码顺序造成影响。假设RIS相移矩阵的设计使 用户信道增益满足条件: $|(\boldsymbol{h}_{I,m}^{\text{H}}\boldsymbol{\Theta}\boldsymbol{H}_{\text{B},\text{I}} + \boldsymbol{h}_{\text{B},m}^{\text{H}})\boldsymbol{w}_{i}|^{2} \geq$ $|(\boldsymbol{h}_{I,m}^{\text{H}}\boldsymbol{\Theta}\boldsymbol{H}_{\text{B},\text{I}} + \boldsymbol{h}_{\text{B},m}^{\text{H}})\boldsymbol{w}_{i+1}|^{2}, 其中1 \leq m \leq K, 1 \leq$ $i \leq K - 1$,即第m个用户能依次解码第1~(m - 1) 个用户的信号。基于此,合法用户 U_{i} 解码自己信号 时的可达速率可以表示为

$$R_{i} = \log_{2} \left(1 + \frac{\left| \left(\boldsymbol{h}_{\mathrm{I},i}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{H}_{\mathrm{B,I}} + \boldsymbol{h}_{\mathrm{B},i}^{\mathrm{H}} \right) \boldsymbol{w}_{i} \right|^{2}}{\sum_{j=i+1}^{K} \left| \left(\boldsymbol{h}_{\mathrm{I},i}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{H}_{\mathrm{B,I}} + \boldsymbol{h}_{\mathrm{B},i}^{\mathrm{H}} \right) \boldsymbol{w}_{j} \right|^{2} + \left| \boldsymbol{h}_{\mathrm{E}} \right|^{2} P_{\mathrm{J}} + \sigma^{2}} \right)$$
(3)

其中 $h_{\rm E} = h_{{\rm I},i}^{\rm H} \Theta h_{{\rm E},i} + h_{{\rm E},i}$ 。

窃听者处的可达速率表示为

$$R_{\mathrm{E},i} = \log_2 \left(1 + \frac{\left| \left(\boldsymbol{h}_{\mathrm{I},\mathrm{E}}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{H}_{\mathrm{B},\mathrm{I}} + \boldsymbol{h}_{\mathrm{B},\mathrm{E}}^{\mathrm{H}} \right) \boldsymbol{w}_i \right|^2}{\sum_{j=i+1}^{K} \left| \left(\boldsymbol{h}_{\mathrm{I},\mathrm{E}}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{H}_{\mathrm{B},\mathrm{I}} + \boldsymbol{h}_{\mathrm{B},\mathrm{E}}^{\mathrm{H}} \right) \boldsymbol{w}_j \right|^2 + \mu P_{\mathrm{J}} + \sigma^2} \right)$$
(4)

2.2 优化问题

因为合法用户系统仅已知窃听者的统计CSI, 无法根据CSI实时调整传输速率,所以采用定速率 R_c 进行传输。同时为保证系统传输安全性,采用 定冗余速率 R_0 。这种情况下,一旦 R_c 大于合法用 户 U_i 的可达速率 R_i ,会引发传输中断。同时,如 果 R_0 小于窃听者的可达速率 $R_{E,i}$,会造成严重的信 息泄露。

为此,本文通过联合优化主动波束成形、

RIS的反射系数以及系统的传输速率 R_c 和冗余速率 R_0 ,最大化系统的保密速率,来实现高效且安全 的信息传输,建立优化问题式(5)。具体的,优化目 标为最大化系统的保密速率,约束C1为基站总功 率 P_B 的约束,约束C2为NOMA用户间的SIC解码 顺序约束,约束C3为系统传输中断约束,约束C4 为系统保密中断约束,约束C5为RIS相移约束。由 于概率约束C3,C4为非凸约束,且变量 Θ , w_i , R_c , R_0 存在耦合关系,因此问题式(5)很难求解

$$\begin{array}{l} \max_{\boldsymbol{\Theta}, \boldsymbol{w}_{i}, R_{c}, R_{0}} R_{c} - R_{0} \\ \text{s.t. } \mathrm{C1} : \sum_{i=1}^{K} \|\boldsymbol{w}_{i}\|^{2} \leq P_{\mathrm{B}} \\ \mathrm{C2} : \left| \left(\boldsymbol{h}_{\mathrm{I}, m}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{H}_{\mathrm{B}, \mathrm{I}} + \boldsymbol{h}_{\mathrm{B}, m}^{\mathrm{H}} \right) \boldsymbol{w}_{i} \right|^{2} \geq \left| \left(\boldsymbol{h}_{\mathrm{I}, m}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{H}_{\mathrm{B}, \mathrm{I}} + \boldsymbol{h}_{\mathrm{B}, m}^{\mathrm{H}} \right) \boldsymbol{w}_{i+1} \right|^{2}, 1 \leq m \leq K, \ 1 \leq i \leq K - 1 \\ \mathrm{C3} : \mathrm{Pr} \left(R_{i} < R_{c} \right) \leq p_{\mathrm{out}}, \ 1 \leq i \leq K \\ \mathrm{C4} : \mathrm{Pr} \left(R_{\mathrm{E}, i} > R_{0} \right) \leq p_{\mathrm{so}}, \ 1 \leq i \leq K \\ \mathrm{C5} : 0 \leq \alpha_{n} \leq 2\pi, \ 1 \leq n \leq N \end{array} \right)$$

$$(5)$$

3 联合波束赋形算法

3.1 优化问题转换

先将问题式(5)转换为更容易求解的形式。约束C3展开为

$$\Pr\left(\log_{2}\left(1+\frac{\left|\left(\boldsymbol{h}_{\mathrm{I},i}^{\mathrm{H}}\boldsymbol{\Theta}\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},\mathrm{I}}+\boldsymbol{h}_{\mathrm{B},i}^{\mathrm{H}}\right)\boldsymbol{w}_{i}\right|^{2}}{\sum_{j=i+1}^{K}\left|\left(\boldsymbol{h}_{\mathrm{I},i}^{\mathrm{H}}\boldsymbol{\Theta}\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},\mathrm{I}}+\boldsymbol{h}_{\mathrm{B},i}^{\mathrm{H}}\right)\boldsymbol{w}_{j}\right|^{2}+\left|\boldsymbol{h}_{\mathrm{E}}\right|^{2}P_{\mathrm{J}}+\sigma^{2}}\right)< R_{\mathrm{c}}\right) \leq p_{\mathrm{out}}$$
(6)

由前述分析可知,因为合法用户无法获知窃听者的瞬时CSI,即合法用户无法准确获知式(6)中的 $|h_{\rm E}|^2 P_{\rm J}$,因而可能会发生传输中断的现象。假设当 $|h_{\rm E}|^2 P_{\rm J} = \Gamma$ 时,系统以速率 $R_{\rm c}$ 进行传输正好不会中断,则当 $|h_{\rm E}|^2 P_{\rm J} > \Gamma$ 时,系统以速率 $R_{\rm c}$ 传输时会中断。因此C3的概率约束等价于

$$\Pr\left(\left|\boldsymbol{h}_{\rm E}\right|^2 P_{\rm J} > \Gamma\right) \le p_{\rm out} \tag{7}$$

其中, $h_{\rm E}$ 可展开为 $\sum_{n=1}^{N} e^{j\alpha_n} h_{{\rm E},i} h_{{\rm I},i}^{\rm H} + h_{{\rm E},i}$, 根据 文献[13]中的论点1, $\sum_{n=1}^{N} e^{j\alpha_n} h_{{\rm E},i} h_{{\rm I},i}^{\rm H} \pm [0, 2\pi]$ 范围 内服从独立均匀分布,即对于合法用户而言干扰信 号的级联链路中的RIS相移是随机相移。根据文献[14] 中的论点2,可以得到 $|h_{\rm E}| \sim \mathcal{CN}(0, N|L_{{\rm E},i}L_{{\rm I},i}|^2 + |L_{{\rm E},i}|^2), 即|h_{\rm E}|^2 服从指数分布。可求得式(7)为$

$$\Pr\left(|\boldsymbol{h}_{\mathrm{E}}|^{2} P_{\mathrm{J}} > \Gamma\right) = \mathrm{e}^{-\frac{\Gamma}{P_{\mathrm{J}}\left(N\left|L_{\mathrm{I},\mathrm{E}}L_{\mathrm{I},i}\right|^{2} + \left|L_{\mathrm{E},i}\right|^{2}\right)}} \leq p_{\mathrm{out}}$$
(8)

则当系统传输正好不发生中断时,传输速率 R_c可表示为

١

$$R_{\rm c} = \log_2 \left(1 + \frac{\left| \left(\boldsymbol{h}_{{\rm I},i}^{\rm H} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{H}_{{\rm B},{\rm I}} + \boldsymbol{h}_{{\rm B},i}^{\rm H} \right) \boldsymbol{w}_i \right|^2}{\sum_{j=i+1}^{K} \left| \left(\boldsymbol{h}_{{\rm I},i}^{\rm H} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{H}_{{\rm B},{\rm I}} + \boldsymbol{h}_{{\rm B},i}^{\rm H} \right) \boldsymbol{w}_j \right|^2 + \sigma^2 + \Gamma} \right)$$
(9)

最大化 $R_{\rm c}$, Γ 应取最小值, 令 $\Gamma = P_{\rm J}(N|L_{\rm I,E}L_{\rm I,i}|^2 + |L_{\rm E,i}|^2)\ln(1/p_{\rm out})$ 。将式(9)带入目标函数替换 $R_{\rm c}$ 。

接下来对约束C4进行处理,使用BTI来解决统计信道不确定性。本文考虑最坏情况,窃听者可以消除 NOMA传输中的同频干扰,则约束C4可以写为

$$\Pr\left(\left|\left(\boldsymbol{h}_{\mathrm{I},\mathrm{E}}^{\mathrm{H}}\boldsymbol{\Theta}\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},\mathrm{I}}+\boldsymbol{h}_{\mathrm{B},\mathrm{E}}^{\mathrm{H}}\right)\boldsymbol{w}_{i}\right|^{2}>\left(2^{R_{0}}-1\right)\sigma^{2}\right)\leq p_{\mathrm{so}}$$
(10)

根据文献[15]的论点2,利用BTI并引入辅助变量 ϕ_i ,可将式(10)近似为

$$C6: \left(\operatorname{Tr} \left(\boldsymbol{\varPhi}_{i} \right) + \sqrt{2 \ln \left(\frac{1}{p_{so}} \right)} \| \boldsymbol{\varPhi}_{i} \|_{F} + \phi_{i} \ln \left(\frac{1}{p_{so}} \right) \right) \leq \left(2^{R_{0}} - 1 \right) \left(\mu P_{J} + \sigma^{2} \right)$$

$$C7: \phi_{i} \boldsymbol{I} - \boldsymbol{\varPhi}_{i} \geq \boldsymbol{0}$$

$$C8: \boldsymbol{\varPhi}_{i} = \begin{bmatrix} L_{B,E}^{2} \boldsymbol{W}_{i} & L_{B,E} \boldsymbol{W}_{i} \boldsymbol{H}_{B,I}^{H} \boldsymbol{\Theta}^{H} L_{I,E} \\ L_{I,E} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{H}_{B,I} \boldsymbol{W}_{i} L_{B,E} & L_{I,E} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{H}_{B,I} \boldsymbol{W}_{i} \boldsymbol{H}_{B,I}^{H} \boldsymbol{\Theta}^{H} L_{I,E} \end{bmatrix}$$

$$(11)$$

进一步,令变量 $h_{ui} = h_{I,i}^{H} \Theta H_{B,I} + h_{B,i}^{H}, H_{B,i} = h_{ui} h_{ui}^{H}, W_{i} = w_{i} w_{i}^{H}$ 。则约束C2可以写为

C9:
$$\operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},m}\boldsymbol{W}_i) \ge \operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},m}\boldsymbol{W}_{i+1}), \ 1 \le m \le K,$$

 $1 \le i \le K - 1$ (12)

经过以上处理,进行整理后,问题式(5)可以 写为

$$\max_{\boldsymbol{W}_{i},\boldsymbol{\Theta},R_{0},\phi_{i},\boldsymbol{\varPhi}_{i}} \log_{2} \left(1 + \frac{\operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i}\boldsymbol{W}_{i})}{\sum_{j=i+1}^{K} \operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i}\boldsymbol{W}_{j}) + \sigma^{2} + \Gamma} \right) - R_{0}$$
s.t. C10 : $\sum_{i=1}^{K} \operatorname{Tr}(\boldsymbol{W}_{i}) \leq P_{\mathrm{B}}, \ 1 \leq i \leq K$
C11 : $\boldsymbol{W}_{i} = \boldsymbol{w}_{i}\boldsymbol{w}_{i}^{\mathrm{H}}, \ 1 \leq i \leq K$
C5 ~ C9
$$(13)$$

问题式(13)中变量*O*, W_i耦合,采用交替优化的方式将问题式(13)拆解为两个子问题进行求解。

3.2 求解基站波束成形 W_i 和冗余速率 R_0

固定RIS反射系数*Θ*,问题式(13)可以写为

$$\max_{\boldsymbol{W}_{i},R_{0},\phi_{i},\boldsymbol{\varPhi}_{i}} \log_{2} \left(1 + \frac{\operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i}\boldsymbol{W}_{i})}{\sum_{j=i+1}^{K} \operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i}\boldsymbol{W}_{j}) + \sigma^{2} + \Gamma} \right) - R_{0} \right\}$$
(14)
s.t. C6 ~ C11

为解决目标函数中的分式结构,引入满足式(15) $令 s = 2^{R_0}$,则目标函数可以重写为 的松弛变量 z_i

$$z_{i} \leq \frac{\operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i}\boldsymbol{W}_{i})}{\sum_{j=i+1}^{K}\operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i}\boldsymbol{W}_{j}) + \sigma^{2} + \Gamma}$$
(15)

通过AGM不等式^[16]将式(15)写为

$$v(z_i \varpi_i)^2 + \left(\frac{\sum_{j=i+1}^K \operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i} \boldsymbol{W}_j) + \sigma^2 + \Gamma}{\varpi_i}\right)^2$$

< 2Tr(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i} \boldsymbol{W}_i) (16)

 $\left(\sum_{j=i+1}^{K} \operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i}\boldsymbol{W}_{j}) + \sigma^{2} + \Gamma\right)/z_{i}$ 当且仅当 $\varpi_i = \sqrt{1}$ 时,式(16)等号成立。

$$\log_{2} \left(1 + \frac{\operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i}\boldsymbol{W}_{i})}{\sum_{j=i+1}^{K} \operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i}\boldsymbol{W}_{j}) + \sigma^{2} + \Gamma} \right) - \log_{2} s$$
$$\geq \log_{2} \left(\frac{1+z_{i}}{s} \right)$$
(17)

对于式(17)右侧的分式结构,引入满足关系 $\zeta \leq 1 + z_i / s$ 的松弛变量 ζ ,并通过AGM不等式将 $\zeta \le 1 + z_i / s$ 重写为

$$\left(\Delta\zeta\right)^2 + \left(\frac{s}{\Delta}\right)^2 \le 2\left(1+z_i\right) \tag{18}$$

当且仅当 $\Delta = \sqrt{s/\zeta}$ 时,式(18)等号成立。 整理后问题式(14)可写为

$$\begin{array}{l}
\underset{\mathbf{W}_{i}, z_{i}, \phi_{i}, \boldsymbol{\Phi}_{i}, s, \zeta}{\operatorname{max}} \\
\text{s.t. C12:} \left(\Delta\zeta\right)^{2} + \left(\frac{s}{\Delta}\right)^{2} \leq 2\left(1 + z_{i}\right), \ 1 \leq i \leq K \\
\text{c13:} \left(z_{i}\varpi_{i}\right)^{2} + \left(\frac{\sum_{j=i+1}^{K} \operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i}\boldsymbol{W}_{j}) + \sigma^{2} + \Gamma}{\varpi_{i}}\right)^{2} \leq 2\operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i}\boldsymbol{W}_{i}), \ 1 \leq i \leq K \\
\text{c6} \sim \operatorname{C10}
\end{array}$$
(19)

问题式(19)是凸优化问题,可以用凸规划求解器进行求解。且式(19)求得的解总是满足rank(W_i) = 1 的,证明如下:

证明 问题式(19)是优化变量{ $W_i, z_i, s, \zeta, \phi_i, \Phi_i$ } 的联合凸函数,并且满足Slater约束条件,即具有强 对偶性。用 W_i 表示的拉格朗日函数由式(20)给出

$$\mathcal{L} = -v \sum_{i=1}^{K} \operatorname{Tr} \left(\boldsymbol{W}_{i} \right) + \sum_{i=1}^{K-1} \gamma_{i} \left(\operatorname{Tr} \left(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i} \boldsymbol{W}_{i+1} \right) - \operatorname{Tr} \left(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i} \boldsymbol{W}_{i} \right) \right) \\ - \sum_{i=1}^{K} \mu_{i} \left(\left(\frac{\sum_{j=i+1}^{K} \operatorname{Tr} \left(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i} \boldsymbol{W}_{j} \right) + \sigma^{2} + \Gamma}{\overline{\omega}_{i}} \right)^{2} - 2 \operatorname{Tr} \left(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i} \boldsymbol{W}_{i} \right) \right) \\ - \sum_{i=1}^{K} \operatorname{Tr} \left(\mathbf{X}_{i} \left[\begin{array}{c} L_{\mathrm{B},\mathrm{E}}^{2} \boldsymbol{W}_{i} & L_{\mathrm{B},\mathrm{E}} \boldsymbol{W}_{i} \boldsymbol{H}_{\mathrm{B},\mathrm{I}}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{\Theta}^{\mathrm{H}} L_{\mathrm{I},\mathrm{E}} \\ L_{\mathrm{I},\mathrm{E}} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{H}_{\mathrm{B},\mathrm{I}} \boldsymbol{W}_{i} L_{\mathrm{B},\mathrm{E}} & L_{\mathrm{I},\mathrm{E}}^{2} \boldsymbol{\Theta} \boldsymbol{H}_{\mathrm{B},\mathrm{I}} \boldsymbol{W}_{i} \boldsymbol{H}_{\mathrm{B},\mathrm{I}}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{\Theta}^{\mathrm{H}} \right] \right) + \sum_{i=1}^{K} \operatorname{Tr} \left(\boldsymbol{Y}_{i} \boldsymbol{W}_{i} \right) + \xi$$
(20)

其中, ξ 包括不涉及 W_i 的所有项。 $v, \gamma_i, \mu_i, X_i, Y_i$ 为拉格朗日乘子,分别满足条件: $v \ge 0, \gamma_i \ge 0, \mu_i \ge 0, X_i \ge 0, Y_i \ge 0$ 。列出问题式(19)的Karush-Kuhn-Tucker(KKT)条件

$$\left. \begin{array}{l} \mathrm{K1} : \upsilon^{*} \geq 0, \ \gamma_{i}^{*} \geq 0, \ \mu_{i}^{*} \geq 0, \ \boldsymbol{X}_{i}^{*} \geq 0, \\ \boldsymbol{Y}_{i}^{*} \geq 0 \\ \mathrm{K2} : (\boldsymbol{Y}_{i}^{*} \boldsymbol{W}_{i}^{*}) = 0 \\ \mathrm{K3} : \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \boldsymbol{W}_{i}^{*}} = 0 \end{array} \right\}$$

$$(21)$$

其中, v^* , γ^*_i , μ^*_i , X^*_i , Y^*_i 是最优拉格朗日乘子。式(21) 的K3可以写为: $Y^*_i = v^*I - \Lambda^*_i$, Λ^*_i 展开如式(22)

$$\boldsymbol{\Lambda}_{i} = \boldsymbol{v}^{*}\boldsymbol{I} + 2\sum_{i=1}^{K} \boldsymbol{\mu}_{i}^{*}\boldsymbol{H}_{i} + \boldsymbol{X}_{i,1}^{*}\boldsymbol{L}_{B,E}^{2}$$
$$+ \boldsymbol{L}_{B,E}\boldsymbol{H}_{B,I}^{H}\boldsymbol{\Theta}^{H}\boldsymbol{L}_{I,E}\boldsymbol{X}_{i,2}^{*} + \boldsymbol{L}_{I,E}\boldsymbol{\Theta}\boldsymbol{H}_{B,I}\boldsymbol{X}_{i,3}^{*}\boldsymbol{L}_{B,E}$$
$$+ \boldsymbol{L}_{I,E}\boldsymbol{\Theta}\boldsymbol{H}_{B,I}\boldsymbol{X}_{i,4}^{*}\boldsymbol{H}_{B,I}^{H}\boldsymbol{\Theta}^{H}\boldsymbol{L}_{I,E}$$
(22)

其中 $X_i^* = \begin{bmatrix} X_{i,1}^* & X_{i,3}^* \\ X_{i,2}^* & X_{i,4}^* \end{bmatrix}$ 。

为了避免对偶问题的可行解空间无界,令 $v \ge 0$ 。进而,KKT约束K1应当满足 $\rho_{\max}(\mathbf{A}_i) \le v$ 。如果 $\rho_{\max}(\mathbf{A}_i) < v$,则 $\mathbf{Y}_i^* \succ 0$,即 \mathbf{Y}_i^* 是一个正 定矩阵,那么 $\mathbf{W}_i^* = \mathbf{0}$ 。因此 $\rho_{\max}(\mathbf{A}_i) = v$,即 Y_i^* 是一个半正定矩阵,且根据文献[17]的附录A, 可以得到关系式 $M > \text{Rank}(Y_i^*) \ge M - 1$ 。

引理1 西尔维斯特不等式:对于矩阵 $A \in \mathbb{C}^{S \times U}$ 和 $B \in \mathbb{C}^{U \times W}(S, U, W$ 为任意正整数),有如式(23)的不等式成立

rank $(AB) \ge$ rank (A) + rank (B) - U (23) 根据引理1以及条件K2可得 $L \ge$ rank (Y_i^*) + rank $(W_i^*) \ge L - 1 +$ rank (W_i^*) ,取该不等式最左 端和最右端可得到结论rank $(W_i^*) \le 1$ 。 证毕

3.3 求解RIS相移矩阵 Θ

固定主动波束成形 W_i 和冗余速率 R_0 ,问题式(13) 可以写为

$$\max_{\boldsymbol{\Theta},\phi_i,\boldsymbol{\Phi}_i} \log_2 \left(1 + \frac{\operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i}\boldsymbol{W}_i)}{\sum_{j=i+1}^{K} \operatorname{Tr}(\boldsymbol{H}_{\mathrm{B},i}\boldsymbol{W}_j) + \sigma^2 + \Gamma} \right) - R_0 \left\{ s.t. \ \mathrm{C5} \sim \mathrm{C9} \right\}$$
s.t. C5 ~ C9

首先, 令 $G_i = [\operatorname{diag}(h_{\mathrm{I},i}^{\mathrm{H}})H_{\mathrm{B},\mathrm{I}}; h_{\mathrm{B},i}^{\mathrm{H}}], \bar{u} = [u; 1],$ $u = [\mathrm{e}^{\mathrm{j}\alpha_1}, \mathrm{e}^{\mathrm{j}\alpha_2}, \cdots, \mathrm{e}^{\mathrm{j}\alpha_N}]^{\mathrm{H}}, \quad \Delta U = \bar{u}\bar{u}^{\mathrm{H}}$ 。整理后,问题式(24)可以重写为

١

$$\max_{\boldsymbol{U},\phi_{i},\boldsymbol{\Phi}_{i}}\log_{2}\left(1+\frac{\operatorname{Tr}(\boldsymbol{G}_{i}\boldsymbol{W}_{i}\boldsymbol{G}_{i}^{\mathrm{H}}\boldsymbol{U})}{\sum_{j=i+1}^{K}\operatorname{Tr}(\boldsymbol{G}_{i}\boldsymbol{W}_{j}\boldsymbol{G}_{i}^{\mathrm{H}}\boldsymbol{U})+\sigma^{2}+\Gamma}\right)-R_{0}$$
s.t. C14: $\operatorname{Tr}(\boldsymbol{G}_{m}\boldsymbol{W}_{i}\boldsymbol{G}_{m}^{\mathrm{H}}\boldsymbol{U}) \geq \operatorname{Tr}(\boldsymbol{G}_{m}\boldsymbol{W}_{i+1}\boldsymbol{G}_{m}^{\mathrm{H}}\boldsymbol{U}), 1 \leq m \leq K, \ 1 \leq i \leq K-1$
C15: $\boldsymbol{U}=\bar{\boldsymbol{u}}\bar{\boldsymbol{u}}^{\mathrm{H}}$
C16: $\boldsymbol{U}_{n,n}=1, 1 \leq n \leq N+1$
C6 ~ C8
$$(25)$$

同样,引入松弛变量*z*_i对目标函数进行处理, 处理方式同式(15)-式(18)。 为了将约束C8转换为凸线性矩阵不等式(Linear Matrix Inequality, LMI)形式,使用奇异值分解将

常数矩阵 $L_{I,E}$ $H_{B,I}$ W_i $H_{B,I}^{H}L_{I,E}$ 等价表示为 \sum_{q} $s_{i,q}$ $d_{i,q}$, $s_{i,q}$ 和 $d_{i,q}$ 为奇异值分解运算中的辅助矩阵, 1 \leq $q \leq N_{\circ}$ 令 $S_{i,q} = [\text{diag}(s_{i,q}), 0], D_{i,q} = [\text{diag}(d_{i,q}), 0]^{T}$, 则约束C8中的耦合项可以表示为

$$diag(\bar{\boldsymbol{u}})L_{I,E}\boldsymbol{H}_{B,I}\boldsymbol{W}_{i}\boldsymbol{H}_{B,I}^{H}L_{I,E}diag(\bar{\boldsymbol{u}})^{H}$$

$$= \sum_{q} diag(\boldsymbol{s}_{i,q})\boldsymbol{u}\boldsymbol{u}^{H}diag(\boldsymbol{d}_{i,q})$$

$$= \sum_{q} \boldsymbol{S}_{i,q}\bar{\boldsymbol{u}}\bar{\boldsymbol{u}}^{H}\boldsymbol{D}_{i,q} = \sum_{q} \boldsymbol{S}_{i,q}\boldsymbol{U}\boldsymbol{D}_{i,q} \qquad (26)$$

因此,约束C8可写为

 $C17: \boldsymbol{\Phi}_i =$

$$\begin{bmatrix} L_{\mathrm{B,E}}^{2} \boldsymbol{W}_{i} & L_{\mathrm{B,E}} \boldsymbol{W}_{i} \boldsymbol{H}_{\mathrm{B,I}}^{\mathrm{H}} L_{\mathrm{I,E}} \mathrm{diag}(\bar{\boldsymbol{u}})^{\mathrm{H}} \\ \mathrm{diag}(\bar{\boldsymbol{u}}) L_{\mathrm{I,E}} \boldsymbol{H}_{\mathrm{B,I}} \boldsymbol{W}_{i} L_{\mathrm{B,E}} & \sum_{q} \boldsymbol{S}_{i,q} \boldsymbol{U} \boldsymbol{D}_{i,q} \end{bmatrix}$$

$$(27)$$

接下来,对问题式(25)中的秩一约束进行转换, 根据文献[18]可以进行如式(28)的等价转换

$$\operatorname{rank}(\boldsymbol{U}) = 1 \Leftrightarrow \|\boldsymbol{U}\|_* - \|\boldsymbol{U}\|_2 \le 0 \qquad (28)$$

式(28)依然是非凸的,采用基于惩罚的方法将 该约束移动到目标函数中,令 $\zeta = 1 + z_i/2^{R_0}$,则 问题式(25)可写为

$$\max_{\boldsymbol{U}, z_{i}, \zeta, \phi_{i}, \boldsymbol{\varPhi}_{i}} \zeta - \frac{1}{2\rho} \left(\|\boldsymbol{U}\|_{*} - \|\boldsymbol{U}\|_{2} \right)$$
s.t. C18: $(z_{i} \varpi_{i})^{2} + \left(\frac{\sum_{j=i+1}^{K} \operatorname{Tr}(\boldsymbol{G}_{i} \boldsymbol{W}_{j} \boldsymbol{G}_{i}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{U}) + \sigma^{2} + \Gamma}{\varpi_{i}} \right)^{2}$

$$\leq 2 \operatorname{Tr}(\boldsymbol{G}_{i} \boldsymbol{W}_{i} \boldsymbol{G}_{i}^{\mathrm{H}} \boldsymbol{U}), \ 1 \leq i \leq K$$
C6, C7, C14, C16, C17
(29)

其中*ρ*>0,为惩罚因子。问题式(29)是一个凸优化问题,可以用凸规划求解工具进行求解。

4 算法性能分析

4.1 算法收敛性分析

在所提算法的第*n*次迭代中,可得问题式(19) 在 给 定 Θ^{n-1} 时 的 最 优 解 W_i^n , R_0^n 和 $R_W^n = f(W_i^n, R_0^n, \Theta^{n-1})$,以及问题式(29)在给定 W_i^n, R_0^n 时的最优解 Θ^n 和 $R_U^n = f(W_i^n, R_0^n, \Theta^n)$,因此可得 $R_W^n \leq R_U^n$ 。在第*n*+1次迭代中,可得问题式(19) 的 最 优 解 W_i^{n+1} , R_0^{n+1} 以 及 $R_W^{n+1} = f(W_i^{n+1}, R_0^{n+1}, \Theta^n)$,问题式(29)的最优解 Θ^{n+1} 和 $R_U^{n+1} = f(W_i^{n+1}, R_0^{n+1}, \Theta^{n+1})$ 。由于最优解总能使当前求 解得到的结果不小于前一次求解得到的结果,可得 $R_{U}^{n} \leq R_{W}^{n+1} \leq R_{U}^{n+1}$ 。因此问题式(13)的优化目标 在每次迭代求解中以非递减的趋势变化,目标函数 在问题式(18)的可行解合集上是连续的^[19],且发射 功率有界,问题式(13)的解存在上界,因而所提算 法是收敛的。

4.2 算法复杂度分析

由于两个子问题仅涉及LMI和2阶锥体 (Second-Order Cone, SOC)约束,因此可以通过标 准内点方法求解^[20]。可以根据最坏情况运行时间进 行计算。问题式(19)的近似复杂度为

$$o_{\boldsymbol{w}_{i}} = \mathcal{O}(n_{1}\sqrt{\Delta_{\boldsymbol{w}}}\{K(M+N)^{3} + KM^{3} + n_{1}(K(M+N)^{2} + KM^{2}) + n_{1}(K + KM^{2} + K(M+N)^{2}) + n_{1}^{2}\}) (30)$$

其中, $n_1 = K(M+N)^2 + KM^2 + 2K + 2$, $\Delta_w = K(M+N) + KM + 6K$ 。问题式(29)的近似复杂 度为

$$o_{U} = \mathcal{O}(n_{2}\sqrt{\Delta_{U}}\{K(M+N)^{3} + K(N+1)^{3} + n_{2}(K(M+N)^{2} + K(N+1)^{2}) + n_{2}(K+K(N+1)^{2} + K(M+N)^{2} + n_{2}^{2}\})$$
(31)

其中, $n_2 = K(M+N)^2 + K(N+1)^2 + 2K + 2$, $\Delta_U = K(N+1) + K(M+N) + 6K$ 。因此,整个交替优化迭代算法的复杂度为: $O(l_{AO}(l_w \log_2(1/\varepsilon)o_w + l_U \log_2(1/\varepsilon)o_U))$, l_w , l_U 分别表示求解问题式(19)和式(29)的迭代次数, l_{AO} 表示收敛所需的迭代次数。

5 仿真分析

本节对本文提出的交替优化方案的性能进行仿 真及结果分析。仿真的网络拓扑为2维坐标系,系 统中的基站、RIS、窃听者分别位于处(0,10), (60,10),(50,0),合法用户随机分布在圆心为(70,0), 半径为5 m的圆内,用户数K = 2。信道模型相关 参数设置为: $\alpha_{B,I} = 2.0$, $\alpha_{B,E} = \alpha_{B,i} = 3.0$, $\alpha_{I,E} = \alpha_{I,i} = 2.2$, $\alpha_{E,i} = 3.2$, $\kappa = 3$; 噪声功率 $\sigma^2 = -100$ dBm; 窃听者的剩余自干扰系数 $\mu = 0.000$ 1;窃听者发射 的干扰信号功率 $P_J = -20$ dBm;中断概率门限和 保密概率门限设为 $p_{out} = p_{so} = 0.1$ 。仿真中同时给 出3种基准方案的结果进行性能对比。基准方案1为 所提算法应用于RIS-OMA系统的对应方案;基准 方案2为文献[21]中的基于分解的大偏差不等式算 法;基准方案3为RIS随机相移方案。

图1为本文所提交替迭代算法收敛过程的仿真 结果。为了说明算法的收敛性,忽略了用于优化发 射波束成形和RIS相移矩阵的内部迭代步骤,仅记 录外部交替迭代的次数。图1中的3条曲线分别是 RIS反射单元数目*N*固定为10,20,30时的收敛曲 线。如图1所示,保密速率随迭代次数的增加而单 调增加,并且在有限迭代次数内能较快地收敛到稳 定点。

图2为保密速率和基站发射功率的关系曲线。 仿真中,M = 4, N = 10。从图2可以看出,随着基 站发射功率的提高,系统的保密速率不断增加,且 本文方案始终优于对比方案。因为,RIS随机相移 方案并没有充分发挥RIS改变信道条件的优势,NOMA 传输可以在整个传输阶段同时为所有合法用户服 务,因此在相同的发射功率下,所提方案能够提供 比其他对比方案更高的保密速率。同时,可以观察 到,保密速率在低发射功率阶段缓慢增加,而在高 发射功率阶段快速变化。主要原因如下: (1)当基 站发射功率较低时,来自窃听者的主动干扰和被动 窃听都严重威胁合法信号传输,此时,保密中断事 件和传输中断事件发生的概率都较大,传输速率和 冗余速率受到的约束程度很紧。在满足系统要求的 情况下, 增大发射功率时, 传输速率和冗余速率的 增长都比较缓慢,因此两者之差,即保密速率缓慢 增加; (2)当发射功率变大时,干扰攻击对信号传 输的威胁变小,可以轻松地达到系统传输中断概率 需求,对于传输速率的约束程度变松,传输速率的 增速变快,因此保密速率可以快速增加。

图3为保密速率和RIS反射单元个数N的关系曲

线。仿真中,基站发射功率设为10 dBm。从图3可 以看出:(1)保密速率随RIS反射单元个数N的增加 而单调增加,但保密速率增长的速度却随N的增加 逐渐减小:(2)增加至少10个RIS反射单元个数带来 的保密速率增益才能基本等同于增加2根发射天线 带来的保密速率增益。单位RIS反射单元带来的保 密率增益远不如单位发射天线带来的增益。出现以 上现象的原因是,增加RIS的反射单元数量虽然可 以带来更高的自由度去增强合法信号,但同时也会 增加干扰信号,而改变发射天线数仅对合法信号传 输造成影响。但相较于基站处的发射天线,RIS具 有低成本、低功耗的优势,因此在成本和能耗有限 的情况下,需要进行权衡,应合理选择发射天线数 和RIS反射单元数以获得期望的系统保密性能。

图4为保密速率和用户群到基站距离的关系曲 线。图4中的3条曲线是用户数K为2,4,6时的仿真 结果。仿真中,基站发射功率设为10 dBm,且基 站、RIS和窃听者位置固定不变。从图4中可以看出, 当系统中的用户数量增多,系统保密速率减小。值 得注意的是,用户群远离基站能获得更高的保密 率。原因是窃听者处于基站和用户群之间,当用户 群距离基站近的时候,离窃听者也近,收到的干扰 较大,严重降低了系统传输速率。随着用户群和基 站之间距离的增大,相比较合法信号强度衰减,来 自窃听者的干扰强度衰减地更快,因此保密速率不





图 3 保密速率与RIS反射单元个数N的关系



降反升。这得益于RIS可以根据实际情况调整相移 矩阵,针对性地减缓合法信号强度的衰减。同时可 以看出保密速率增加的速度逐渐变慢,并且到达一 定距离后保密速率开始减小。因为RIS是无源的, 只能减缓信号强度衰减速度,并不能增强合法信号 强度。随着距离的增大,窃听者的干扰攻击带来的 负面影响程度一直在减小,逐渐地,合法信号的衰 减对传输速率的影响占领了主导地位。

6 结论

本文对全双工攻击下的多用户NOMA系统的 物理层安全通信进行研究,提出一种RIS辅助的鲁 棒波束赋形方案。考虑到系统中存在同时进行窃听 和干扰攻击的全双工窃听者,且合法系统仅可获得 窃听者统计CSI,本文以系统传输中断概率和保密 中断概率作为度量,建立了发射波束赋形矢量、RIS 相移矩阵、传输速率和冗余速率的联合优化问题, 以最大化系统的保密速率,并提出一种有效的交替 优化算法将原多变量耦合非凸问题转化为凸问题, 并求得次优解。仿真结果表明,所提方案可实现较 高的保密速率,RIS能有效抵抗仅有统计CSI的全 双工窃听者。

参考文献

- PAN Cunhua, REN Hong, WANG Kezhi, et al. Intelligent reflecting surface aided MIMO broadcasting for simultaneous wireless information and power transfer[J]. *IEEE Journal on Selected Areas in Communications*, 2020, 38(8): 1719–1734. doi: 10.1109/JSAC.2020.3000802.
- [2] 朱政宇, 王梓晅, 徐金雷, 等. 智能反射面辅助的未来无线通信: 现状与展望[J]. 航空学报, 2022, 43(2): 025014. doi: 10. 7527/S1000-6893.2021.25014.

ZHU Zhengyu, WANG Zixuan, XU Jinlei, et al. Future wireless communication assisted by intelligent reflecting surface: State of art and prospects[J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2022, 43(2): 025014. doi: 10.7527/ S1000-6893.2021.25014.

[3] 陈慧,张铭字,李兴旺,等. I/Q失衡影响下无人机多向全双工 中继NOMA传输系统性能分析[J]. 电子与信息学报, 2022, 44(3): 987–995. doi: 10.11999/JEIT211020.
CHEN Hui, ZHANG Mingyu, LI Xingwang, et al.
Performances analysis in UAV-aided multi-way NOMA fullduplex relay system with I/Q imbalance[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2022, 44(3): 987–995. doi: 10.11999/JEIT211020.

[4] DING Zhiguo, LV Lu, FANG Fang, et al. A state-of-the-art survey on reconfigurable intelligent surface-assisted nonorthogonal multiple access networks[J]. Proceedings of the *IEEE*, 2022, 110(9): 1358–1379. doi: 10.1109/JPROC.2022. 3174140.

- [5] 刘期烈,辛雅楠,高後鹏,等.可重构智能表面辅助的非正交多 址接入网络鲁棒能量效率资源分配算法[J].电子与信息学报, 2022,44(7):2332-2341.doi:10.11999/JEIT210521.
 LIU Qilie, XIN Ya'nan, GAO Junpeng, *et al.* Robust energy efficiency resource allocation algorithm in reconfigurable intelligent surface-assisted non-orthogonal multiple access networks[J]. *Journal of Electronics & Information Technology*, 2022, 44(7): 2332-2341.doi: 10.11999/ JEIT210521.
- [6] LI Suyue, BARIAH L, MUHAIDAT S, et al. Outage analysis of NOMA-enabled backscatter communications with intelligent reflecting surfaces[J]. *IEEE Internet of Things Journal*, 2022, 9(16): 15390–15400. doi: 10.1109/ JIOT.2022.3150418.
- HE Biao, LIU An, YANG Nan, et al. On the design of secure non-orthogonal multiple access systems[J]. IEEE Journal on Selected Areas in Communications, 2017, 35(10): 2196-2206. doi: 10.1109/JSAC.2017.2725698.
- [8] WANG Wei, LIU Xin, TANG Jie, et al. Secure beamforming optimization for IRS-NOMA networks via artificial jamming[C]. 2021 IEEE/CIC International Conference on Communications in China (ICCC), Xiamen, China, 2021: 623–628.
- [9] ZHANG Zheng, LV Lu, WU Qingqing, et al. Robust and secure communications in intelligent reflecting surface assisted NOMA networks[J]. *IEEE Communications Letters*, 2021, 25(3): 739–743. doi: 10.1109/LCOMM.2020.3039811.
- [10] ZHOU Gui, PAN Cunhua, REN Hong, et al. Robust beamforming design for intelligent reflecting surface aided MISO communication systems[J]. IEEE Wireless Communications Letters, 2020, 9(10): 1658–1662. doi: 10. 1109/LWC.2020.3000490.
- [11] WEI Li, HUANG Chongwen, ALEXANDROPOULOS G C, et al. Channel estimation for RIS-empowered multi-user MISO wireless communications[J]. *IEEE Transactions on Communications*, 2021, 69(6): 4144–4157. doi: 10.1109/ TCOMM.2021.3063236.
- ZHENG Gan, KRIKIDIS I, LI Jiangyuan, et al. Improving physical layer secrecy using full-duplex jamming receivers[J]. *IEEE Transactions on Signal Processing*, 2013, 61(20): 4962–4974. doi: 10.1109/TSP.2013.2269049.
- [13] LV Lu, WU Qingqing, LI Zan, et al. Covert communication in intelligent reflecting surface-assisted NOMA systems: Design, analysis, and optimization[J]. *IEEE Transactions on* Wireless Communications, 2022, 21(3): 1735–1750. doi: 10. 1109/TWC.2021.3106346.
- [14] DING Zhiguo, SCHOBER R, and POOR H V. On the

impact of phase shifting designs on IRS-NOMA[J]. IEEE Wireless Communications Letters, 2020, 9(10): 1596–1600. doi: 10.1109/LWC.2020.2991116.

- [15] ZHANG Zheng, CHEN Jian, WU Qingqing, et al. Securing NOMA networks by exploiting intelligent reflecting surface[J]. *IEEE Transactions on Communications*, 2022, 70(2): 1096–1111. doi: 10.1109/TCOMM.2021.3126636.
- [16] ZHANG Wei, CHEN Jian, KUO Yonghong, et al. Transmit beamforming for layered physical layer security[J]. IEEE Transactions on Vehicular Technology, 2019, 68(10): 9747–9760. doi: 10.1109/TVT.2019.2932753.
- [17] XU Dongfang, YU Xianghao, SUN Yan, et al. Resource allocation for IRS-assisted full-duplex cognitive radio systems[J]. IEEE Transactions on Communications, 2020, 68(12): 7376-7394. doi: 10.1109/TCOMM.2020.3020838.
- [18] YU Xianghao, XU Dongfang, SUN Ying, et al. Robust and secure wireless communications via intelligent reflecting surfaces[J]. IEEE Journal on Selected Areas in Communications, 2020, 38(11): 2637–2652. doi: 10.1109/ JSAC.2020.3007043.

- [19] BOYD S P and VANDENBERGHE L. Convex Optimization[M]. Cambridge: Cambridge University Press, 2004.
- [20] LUO Zhiquan, MA W K, SO A M C, et al. Semidefinite relaxation of quadratic optimization problems[J]. IEEE Signal Processing Magazine, 2010, 27(3): 20–34. doi: 10. 1109/MSP.2010.936019.
- [21] SUN Yifu, AN Kang, LUO Junshan, et al. Outage constrained robust beamforming optimization for multiuser IRS-assisted anti-jamming communications with incomplete information[J]. *IEEE Internet of Things Journal*, 2022, 9(15): 13298–13314. doi: 10.1109/JIOT.2022.3140752.

阔永红: 女, 教授, 研究方向为无线通信与信号处理.

- 曹 琳: 女,硕士生,研究方向为非正交多址接入、智能反射面.
- 吕 璐: 男, 副教授, 研究方向为物理层安全、隐蔽通信等.
- 贺冰涛:男,讲师,研究方向为非正交多址接入、协作通信等.
- 陈 健: 男,教授,研究方向为无线网络虚拟化、非正交多址接入.

责任编辑:余 蓉